ESCUELA POLITÉCNICA NACIONAL

FACULTAD DE INGENIERÍA CIVIL Y AMBIENTAL

ESTUDIO EN MODELO FÍSICO PARA LA EVALUACIÓN DEL DESARROLLO Y DE LA DISIPACIÓN DE ENERGÍA EN FLUJO RASANTE SOBRE UNA RÁPIDA DE FONDO ESCALONADO - CASO DE LA DESCARGA DEL COLECTOR IÑAQUITO EN LA QUEBRADA EL BATÁN

PROYECTO PREVIO A LA OBTENCIÓN DEL TÍTULO DE INGENIERO CIVIL

JOSÉ GUALBERTO LÓPEZ PEÑAFIEL jlopezp78@gmail.com KAREN JASMÍN SOTO MORALES soto38_karen@hotmail.com

DIRECTORA: ING. XIMENA HIDALGO BUSTAMANTE ximena.hidalgob@gmail.com

Quito, Abril 2016

DECLARACIÓN

Nosotros, José Gualberto López Peñafiel y Karen Jasmín Soto Morales, declaramos bajo juramento que el trabajo aquí escrito es de nuestra autoría; que no ha sido previamente presentado para ningún grado o calificación profesional; y que hemos consultado las referencias bibliográficas que se incluyen en este documento.

La Escuela Politécnica Nacional, puede hacer uso de los derechos correspondientes a este trabajo, según lo establecido en la Ley de Propiedad Intelectual, por su Reglamento y por la normatividad institucional vigente.

José Gualberto López Peñafiel

Karen Jasmín Soto Morales

CERTIFICACIÓN

Certifico que el presente trabajo fue desarrollado por José Gualberto López Peñafiel y Karen Jasmín Soto Morales, bajo mi supervisión.

Ing. Ximena Hidalgo Bustamante Directora del Proyecto

AGRADECIMIENTOS

Quiero agradecer a mis padres Zulmira y José por darme todo el apoyo necesario, por forjar mi camino y brindarme su cariño.

A mis hermanos Bra y Emy por todas las vivencias juntos, sin ustedes mi vida no sería la misma.

A mi abuelita Elena por siempre confiar y creer en mí.

A mis tutores Ingeniera Ximena y Doctor Marco por brindarme sus conocimientos.

A todos mis compañeros del CIERHI por el empeño y dedicación.

A mis amigos por todos esos momentos de alegría.

A Dios por llenar mi vida de bendiciones.

Finalmente a mi querida Escuela Politécnica Nacional.

DEDICATORIA

A Zulmira, Bryan y Emily son el mayor tesoro que tengo en mi vida.

Jose

AGRADECIMIENTOS

Un agradecimiento especial a la Ingeniera Ximena Hidalgo y al Doctor Marco Castro por su ayuda y contribución invaluable en la dirección de este trabajo.

A todo el equipo de investigación y trabajo del CIERHI por su colaboración.

DEDICATORIA

A mi familia: Luis, Yolanda y Ricky, por su amor y apoyo incondicional.

A mis abuelos Juan y Josefina, por dejar huellas imborrables en mi corazón.

Karen

CONTENIDO

ÍN	DIC	E DE F	IGURAS	xii
ÍN	IDICI	E DE T	ABLAS	xix
LI	STA	de sín	/BOLOS	xxi
R	ESUN	IEN		xxiv
A	BSTF	RACT		xxv
1	ΙΝΤ	RODU	CCIÓN	1
	1.1	ANTE	CEDENTES Y UBICACIÓN DEL PROYECTO	1
	1.2	OBJET	ΓIVOS	2
		1.2.1	OBJETIVO GENERAL	2
		1.2.2	OBJETIVOS ESPECÍFICOS	2
	1.3	JUSTI	FICACIÓN DEL ESTUDIO	3
	1.4	DESCF	RIPCIÓN DE LAS ESTRUCTURAS	3
		1.4.1	TÚNEL SECCIÓN BAÚL	3
		1.4.2	PRIMER CUENCO DISIPADOR	3
		1.4.3	PRIMERA RÁPIDA ESCALONADA	4
		1.4.4	SEGUNDO CUENCO DISIPADOR	4
		1.4.5	SEGUNDA RÁPIDA ESCALONADA	5
2	BA	SES Y	CRITERIOS DE DISEÑO EN RÁPIDAS DE FONDO ESCALO)-
	NAI	00		6
	2.1	INTRC	DUCCION	6
	2.2	DEFIN	ICIONES DE TIPO DE FLUJOS EN RAPIDAS DE FONDO	
		ESCAL	.ONADO	7
		2.2.1	FLUJO RASANTE "SKIMMING FLOW"	7
		2.2.2		9
	2.3	CRIT	ERIOS PARA DETERMINAR LAS CONDICIONES DE INI-	
	0.4	CIU Y		11
	2.4	CKITE		12
		2.4.1		12
	0 5	2.4.2	PROFUNDIDAD DE FLUJU EN LA SECCIÓN FINAL	13
	2.5	DISIPA	CION DE ENERGIA	15

		2.5.1	ENERGÍA DE DISIPACIÓN PARA FLUJO SALTANTE "NAP-	17
		2.5.2	ENERGÍA DE DISIPACIÓN PARA FLUJO RASANTE "SKIM-	17
			MING FLOW"	17
3	мо	DELAC	CIÓN FÍSICA	21
	3.1	CLASI	FICACIÓN DE LOS MODELOS	21
		3.1.1	MODELOS FÍSICOS	22
	3.2	MAGN	ITUDES FÍSICAS, DIMENSIONES Y UNIDADES	22
		3.2.1	HOMOGENEIDAD DIMENSIONAL	23
	3.3	ANÁLI	SIS DIMENSIONAL	23
		3.3.1	MÉTODO DE REPETICIÓN DE VARIABLES Y TEOREMA	
			PI DE BUCKINGHAM	24
		3.3.2	CRITERIOS DE SIMILITUD	25
	3.4	SIMILI	TUD DINÁMICA RESTRINGIDA	31
		3.4.1	SIMILITUD DINÁMICA RESTRINGIDA DE FROUDE	31
	3.5	LIMIT	ACIONES EN LA MODELACIÓN FÍSICA	33
		3.5.1	RESTRICCIÓN EXTERNA	34
		3.5.2	EFECTO DE REYNOLDS	34
		3.5.3	TENSIÓN SUPERFICIAL	35
	3.6	SELEC	CIÓN DE LA ESCALA	36
	3.7	EFECT	OS DE ESCALA	39
	3.8	ETAPA	AS DE LA INVESTIGACIÓN	39
		3.8.1	ETAPA I: VALIDACIÓN Y/O CALIBRACIÓN DEL MODE-	
			LO FÍSICO EN SU CONFIGURACIÓN GEOMÉTRICA ASÍ CO-	
			MO EN LA SIMILITUD HIDRODINÁMICA	39
		3.8.2	ETAPA II: ANÁLISIS EXPERIMENTAL DEL FUNCIONA-	
			MIENTO HIDRÁULICO DE LAS ESTRUCTURAS CON EL	
			DISEÑO ORIGINAL	40
		3.8.3	ETAPA III: PROPUESTA DE RECOMENDACIONES TÉCNI-	
			CAS QUE MEJOREN Y GARANTICEN LA EFICIENCIA	
			HIDRÁULICA DE LAS ESTRUCTURAS ACTUALMENTE	
			CONSTRUIDAS	40
	3.9	PLAN	DE PRUEBAS	41
4	CON	ISTRU	CCIÓN, INSTRUMENTACIÓN Y CALIBRACIÓN DEL MODE-	
	LO	FÍSICO		42
	4.1	CONS		42

		4.1.1	ZONA DE INGRESO	43
		4.1.2	MODELO FÍSICO, ESCALA 1:20	45
	4.2	INSTR	RUMENTACIÓN DEL MODELO FÍSICO	54
		4.2.1	VERTEDEROS TRIANGULARES DE PARED DELGADA	
			CON UN ÁNGULO CENTRAL DE 90°	55
		4.2.2	LIMNÍMETRO	56
		4.2.3	CINTA MÉTRICA	56
		4.2.4	NIVEL Y ESTACIÓN TOTAL	57
		4.2.5	PROBETA	57
		4.2.6	EQUIPO DE FOTOGRAFÍA Y VIDEO	58
	4.3	CALIB	RACIÓN DEL MODELO FÍSICO	58
		4.3.1	COMPROBACIÓN DE LA SIMILITUD GEOMÉTRICA	58
		4.3.2	COMPROBACIÓN DE LAS CONDICIONES DE FLUJO PA-	
			RA LA SIMILITUD RESTRINGIDA	60
	4.4	CALIB	RACIÓN DE VERTEDEROS TRIANGULARES	63
5	AN	ÁLISIS	EXPERIMENTAL DEL DISEÑO ORIGINAL	71
	5.1	PLAN	DE PRUEBAS CORRESPONDIENTE AL ANÁLISIS EXPE-	
		RIME	NTAL DEL DISEÑO ORIGINAL	71
	5.2	ANÁL	ISIS EXPERIMENTAL DEL COMPORTAMIENTO DEL FLUJO	72
	5.3	ANÁL	ISIS EXPERIMENTAL DE LA ESTRUCTURA DE INGRESO	
		A LA	RÁPIDA ESCALONADA	86
		5.3.1	DERIVACIÓN DE CAUDALES POR CELDA	86
	5.4	ANÁL	ISIS EXPERIMENTAL DE LA RÁPIDA ESCALONADA	89
		5.4.1	TIPOS DE FLUJO	89
		5.4.2	DISIPACIÓN DE ENERGÍA Y FACTOR DE FRICCIÓN	91
		5.4.3	PARÁMETROS HIDRÁULICOS	94
	5.5	ANÁL	ISIS EXPERIMENTAL DEL SISTEMA: ESTRUCTURA DE	
		INGRE	ESO - RÁPIDA ESCALONADA - ESTRUCTURA DE ENTRE-	
		ga de	EL FLUJO	96
		5.5.1	CAUDAL MÁXIMO DE EFICIENTE OPERACIÓN	100
6	PRO	OPUES	TAS DE OPTIMIZACIÓN DEL DISEÑO ORIGINAL	102
	6.1	DISIPA	ADORES DE ENERGÍA: IMPACTADORES	102
		6.1.1	DISEÑO DE IMPACTADORES	103
	6.2	CONS	TRUCCIÓN DE LAS PROSPUESTAS DE OPTIMIZACIÓN	107
		6.2.1	PROPUESTA No. 1	108
		6.2.2	PROPUESTA No. 2	108

		6.2.3 PROPUESTA No. 3	109
	6.3	PLAN DE PRUEBAS	110
	6.4	RESULTADOS OBTENIDOS	111
7	CON	ICLUSIONES Y RECOMENDACIONES	114
	7.1	CONCLUSIONES Y RECOMENDACIONES REFERENTES A LA	
		VALIDACIÓN Y/O CALIBRACIÓN DEL MODELO FÍSICO	115
	7.2	CONCLUSIONES REFERENTES AL ANÁLISIS DE DISEÑO ORIGINAL	116
	7.3	RECOMENDACIONES REFERENTES AL ANÁLISIS DE DISEÑO	
		ORIGINAL	119
	7.4	CONCLUSIONES Y RECOMENDACIONES REFERENTES A LAS	
		PROPUESTAS DE MODIFICACIÓN EN EL DISEÑO ORIGINAL	120
RE	FER	ENCIAS	123
A	VEXC)S	126
1	CON	NSTRUCCIÓN MODELO FÍSICO	126
2	ESQ	UEMAS CALIBRACIÓN GEOMÉTRICA	136
3	REG	SISTRO DE DATOS	139
4	CÁL	CULOS	156
5	PLA	NOS	168

ÍNDICE DE FIGURAS

1.1 1.2	IMPLANTACIÓN Y UBICACIÓN DE LA RÁPIDA ESCALONADA ESTRUCTURA DE APROXIMACIÓN HACIA LA RÁPIDA ESCA-	1
	LONADA	4
1.3	RÁPIDA ESCALONADA Y ESTRUCTURA DE DISIPACIÓN AL PIE	5
2.1	DIMENSIONES BÁSICAS EN UN VERTEDOR CON FONDO ES-	
		6
2.2	ESQUEMA DE FLUJO RASANTE EN UN VERTEDOR DE FON-	Q
2.3	REGIONES DE FLUJO RASANTE EN IN VERTEDOR DE FONDO	0
	ESCALONADO, AMADOR (2005)	9
2.4	CLASIFICACIÓN DEL FLUJO EN UNA RÁPIDA DE FONDO ES-	
	CALONADO, SIMOĒS (2011)	12
2.5	PARÁMETROS GEOMÉTRICOS DE LA RÁPIDA DE FONDO ES-	
	CALONADO	16
2.6	FACTOR DE FRICCIÓN DE DARCY-WEISBACH EN FLUJO RA-	
	SANTE SOBRE UN VERTEDERO ESCALONADO EN FUNCIÓN	
	DE LA ALTURA DE RUGOSIDAD RELATIVA DEL ESCALÓN (IZ-	
	QUIERDA) Y SU FUNCION DE DISTRIBUCION DE PROBABILI-	
	DAD (DERECHA)	19
3.1	CONDICIÓN DE SIMILITUD EN MODELO PARA ANÁLISIS DE	
	PÉRDIDAS DE ENERGÍA EN MODELOS FROUDIANOS, INCLU-	
	YENDO EFECTOS DE VISCOSIDAD Y DE RUGOSIDAD	35
4.1	MODELO FÍSICO DE LA RÁPIDA ESCALONADA	42
4.2	ESQUEMA DE LAS ZONAS DEL MODELO FÍSICO DE LA RÁPI-	
	DA ESCALONADA	43
4.3	TANQUE DE ABASTECIMIENTO, ESTRUCTURA DE SOPORTE,	
	TUBERÍA DE INGRESO, ACCESORIOS, PANTALLA UNIFORMI-	
	ZADORA Y ACCESOS AL MODELO	45
4.4	VISTA TRIDIMENSIONAL DEL TRAMO DE APROXIMACIÓN	46
4.5	TRAMO DE APROXIMACIÓN CONSTRUIDO EN ACRÍLICO	46
4.6	(A) TRANSICION CONSTRUIDA EN ACRÍLICO (B) VISTA TRI-	
	DIMENSIONAL DE LA TRANSICION	48

4.7	(A) PRIMER CUENCO DISIPADOR CONSTRUIDO EN ACRÍLICO.	
	(B) VISTA TRIDIMENSIONAL DEL PRIMER CUENCO DISIPADOR	49
4.8	CANAL DE CONEXIÓN CONSTRUIDO EN ACRÍLICO	49
4.9	(A) RÁPIDA ESCALONADA CONSTRUIDA EN ACRÍLICO. (B)	
	VISTA TRIDIMENSIONAL DE LA RÁPIDA ESCALONADA	50
4.10	(A) CUENCO DISIPADOR FINAL DE LA PRIMERA RÁPIDA CONS-	
	TRUIDO EN ACRÍLICO. (B) VISTA TRIDIMENSIONAL DEL CUEN-	
	CO DISIPADOR AL FINAL DE LA PRIMERA RÁPIDA	52
4.11	CANAL DE CONEXIÓN HACIA LA SEGUNDA RÁPIDA CONS-	
	TRUIDO EN ACRÍLICO	53
4.12	CANAL DE DESCARGA, VERTEDEROS Y PANTALLA UNIFOR-	
	MIZADORA	54
4.13	ESQUEMA DEL VERTEDERO TRIANGULAR CON SUS DIMEN-	
	SIONES	55
4.14	VERTEDERO TRIANGULAR PARA EL AFORO DEL CAUDAL DE	
	DESCARGA. (A) MARGEN IZQUIERDA. (B) MARGEN DERECHA	55
4.15	LIMNIMETRO INSTALADO EN EL CANAL DE DESCARGA (A).	
	LIMNIMETRO INSTALADO EN EL TUNEL DE APROXIMACIÓN (B)	56
4.16	CINTA DE MEDIDA COLOCADA AL FINAL DE LA TRANSICION	
	(A). CINTA DE MEDIDA COLOCADA EN EL INICIO DEL PERFIL	
	PARABOLICO DE LA RAPIDA ESCALONADA (B)	57
4.17	ESTACION TOTAL MARCA TRIMBLE M3 DR 2 (A). NIVEL TO-	
	POGRAFICO MARCA WILD HEERBRUGG SWITZERLAND (B)	57
4.18	PROBETA DE PLASTICO	58
4.19	COEFICIENTE DE GASTO μ DE VERTEDEROS TRIANGULARES	
	EN LA FORMULA DE LA UNIVERSIDAD CATOLICA DE CHILE	66
4.20	VALORES DE K EN LA FORMULA DE LA UNIVERSIDAD CATOLI-	
	CA DE CHILE PARA VERTEDEROS TRIANGULARES	66
4.21	CURVA DE DESCARGA EXPERIMENTAL Y GRAFICOS DE LAS	
	ECUACIONES DE TENDENCIA OBTENIDAS CON LAS ECUA-	
	CIONES DE HEGLY Y DE LA UNIVERSIDAD CATOLICA DE CHI-	
	LE PARA VERTEDEROS TRIANGULARES	67
4.22	AFORO VOLUMETRICO PARA EL VERTEDERO TRIANGULAR	68
4.23	CURVA DE DESCARGA EXPERIMENTAL Y ECUACION DE TEN-	
	DENCIA OBTENIDA DEL AFORO VOLUMETRICO PARA LOS	
	VERTEDEROS TRIANGULARES INSTALADOS PARA AFORAR	
	LAS DESCARGAS DEL MODELO CONSTRUIDO	68

4.24	COMPARACIÓN GRÁFICA ENTRE LAS CURVAS DE DESCARGA DE LA LITERATURA TÉCNICA Y LA EXPERIMENTAL PARA LOS VERTEDEROS TRIANGULARES DE PARED DELGADA Y ÁNGULO CENTRAL $\theta = 90^{\circ}$	69
5.1	PRUEBA 1. VISTA LATERAL DERECHA EN EL TRAMO CURVO (A) E INTERNA DESDE AGUAS ARRIBA EN EL TRAMO FINAL	70
5.2	(B) DEL TUNEL BAUL. $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 8.09 \text{ m}^{\circ}/\text{s}$ PRUEBA 1. VISTA LATERAL DERECHA (A) Y LATERAL IZ- QUIERDA (B) DEL CUENCO DISIPADOR 1 Y DE INICIO DE	12
5.3	RÁPIDA ESCALONADA. $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 8.09 \text{ m}^3/\text{s}$	72
5.4	$= 8.09 \text{ m}^3/\text{s}$ PRUEBA 1. VISTA LATERAL DERECHA (A) Y LATERAL IZ-	73
5.5	NAL DE CONEXIÓN 2. $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 8.09 \text{ m}^3/\text{s}$	73
5.6	DE TRAMO CURVO DE TUNEL BAUL (A). VISTA SUPERIOR DE TRANSICIÓN (B). $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 46.51 \text{ m}^3/\text{s} \dots \dots$ PRUEBA 2. VISTA LATERAL DERECHA (A) E IZQUIERDA (B)	74
5.7	DE CUENCO DISIPADOR 1. $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 46.51 \text{ m}^3/\text{s} \dots$ PRUEBA 2. VISTA FRONTAL (A) Y LATERAL DERECHA (B) DE	75
5.8	PRUEBA 2. VISTA LATERAL DERECHA (A) E IZQUIERDA (B) DE CUENCO DISIPADOR 2 Y DE INICIO DE CANAL DE CONE-	15
5.9	XIÓN 2. $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 46.51 \text{ m}^3/\text{s} \dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots$ PRUEBA 3. VISTA LATERAL DERECHA AGUAS ARRIBA (A) Y AGUAS ABAJO (B) DEL TRAMO CURVO DEL TÚNEL BAÚL.	76
5.10	$Q_{TOTALPROTOTIPO} = 56.55 \text{ m}^3/\text{s}$ PRUEBA 3. VISTA LATERAL IZQUIERDA (A) Y DERECHA (B)	77
5.11	DEL CUENCO DISIPADOR 1. $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 56.55 \text{ m}^3/\text{s} \dots$ PRUEBA 3. VISTA SUPERIOR DESDE AGUAS ARRIBA (A) Y	77
5.12	VISTA LATERAL IZQUIERDA DEL TRAMO FINAL (B) DE RÁPI- DA ESCALONADA. $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 56.55 \text{ m}^3/\text{s} \dots$ PRUEBA 3. VISTA LATERAL DERECHA (A) E IZQUIERDA (B)	78
	NEXIÓN 2. $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 56.55 \text{ m}^3/\text{s}$	78

5.13	PRUEBA 4. VISTA LATERAL IZQUIERDA ANTES (A) Y LUEGO	
	(B) DEL TRAMO CURVO DEL TÚNEL BAÚL. Q _{TOTALPROTOTIPO}	
	$= 80.19 \ \text{m}^3/\text{s} \dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots $	79
5.14	PRUEBA 4. VISTA LATERAL IZQUIERDA (A) Y DERECHA (B)	
	DEL CUENCO DISIPADOR 1. $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 80.19 \text{ m}^3/\text{s} \dots$	80
5.15	PRUEBA 4. VISTA LATERAL DERECHA (A) E IZQUIERDA (B)	
	DE RÁPIDA ESCALONADA. $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 80.19 \text{ m}^3/\text{s} \dots \dots$	80
5.16	PRUEBA 4. VISTA LATERAL DERECHA (A) E IZQUIERDA (B)	
	DEL CUENCO DISIPADOR 2 Y DE INICIO DE CANAL DE CO-	
	NEXIÓN 2. $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 80.19 \text{ m}^3/\text{s}$	81
5.17	PRUEBA 5. VISTA LATERAL IZQUIERDA DEL TRAMO FINAL	
	DEL TÚNEL BAÚL (A). VISTA SUPERIOR DE TRANSICIÓN (B).	
	$Q_{TOTALPROTOTIPO} = 101.78 \text{ m}^3/\text{s} \dots \dots$	82
5.18	PRUEBA 5. VISTA LATERAL DERECHA (A) E IZQUIERDA (B)	
	DEL CUENCO DISIPADOR 1. $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 101.78 \text{ m}^3/\text{s}$	82
5.19	PRUEBA 5. VISTA FRONTAL (A) Y LATERAL DERECHA (B) DE	
	RÁPIDA ESCALONADA. $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 101.78 \text{ m}^3/\text{s}$	83
5.20	PRUEBA 5. VISTA LATERAL DERECHA (A) Y LATERAL IZ-	
	QUIERDA (B) DEL CUENCO DISIPADOR 2 Y DE INICIO DE	
	CANAL DE CONEXIÓN 2. $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 101.78 \text{ m}^3/\text{s} \dots \dots$	83
5.21	PRUEBA 6. VISTA LATERAL DERECHA DE TÚNEL BAÚL (B).	
	TRANSICIÓN VISTA DESDE AGUAS ARRIBA (A). Q _{TOTALPROTOTIPO}	
	$= 149.07 \ \text{m}^3/\text{s} \ \ldots \ $	84
5.22	PRUEBA 6. VISTA LATERAL DERECHA (A) E IZQUIERDA (B)	
	DEL CUENCO DISIPADOR 1. $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 149.07 \text{ m}^3/\text{s} \dots$	85
5.23	PRUEBA 6. VISTA FRONTAL (A) Y LATERAL IZQUIERDA (B)	
	DE RÁPIDA ESCALONADA. $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 149.07 \text{ m}^3/\text{s} \dots$	85
5.24	PRUEBA 6. VISTA LATERAL DERECHA (A) E IZQUIERDA (B)	
	DEL CUENCO DISIPADOR 2 Y DE CANAL DE CONEXIÓN 2.	
	$Q_{TOTALPROTOTIPO} = 149.07 \text{ m}^3/\text{s}$	86
5.25	CAUDAL DISTRIBUIDO POR CELDA VS EL CAUDAL TOTAL	87
5.26	PORCENTAJE DE CAUDAL DISTRIBUIDO POR CELDA VS EL	
	CAUDAL TOTAL	88
5.27	PRUEBA 2. VISTA SUPERIOR FINAL TÚNEL BAÚL – INICIO DI-	
	VISIÓN DE LA CONDUCCIÓN EN DOS CELDAS. Q _{TOTALPROTOTIPO}	
	$= 46.51 \text{ m}^3/\text{s} \dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots $	88

xvi

5.28 UBICACIÓN DE LA RELACIÓN h/y_C LÍMITE PARA QUE PRE- SENTE FLUJO RASANTE CON BASE EN LA CLASIFICACIÓN	
5.29 PRUEBA DETERMINACIÓN DE FLUJO RASANTE. (A) VISTA LATERAL DE UN ESCALÓN DE CELDA IZQUIERDA RÁPIDA ESCALONADA, Q $_{PROTOTIPO} = 9.87 \text{ m}^3/\text{S}$. (B) VISTA LATERAL DE UN ESCALÓN CELDA DERECHA RÁPIDA ESCALONADA, Q	89
$_{PROTOTIPO} = 11.45 \text{ m}^3/\text{s} \dots$ 5.30 ESQUEMA DE LAS SECCIONES INICIAL Y FINAL DEL VOLU- MEN DE CONTROL UTILIZADO PARA LA DETERMINACIÓN DE LA EFICIENCIA DE DISIPACIÓN DE ENERGÍA EN LA RÁPI- DA ESCALONADA	90 92
5.31 COMPARACIÓN ENTRE EL FACTOR DE FRICCIÓN DE LA ECUA- CIÓN DE DARCY-WEISBACH EN FLUJO RASANTE ESTABLE SOBRE LA RÁPIDA ESCALONADA VS LA ALTURA DE RUGO- SIDAD RELATIVA DEL ESCALÓN DETERMINADA EXPERIMEN- TALMENTE (IZQUIERDA) Y RECOMENDADA POR LA LITERA-	JZ
TURA (DERECHA)	94
5.33 UBICACIÓN DE LA LÍNEA DE ENERGÍA PARA EL FLUJO EN LA CELDA IZQUIERDA CON CAUDAL MEDIO. Q _{CELDAIZQ.PROTOTIPO}	97
$= 21.27 \text{ m}^3/\text{s}; \text{Q}_{TOTALPROTOTIPO} = 46.51 \text{ m}^3/\text{s} \dots \dots$	98
$= 25.35 \text{ mm}^3/\text{s}; \text{Q}_{TOTALPROTOTIPO} = 46.51 \text{ m}^3/\text{s} \dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots $	98
$= 46.85 \text{ m}^3/\text{s}; $	99
$= 54.94 \text{ m}^3/\text{s}; Q_{TOTALPROTOTIPO} = 101.78 \text{ m}^3/\text{s} \dots \dots \dots \dots$	99

5.37	PRUEBA DETERMINACIÓN DE CAUDAL MÁXIMO DE EFICIEN- TE OPERACIÓN. VISTA LATERAL IZQUIERDA DE CUENCO DI- SIPADOR 2 (A). VISTA LATERAL DERECHA DE CUENCO DISI- PADOR 2 (B). $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 41.80 \text{ m}^3/\text{s}$	101
6.1	(w/d) VS NÚMERO DE FROUDE PARA CUENCOS DE SALIDA CON IMPACTADORES	103
6.2	RELACIONES PARA EL DIMENSIONAMIENTO Y UBICACIÓN	104
6.2		104
0.3	DIMENSIONES DE IMPACTADOR EN FORMA DE L'INVERTIDA	105
0.4 6 5	UBICACIÓN DEL IMPACTADOR EN FORMA DE L'INVERTIDA	100
0.5		100
0.0 6 7		107
0.7	DA Y SU IMPLANTACIÓN EN EL CUENCO DE DISIPACIÓN AL	
	PIE DE LA RÁPIDA ESCALONADA	108
68	IMPACTADOR EN FORMA DE "L" INVERTIDA FABRICADO EN	100
0.0	ACRÍLICO Y SU IMPLANTACIÓN EN EL CUENCO DE DISIPA-	
	CIÓN AL PIE DE LA RÁPIDA ESCALONADA EN EL MODELO	
	FÍSICO	108
6.9	VISTA EN 3D DEL IMPACTADOR DE FORMA RECTANGULAR	
	Y SU IMPLANTACIÓN EN EL CUENCO DE DISIPACIÓN AL PIE	
	DE LA RÁPIDA ESCALONADA	109
6.10	IMPACTADOR DE FORMA RECTANGULAR FABRICADO EN ACRÍLI-	
	CO Y SU IMPLANTACIÓN EN EL CUENCO DE DISIPACIÓN AL	
	PIE DE LA RÁPIDA ESCALONADA EN EL MODELO FÍSICO	109
6.11	IMPLEMENTACIÓN DE LA SECCIÓN DE CONTROL A TRAVÉS	
	DE UNA CLAPETA EN EL MODELO FÍSICO. SECCIÓN DE CON-	
	TROL UBICADA EN CELDA DERECHA (A) E IZQUIERDA (B)	110
6.12	PRUEBA 1. VISTA LATERAL DERECHA DE CUENCO DISIPA-	
	DOR 2 (A). VISTA LATERAL IMPACTADOR DE FORMA REC-	
	TANGULAR (B). $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 56.55 \text{ m}^3/\text{s} \dots \dots \dots$	111
6.13	PRUEBA 1. VISTA LATERAL IZQUIERDA DE CUENCO DISIPA-	
	DOR 2 (A). VISTA LATERAL DE IMPACTADOR EN FORMA DE	
	"L" INVERTIDA (B). $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 56.55 \text{ m}^3/\text{s} \dots \dots$	111
6.14	PRUEBA 2. VISTA LATERAL DERECHA DE CUENCO DISIPA-	
	DOR 2 (A). VISTA LATERAL IMPACTADOR DE FORMA REC-	
	IANGULAR (B). $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 101.78 \text{ m}^3/\text{s}$	112

6.15	PRUEBA 2. VISTA LATERAL IZQUIERDA DE CUENCO DISIPA- DOR 2 (A). VISTA LATERAL DE IMPACTADOR EN FORMA DE "L" INVERTIDA (B). Q _{TOTALPROTOTIPO} = 101.78 m ³ /s	112
7.1	VISTA LATERAL IZQUIERDA DE LA RÁPIDA ESCALONADA. $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 149.07 \text{ m}^3/\text{s} \text{ Q} \text{ CELDA IZQUIERDA} = 72.42$	
	m^3/s	118
7.2	VISTA LATERAL DERECHA DEL CUENCO DISIPADOR 2 SIN	
	MODIFICACIONES (A). VISTA LATERAL IZQUIERDA DEL CUEN-	
	CO DISIPADOR 2 SIN MODIFICACIONES (B). Q _{TOTALPROTOTIPO}	
	$= 56.55 \text{m}^3/\text{s} \dots \dots$	121
7.3	VISTA LATERAL DERECHA DEL CUENCO DISIPADOR 2 CON	
	MODIFICACIONES (A). VISTA LATERAL IZQUIERDA DEL CUEN-	
	CO DISIPADOR 2 CON MODIFICACIONES (B). Q _{TOTALPROTOTIPO}	
	$= 56.55 \text{m}^3/\text{s} \dots \dots$	121
7.4	PRUEBA 6. VISTA LATERAL IZQUIERDA CUENCO DISIPADOR	
	Y CANAL DE CONEXIÓN 2. $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 150 \text{ m}^3/\text{s}$	122

ÍNDICE DE TABLAS

3.1	DIMENSIONES PRIMARIAS Y SUS UNIDADES SI PARA HIDRÁULI- CA	23
3.2	TIPOS DE MODELO FÍSICO SEGÚN SU FUERZA PREDOMINANTE	31
3.3	RELACIONES DE ESCALA SEGÚN SIMILITUD RESTRINGIDA	
	DE FROUDE PARA AGUA	33
3.4	VALORES DE LAS MAGNITUDES EN PROTOTIPO Y EN MO-	
	DELO EN FUNCIÓN DE DIFERENTE ESCALA DE LONGITUDES	3
3.5	EQUIVALENCIAS NUMÉRICAS PARA LA SIMILITUD DE FROU-	
	DE ESCALA 1:20	38
3.6	PLAN DE PRUEBAS CORRESPONDIENTE A LA VALIDACIÓN	
	DEL MODELO FÍSICO	4
Л 1	DIMENSIONES CEOMÉTRICAS DEL TRAMO REPRESENTATI	
4.1		1-
12		
ч.2 Д З	DIMENSIONES GEOMÉTRICAS DEL PRIMER CLIENCO DISIPADOR	-тч Д(
4.4	DIMENSIONES GEOMÉTRICAS DEL CANAL DE CONEXIÓN	5
4.5	DIMENSIONES GEOMÉTRICAS DE LA RÁPIDA ESCALONADA	5
4.6	DIMENSIONES GEOMÉTRICAS DEL SEGUNDO CUENCO DISI-	0.
	PADOR (AL PIE DE LA RÁPIDA ESCALONADA)	52
4.7	DIMENSIONES GEOMÉTRICAS DEL CANAL DE CONEXIÓN QUE	
	CONDUCE EL FLUJO HACIA LA SEGUNDA RÁPIDA	5
4.8	COMPARACIÓN ENTRE LAS COORDENADAS DEL MODELO	
	CONSTRUIDO Y LAS DEL PROTOTIPO	59
4.9	COMPARACIÓN ENTRE LAS COTAS DEL MODELO CONSTRUI-	
	DO Y LAS DEL PROTOTIPO	6
4.10	COMPARACIÓN Y DESVIACIÓN PORCENTUAL ENTRE LOS NÚME-	
	ROS DE FROUDE (Fr) EN PROTOTIPO Y EN MODELO	6
4.11	COMPARACIÓN ENTRE LOS NÚMEROS DE REYNOLDS (Re)	
	MEDIDOS EN PROTOTIPO Y EN MODELO	6
4.12	COMPARACIÓN ENTRE LOS FACTORES DE FRICCIÓN (λ) DE	
	PROTOTIPO Y MODELO DE LA RÁPIDA ESCALONADA	6
4.13	COMPARACIÓN ENTRE LOS VALORES DE LOS NÚMEROS ADI-	
	MENSIONALES DE WEBER (We) EN PROTOTIPO Y EN MODELO	6
4.14	LÍMITES DE APLICACIÓN DE HEGLY	6

4.15	LÍMITES DE APLICACIÓN DE LA UNIVERSIDAD CATÓLICA DE CHILE	65
4.16	DATOS OBTENIDOS DEL AFORO VOLUMÉTRICO DEL VER-	
4.17	DATOS OBTENIDOS DEL AFORO VOLUMÉTRICO DEL VER-	68 70
Б 1		10
5.1	RIMENTAL DEL DISEÑO ORIGINAL	71
5.2	CAUDALES TOTALES DE APROXIMACION, CAUDALES DIS- TRIBUIDOS POR CADA CELDA Y PORCENTAJES CORRES-	
5.3	PONDIENTES PARA CADA UNA DE LAS PRUEBAS	87
	DAL LÍMITE PARA QUE SE ESTABLEZCA FLUJO RASANTE ES-	
54	TABLE	90
0.1	ME AL PLAN DE PRUEBAS DE DISEÑO ORIGINAL	91
5.5	PORCENTAJES DE DISIPACIÓN DE ENERGÍA EN LA RÁPIDA	
	BLE	92
5.6	FACTOR DE FRICCIÓN EN LA ECUACIÓN DE DARCY-WEISBACH	
	EVALUADO PARA EL FLUJO RASANTE SOBRE LA RAPIDA ES-	93
5.7	COMPARACIÓN ENTRE LOS VALORES DE DATOS OBTENI-	
	DOS EXPERIMENTALMENTE CON AQUELLOS CALCULADOS	
	POR CHANSON, PARA LOS DATOS DEL PROTOTIPO EN LA	
	RÁPIDA ESCALONADA. $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 46.51 \text{ m}^3/\text{s} \dots$	95
5.8	PRUEBA PARA LA DETERMINACION DEL CAUDAL MAXIMODE EFICIENTE OPERACIÓN	101
6.1	DESCRIPCIÓN DE LAS MODIFICACIONES GEOMÉTRICAS PRO-	
	PUESTAS EN LAS ESTRUCTURAS AL PIE DE LA RÁPIDA DE	107
6.2	PLAN DE PRUEBAS CORRESPONDIENTE AL ANÁLISIS EXPE-	107
	RIMENTAL DE LAS MODIFICACIONES RECOMENDADAS	110

LISTA DE SÍMBOLOS

α_c	Coeficiente de Coriolis
$\Delta \rho$	Masa en modelo
Δ_s	Diferencia Longitud rápida escalonada
γ	Peso específico del fluido
λ	Factor de fricción
μ	Factor de contracción
ϕ	Parámetro adimensional
П	Número pi
ρ	Densidad del fluido
σ	Tensión superficial
θ	Ángulo de inclinación de la rápida
v	Viscosidad cinemática
ε_e	Rugosidad absoluta (contrahuella)
ε_m	Rugosidad absoluta (paredes)
ε_p	Rugosidad absoluta (huella)
a, b, c	Magnitudes geométricas de una estructura hidráulica
a_m	Aceleración en modelo
a_p	Aceleración en prototipo
b	Ancho de canal escalonado
C	Concentración media de aire
C_a	Velocidad media del flujo aire-agua
Cd	Coeficiente de descarga

D	Valor dependiente del ángulo de inclinación de la rápida
D_H	Diámetro hidráulico
d_i	Calado en el punto de inicio del ingreso de aire
E	Energía
e	Constante de Napier
e_a	Factor de escala de aceleración
e_F	Factor de escala de fuerza
e_L	Factor de escala de longitudes o factor de escala geométrica
e_m	Factor de escala de masa
e_T	Factor de escala de tiempo
e_V	Factor de escala de velocidad
F	Número de Froude en términos de la altura de rugosidad equivalente
f	Factor de fricción de flujo no aireado
f_e	Factor de fricción flujo aire-agua
Fr	Número de Froude
g	Aceleración de la gravedad
Н	Altura de la rápida
h	Altura de grada (contrahuella)
H_{max}	Altura máxima de energía
H_o	Carga de energía al inicio de la rápida
H_{pared}	Altura de paredes de la rápida escalonada
H_{res}	Energía residual
h_v	Carga de velocidad
K	Valor adimensional para vertederos triangulares
k_s	Altura de rugosidad equivalente del escalón

L Longitud ca	aracterística del	contorno	del	flujo
---------------	-------------------	----------	-----	-------

l Longitud de grada (huella)

 L_i Distancia desde la cresta del vertedero al punto de inicio del ingreso de aire

- *l*_m Longitud en modelo
- *l*_p Longitud en prototipo
- m_m Masa en modelo
- m_p Masa en prototipo
- Q Caudal
- q Caudal unitario
- Re Número de Reynolds
- t_m Tiempo en modelo
- t_p Tiempo en prototipo
- U Velocidad media del flujo aire-agua
- V_m Velocidad en modelo
- V_o Velocidad del flujo
- V_p Velocidad en prototipo
- w Altura de la cresta del vertedero
- We Número de Weber
- *y* Calado flujo uniforme
- Y_{90} Calado correspondiente a una concentración de aire de 90 %
- *y_{caract}* Calado característico del flujo aire-agua
- y_c Calado crítico
- *z* Carga de posición

RESUMEN

El principal objetivo de este proyecto de titulación es evaluar la disipación de energía en flujo rasante sobre una rápida de fondo escalonado diseñado e implementado por la EPMAPS en la prolongación del colector Iñaquito sobre la quebrada El Batán. El análisis realizado se presenta en modelo físico a escala 1:20 de una rápida escalonada y sus obras anexas.

El estudio experimental de flujo rasante fue llevado a cabo en un canal rectangular prismático de ancho b= 50cm y largo L= 6.40m con una pendiente de 45°. El canal está compuesto por 87 escalones de acrílico de 5cm de altura y longitud, así como paredes acrílicas para la visualización del flujo.

La primera etapa de investigación es la construcción y validación del modelo físico. En la segunda etapa se analiza el funcionamiento hidráulico de las estructuras con el diseño original y se recomienda modificaciones para optimizar el diseño. En la tercera etapa se analiza cualitativamente las modificaciones propuestas.

Los resultados obtenidos permiten identificar criterios de diseño y obtener curvas experimentales de fácil aplicación que definen las características geométricas de las rápidas escalonadas. Se concluye que para el rango de caudales [11-150 m³/s] probados en la rápida escalonada, se obtiene régimen de flujo rasante y la eficiencia de disipación de energía sobrepasa el 85 %, mientras que el caudal máximo de eficiente operación de todo el sistema (estructura de ingreso-rápida escalonada-estructura de entrega del flujo) es de 42m³/s; cerca del 30 % aproximadamente del caudal de diseño.

Con las modificaciones recomendadas el funcionamiento de la estructura alcanza un caudal seguro y de eficiente operación hidráulica del sistema de $100m^3/s$; es decir se incrementa la eficiencia de la estructura en un 40%.

ABSTRACT

The aim of this project is to evaluate the dissipation of energy in skimming flow on stepped spillways. It is designed and implemented by EPMAPS in the extension of Iñaquito collector on the Batán ravine. The analysis is presented making a physical model on a scale of 1:20 of one stepped and its related works.

The experimental research of skimming flow was developed in a prismatic rectangular channel of width b=50cm and length L=6.40 m with a slope of 45(degrees). The channel has 87 acrylic steps height and length 5cm also acrylic sidewalls for flow visualization.

The first stage of the research is the construction and ratification of the physical model. In the second stage, the hydraulic operation of the original design is analyzed, and it is suggested some changes in order to optimize the design. In the third stage, the proposed changes are analyzed qualitatively.

The obtained results made possible identify designing criteria and obtain experimental curves of easy application that define the geometric characteristics of the stepped spillways. It is concluded that skimming flow regimens were obtained during the tests for the discharge range [11-150 m³/s]. The efficiency of dissipation of energy exceeds 85 % for the discharge range tested, while the maximum efficient operation discharge of the entire system (entrance structure-stepped spillway-structure outflow) is 42 m³/s; about 30 % of the design discharge.

With the suggested modifications the operation of the structure reaches a safe discharge and an efficient operation of 100 m³/s; thus, the efficiency of the structure was increased by 40 %.

CAPÍTULO 1

INTRODUCCIÓN

1.1 ANTECEDENTES Y UBICACIÓN DEL PROYECTO

La prolongación del Colector Iñaquito desde la Plaza Argentina hasta el Río Machángara fue construida por La Empresa Pública Metropolitana de Agua Potable y Saneamiento (EP-MAPS) con un caudal de diseño de 150 m³/s, concluida en el año 2009 con fines del control de escorrentía. El objetivo de este proyecto es el desvío de la descarga del colector central de lñaquito hacia la quebrada El Batán, con el objeto de minimizar los efectos nocivos de un caudal permanente en la cascada existente, ubicada a unos 300 metros aguas abajo del viaducto Aurelio Dávila.

Las obras construidas de acuerdo a los diseños del Proyecto antes mencionado son: (i) túnel, sección baúl de 5.0 x 5.0 m y 590 m de longitud; (ii) dos rápidas escalonadas de 100 m de altura aproximadamente cada una de ellas, con sus respectivas estructuras de disipación al pie; y (iii) la obra de descarga y restitución del agua a la Quebrada El Batán, en una sección a 400 metros antes de su confluencia en el Río Machángara. La implantación esquemática de estas estructuras se muestra en la Figura 1.1, sobre la fotografía Google.



FIGURA 1.1: IMPLANTACIÓN Y UBICACIÓN DE LA RÁPIDA ESCALONADA

FUENTE: Google earth

Una vez puesto en operación este sistema de estructuras hidráulicas, se observó que la rápida escalonada No. 1 y la estructura de disipación al pie de la misma, para caudales superiores a los 85 m³/s, presentan un comportamiento del flujo diferente al esperado que se desarrolla de una forma inestable e ineficiente; siendo el caudal de diseño 150 m³/s.

El presente proyecto de titulación forma parte del proyecto suscrito por la EPN TECH EP, a través del Centro de Investigaciones y Estudios en Recursos Hídricos (CIERHI) de la Escuela Politécnica Nacional titulado "CONTRATACIÓN DEL SERVICIO ESPECIALIZADO CENTRAL DE IÑAQUITO EN LA QUEBRADA EL BATÁN, COLECTOR, ELABORACIÓN DEL MODELO FÍSICO DE LA RÁPIDA ESCALONADA, RÁPIDA LISA, VERTEDERO DE EXCESOS Y DISIPADOR DE ENERGÍA DE LA DESCARGA DEL COLECTOR". Dicho proyecto de investigación pretende representar la configuración geométrica y la similitud dinámica, que garantice el análisis y la evaluación del comportamiento de flujo, de su interacción con las estructuras hidráulicas y la definición de las posibles modificaciones y mejoras al diseño construido. ¹

1.2 OBJETIVOS

1.2.1 OBJETIVO GENERAL

Analizar experimentalmente la presencia del flujo rasante y la eficiencia de disipación de energía en una rápida escalonada con la ayuda de un modelo físico a escala.

1.2.2 OBJETIVOS ESPECÍFICOS

- Determinar el comportamiento hidrodinámico del flujo y el grado de disipación de energía en la rápida escalonada mediante ensayos experimentales.
- Evaluar la energía residual al pie de la rápida con fondo escalonado mediante ensayos en el modelo físico.
- Evaluar la comparación entre los resultados experimentales y los teóricos, identificando cuáles parámetros adimensionales son los que intervienen y los relevantes en el

¹CIERHI-EPN (2015). "Términos de Referencia". Quito

análisis de los problemas de funcionamiento y comportamiento del flujo rasante en las estructuras.

 Proponer criterios de diseño para garantizar la presencia del flujo rasante y para optimizar el funcionamiento hidráulico con respecto a la disipación de energía.

1.3 JUSTIFICACIÓN DEL ESTUDIO

El análisis y evaluación del flujo sobre una rápida de fondo escalonado y su eficiencia respecto a la disipación de energía deben fundamentarse en resultados experimentales de un modelo físico, donde se pueda observar y medir el funcionamiento de las estructuras para un rango de caudales, hasta llegar a un valor máximo experimental de caudal para el cual el sistema muestre una eficiencia adecuada y aceptable respecto al comportamiento del flujo y de la disipación de energía.

1.4 DESCRIPCIÓN DE LAS ESTRUCTURAS

1.4.1 TÚNEL SECCIÓN BAÚL

El túnel de sección baúl de dimensiones 5.0 x 5.0 m y 590 m de longitud, presenta dos curvas horizontales: la primera está localizada 268 m aguas abajo del inicio del mismo, es una curva compuesta por un radio de 500 m con 64 m de longitud. La segunda curva horizontal se localiza 17 m aguas arriba del final del túnel, compuesta por un radio de 100 m y 58 m de longitud.

1.4.2 PRIMER CUENCO DISIPADOR

A la salida del túnel, se presenta un cuenco disipador a fin de que el flujo de entrada disipe parte de su energía y se aproxime de una manera uniforme hacia la primera rápida, este inicia con una transición divergente de 9.58 m de longitud, en perfil, se desarrolla una curva parabólica definida por la ecuación $Y = -0.01X - 0.03X^2$, de tal manera que se impide que la lámina de agua se despegue durante la circulación con los caudales máximos. Esta transición da lugar a dos celdas simétricas separadas por una pared central, de sección rectangular con 5 m de ancho cada una y al comienzo del cuenco propiamente dicho con 20 m de longitud. Se dispone de una grada de subida al final con inclinación de 45°,los muros laterales son de 6.87 m. En la siguiente figura 1.2 se presentan las estructuras mencionadas.



FIGURA 1.2: ESTRUCTURA DE APROXIMACIÓN HACIA LA RÁPIDA ESCALONADA

ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

1.4.3 PRIMERA RÁPIDA ESCALONADA

Luego del primer cuenco disipador se presenta un canal que dirige el flujo hacia la primera rápida escalonada con 4.18m de longitud. Esta rápida inicia con una curva parabólica, cuya ecuación es: $Y = -0.003X - 0.102030X^2$, la misma que se acopla al perfil de los escalones, que forma una pendiente de 45°; un desnivel total de 92.97m, altura de paredes de 4m, ancho de cada celda de 5m y el dimensionamiento de los escalones con altura (contrahuella) y longitud (huella)de la grada de 1m.

1.4.4 SEGUNDO CUENCO DISIPADOR

El perfil del cuenco se inicia con una curva circular de 10m de radio al pie de la primera rápida. Al final del cuenco se dispone una grada de subida, con inclinación de 45°. El ancho del cuenco es igual al de la celda de la rápida 5m y la longitud total es de 25m con altura de paredes de 8m.



FIGURA 1.3: RÁPIDA ESCALONADA Y ESTRUCTURA DE DISIPACIÓN AL PIE

ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

1.4.5 SEGUNDA RÁPIDA ESCALONADA

Luego del segundo cuenco disipador se presenta un canal que dirige el flujo hacia la segunda rápida escalonada con 117.84m de longitud. Esta segunda rápida tiene el mismo dimensionamiento que la primera con la diferencia que el desnivel total es de 104.87m. El cuenco disipador al pie es idéntico al del cuenco diseñado para la primera rápida debido a sus similares condiciones y a que el desnivel a vencer también es similar.²

²EPMAPS (2005). "Diseños definitivos para el control de la escorrentía con la prolongación del colector lñaquito desde la plaza argentina hasta el río Machángara". Quito

CAPÍTULO 2

BASES Y CRITERIOS DE DISEÑO EN RÁPIDAS DE FONDO ESCALONADO

2.1 INTRODUCCIÓN

En los últimos años, el uso de rápidas de fondo escalonado en el campo de la ingeniería ha aumentado debido al bajo costo y facilidad que representa su construcción mediante la técnica de concreto compactado con rodillo y sobre todo por el alto grado de disipación de energía generada ¹.

Al presentar el flujo sobre estas estructuras, características complejas que incluyen: turbulencia, auto aireación o "aguas blancas", entre otros aspectos y presentando a la vez beneficios como: prevención del riesgo por cavitación y reducción del tamaño de las estructuras de disipación al pie de las mismas; ha sido tomado en cuenta como un tema de interés en el campo de la investigación.

Una rápida de fondo escalonado es un canal artificial inclinado formado por escalones, como se muestra en la figura 2.1.



FIGURA 2.1: DIMENSIONES BÁSICAS EN UN VERTEDOR CON FONDO ESCALONADO

ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

¹González C. & Chanson H. (2007). "Diseño hidráulico de vertedores escalonados con pendientes moderadas: metodología basada en un estudio experimental". México

Donde:

- h: Altura de grada (contrahuella). [m]
- *l*: Longitud de grada (huella). [*m*]
- b: Ancho de canal escalonado. [m]
- θ : Ángulo de inclinación de la rápida. [°]

2.2 DEFINICIONES DE TIPO DE FLUJOS EN RÁPIDAS DE FONDO ESCA-LONADO

El comportamiento del flujo sobre rápidas escalonadas puede ser clasificado en tres tipos:

- Flujo saltante "nappe flow"
- Flujo transitorio
- Flujo rasante o "skimming flow"

La presente investigación como proyecto de titulación gira en torno a la evaluación del desarrollo y disipación de energía en condiciones de flujo rasante, por tanto el análisis será dirigido exclusivamente a este tipo de flujo.

2.2.1 FLUJO RASANTE "SKIMMING FLOW"

El flujo rasante se presenta en canales de fondo escalonado cuando operan con caudales altos, el cual resbala en forma rasante a lo largo de un fondo falso que se forma por la superficie de la unión de los vértices de los escalones, debajo de la corriente principal del flujo formado en el espacio entre los vértices de los escalones se observan vórtices de flujo recirculante y de eje horizontal como se muestra en la figura 2.2.

Los vórtices se mantienen debido a la transmisión de esfuerzo cortante con la corriente principal de flujo, este movimiento vorticoso forma una barrera o superficie inferior límite del flujo de la mezcla homogénea de agua y aire que contribuyen de manera importante en la disipación de energía.



ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

Chanson (1997), propuso tres subdivisiones para el flujo rasante tomado en cuenta las características de formación de vórtices debajo del flujo principal que son: SK1, SK2, SK3. Las subdivisiones de flujo rasante SK1 y Sk2 corresponden a pendientes moderadas ($5^{\circ} < \theta < 22^{\circ}$).

La presente rápida escalonada en estudio tiene una pendiente fuerte ($\theta = 45^{\circ}$), entonces le corresponde un tipo de flujo SK3.

Flujo rasante SK3

El flujo rasante SK3 se da en pendientes fuertes con un ángulo de inclinación del canal escalonado mayor a 22° en donde el flujo principal escurre de forma paralela al fondo falso, independiente a la geometría del escalón, es decir la líneas de corriente son aproximadamente paralelas al fondo falso, por lo tanto la distribución de presiones es "cuasi"-hidrostática.

La diferencia de este tipo de flujo con respecto a los flujos SK1 y SK2, es que los vórtices recirculantes presentan un tamaño "cuasi" - estables a lo largo del canal de fondo escalonado.

2.2.2 INGRESO DE AIRE EN FLUJOS RASANTES

El flujo rasante es similar al flujo en rápidas de fondo liso, aguas arriba el flujo es transparente; sin embargo, en la cresta de la rápida escalonada se desarrolla una capa límite turbulenta principalmente por la rugosidad del escalón que cuando alcanza la superficie libre se produce una inestabilidad en la que se inicia el ingreso de aire en el flujo y el proceso de auto - aireación. A este punto se le conoce como el punto de inicio de ingreso de aire.

En las proximidades del punto de inicio de ingreso de aire, distintas regiones pueden ser identificadas a lo largo de la rápida de fondo escalonado como son: flujo rápidamente variado, flujo gradualmente variado y flujo uniforme como se muestra en la figura 2.3.





ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

En la región de flujo rápidamente variado, grandes cantidades de aire son capturadas cerca de la superficie libre del flujo que queda disgregado en forma de burbujas que son transportadas dentro del fluido, la energía cinética turbulenta es capaz de vencer la tensión superficial y la fuerza de flotación de las burbujas (efectos de la gravedad); introduciendo este aire capturado al flujo e iniciando la auto-aireación.

Luego de pasar esta región, el flujo es completamente desarrollado y presenta una región de flujo gradualmente variado donde ocurre una rápida auto-aireación hasta alcanzar una región de flujo uniforme en la cual las características del flujo permanecen "cuasi" constantes.

El mejor ajuste de datos para localizar el punto de inicio de la auto-aireación es el siguiente [Chanson, 2002]:

$$L_i = k_s * 9,719 * sen(\theta)^{0,0796} * F^{0,713}$$
(2.1)

$$d_i = k_s * \frac{0.4034}{sen(\theta)^{0.04}} * F^{0.592}$$
(2.2)

$$F = \frac{q}{\sqrt{g * sen\theta * k_s^3}} \tag{2.3}$$

$$k_s = h * \cos\theta \tag{2.4}$$

Donde:

- L_i : Distancia desde la cresta del vertedero al punto de inicio del ingreso de aire. [m]
- d_i : Calado en el punto de inicio del ingreso de aire. [m]
- k_s : Altura de rugosidad equivalente del escalón. [m]
- θ : Ángulo de inclinación de fondo falso. [°]
- F: Número de Froude en términos de la altura de rugosidad equivalente.
- q: Caudal unitario. $[m^3/s/m]$
- g: Aceleración de la gravedad. $[m/s^2]$
- h: Altura de la grada (contrahuella). [m]

2.3 CRITERIOS PARA DETERMINAR LAS CONDICIONES DE INICIO Y PERMANENCIA DEL FLUJO RASANTE

La condición de inicio de flujo rasante se determina cuando desaparece la cavidad entre las esquinas de los escalones y la lámina vertiente de la mezcla es "cuasi homogénea" de agua y de aire. Resultados de varios estudios experimentales en modelo y prototipo indican que para valores inferiores de la relación h/y_c , según las expresiones de las curvas 1 y 2 que dependen de h/l, el flujo rasante permanece sobre el fondo falso del vertedero escalonado, estos resultados son válidos para ángulos de inclinación entre $5.7^{\circ} - 55^{\circ}$ y para una relación de las dimensiones del escalón h/l entre 0.2 - 1.25.

En el caso del presente estudio de investigación la geometría de la rápida escalonada bajo análisis está dentro del rango tanto para el ángulo de inclinación (45°), como para la relación h/l (1).

Varios investigadores realizaron estudios teóricos y experimentales, presentando criterios para identificar el flujo rasante y el flujo saltante en una rápida de fondo escalonado. Simoẽs (2011) representa de una manera global todas las propuestas de la literatura técnica que pueden ser agrupadas alrededor de dos curvas principales que dividen a la figura 2.4 en cuatro áreas principales.

Curva 1 :
$$\frac{h}{y_c} = 2 * \frac{h}{l}$$
 (2.5)

Curva 2 :
$$\frac{h}{y_c} = 0,233 * \frac{h}{l} + 1$$
 (2.6)

Donde:

 y_c : Calado crítico. [m]

h: Altura de grada (contrahuella). [m]

l: Longitud de grada (huella). [*m*]


FIGURA 2.4: CLASIFICACIÓN DEL FLUJO EN UNA RÁPIDA DE FONDO ESCALONADO, SIMOES (2011)

ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

2.4 CRITERIOS DE DIMENSIONAMIENTO

2.4.1 ALTURA DEL ESCALÓN

El primero paso es calcular el calado crítico del flujo sobre la cresta para el caudal de diseño de la rápida de fondo escalonado.

$$y_c = \sqrt[3]{\frac{q^2}{g}} \tag{2.7}$$

Donde:

- y_c : Calado crítico. [m]
- q: Caudal unitario. $[m^3/s/m]$
- g: Aceleración de la gravedad. $[m/s^2]$

Posteriormente se escoge la altura del escalón; [Chanson,2002] propone que la relación y_c/h supere el valor mostrado en la ecuación (2.8) para que el canal de fondo escalonado

funcione en condiciones de flujo rasante.

$$\frac{y_c}{h} > 1.2 - 0.35 + tan\theta \tag{2.8}$$

Donde:

 y_c : Calado crítico. [m]

h: Altura de grada (contrahuella). [*m*]

 θ : Ángulo de inclinación de la rápida. [°]

Luego de adoptar la geometría de los escalones, se debe localizar el punto de ingreso de aire (L_i, d_i) ; con las ecuaciones que se mostró en la sección 2.2.2. La aireación debe ocurrir en la primera mitad de la rápida para garantizar condiciones de equilibrio al pie.

2.4.2 PROFUNDIDAD DE FLUJO EN LA SECCIÓN FINAL

Si la rápida es lo suficientemente larga para que alcance condiciones de equilibrio, el calado característico equivalente al flujo sin aire se lo calcula con la ecuación 2.9.

$$y_{caract} = y_c * \sqrt[3]{\frac{f_e}{8 * sen\theta}}$$
(2.9)

Donde:

 y_{caract} : Calado característico del flujo aire-agua. [m]

- y_c : Calado crítico. [m]
- f_e : Factor de fricción flujo aire-agua. [m]
- θ : Ángulo de inclinación de la rápida. [°]

El valor experimental del factor de frición de Darcy correspondiente al flujo aire-agua (f_e) , es inversamente proporcional a la concentración media de aire (C). Para una propuesta preliminar de diseño se puede adoptar un valor del factor de fricción sugerido en la literatura técnica como se muestra en la figura 2.6 o de las ecuaciones 2.10 y 2.11.

$$\frac{f_e}{f} = 0.5 * \left[1 + tanh(2.5 * \frac{0.5 - C}{C * (1 - C)})\right]$$
(2.10)

$$C = D - 0.3 * e^{\left(-5\frac{h^2}{y_c^2} - 4\frac{h}{y_c}\right)}$$
(2.11)

Donde:

- f_e : Factor de fricción flujo aire-agua.
- *f*: Factor de fricción de flujo no aireado (De la ecuación de Colebrook-White).
- C: Concentración media de aire.
- D: Valor dependiente del ángulo de inclinación de la rápida.
- e: Constante de Napier.
- h: Altura de grada (contrahuella). [m]
- y_c : Calado crítico. [m]

El valor de D varía según el ángulo de inclinación de la rápida. Entre $5^{\circ} < \theta < 19^{\circ}$ el valor de D es 0.3 y para ángulos $\theta > 19^{\circ}$ el valor de D se calcula con la siguiente ecuación:

$$D = -0,00024\theta^2 + 0,0214\theta - 0,0357 \tag{2.12}$$

Donde:

 θ : Ángulo de inclinación de la rápida. [°]

Una vez obtenido el tirante característico del flujo se puede obtener el calado del flujo aire-agua (Y_{90}) que corresponde a una concentración de aire del 90 % así como la velocidad media del flujo como se muestra en las ecuaciones 2.13 y 2.14.

$$y_{caract} = \int_{0}^{Y_{90}} (1 - C_a) dy = (1 - C) * Y_{90}$$
(2.13)

$$U = \frac{q}{y_{caract}} \tag{2.14}$$

Donde:

 y_{caract} : Calado característico del flujo aire-agua. [m]

 C_a : Concentración de aire.

- C: Concentración media de aire.
- Y_{90} : Calado correspondiente a una concentración de aire del 90 %. [m]
- U: Velocidad media del flujo aire-agua. [m/s]

q: Caudal unitario. $[m^3/s/m]$

Finalmente se puede calcular la altura de las paredes de la rápida de fondo escalonado que considera un bordo libre, como se muestra en la ecuación 2.15.

$$H_{pared} = 1.4 * Y_{90} \tag{2.15}$$

Donde:

 H_{pared} : Altura de paredes de la rápida escalonada. [m] Y_{90} : Calado correspondiente a una concentración de aire de 90 %. [m]

2.5 DISIPACIÓN DE ENERGÍA

La función principal de una rápida de fondo escalonado es disipar la energía, siendo mayor al compararla con una rápida de fondo liso. El aumento de la eficiencia en la disipación de energía se debe a la altura de rugosidad equivalente del escalón (k_s) , el caudal específico (q) y la altura de la rápida (H).

Además de la disipación de energía, es importante conocer la energía residual al pie de la rápida, para diseñar el cuenco disipador aguas abajo. En la figura 2.5 se detalla los parámetros geométricos para el cálculo de la disipación de energía en una rápida de fondo escalonado.



FIGURA 2.5: PARÁMETROS GEOMÉTRICOS DE LA RÁPIDA DE FONDO ESCALONADO



$$H_{max} = H + H_o \tag{2.16}$$

$$H_o = y + \frac{V^2}{2g} \tag{2.17}$$

$$\Delta H = H_{max} - H_{res} \tag{2.18}$$

Donde:

 H_{max} : Altura máxima de energía. [m]

H: Altura de la rápida. [m]

 H_o : Carga de energía al inicio de la rápida. [m]

 H_{res} : Energía residual. [m]

 ΔH : Pérdida de energía. [m]

h: Altura de grada (contrahuella). [m]

l: Longitud de grada (huella). [*m*]

θ: Ángulo de inclinación de la rápida. [°]

 L_i : Distancia desde la cresta del vertedero al punto de inicio del ingreso de aire. [m]

 d_i : Calado en el punto de inicio del ingreso de aire. [m]

 k_s : Altura de rugosidad equivalente del escalón. [m]

y: Calado flujo uniforme. [m]

2.5.1 ENERGÍA DE DISIPACIÓN PARA FLUJO SALTANTE "NAPPE FLOW"

En flujos escalonados, la disipación de energía ocurre por la ruptura y mezcla del flujo, además por la formación de saltos hidráulicos en cada longitud del escalón (huella). Chanson (1994a) define el rango de disipación de energía como:

$$\frac{\Delta H}{H_{max}} = 1 - \frac{0.54 * (y_c/h)^{0.275} + 1.715 * (y_c/h)^{-0.55}}{\frac{H_{max}}{y_c}}$$
(2.19)

Donde:

 ΔH : Pérdida de energía. [m]

 H_{max} : Altura máxima de energía. [m]

h: Altura de grada (contrahuella). [m]

 y_c : Calado crítico. [m]

2.5.2 ENERGÍA DE DISIPACIÓN PARA FLUJO RASANTE "SKIMMING FLOW"

En flujo rasante los escalones a lo largo de la rápida actúan como rugosidad. La mayor parte de energía disipada se debe a la formación de vórtices por debajo del fondo falso de la rápida escalonada.

La carga de energía residual es vinculada directamente al factor de fricción, Chanson (1994a) define el rango de disipación de energía como:

$$\frac{\Delta H}{H_{max}} = 1 - \frac{\left(\frac{f_e}{8*sen\theta}\right)^{1/3} + \frac{\alpha_c}{2} * \left(\frac{f_e}{8*sen\theta}\right)^{-2/3}}{\frac{H_{max}}{y_c}}$$
(2.20)

Donde:

 ΔH : Pérdida de energía. [m]

 H_{max} : Altura máxima de energía. [m]

 f_e : Factor de fricción flujo aire-agua.

 θ : Ángulo de inclinación de la rápida. [°]

 α_c : Coeficiente de Coriolis (1,1 < α < 1,16).

Factor de fricción

La función de resistencia de Darcy–Weisbach ha sido adoptada en varias investigaciones de vertederos escalonados. El primer caso se da en base a argumentos físicos mediante el análisis dimensional y los conocimientos empíricos acerca del cambio de energía a través de flujo, el segundo caso es la combinación de información experimental con principios teóricos mediante el principio de la conservación del momento junto con la información experimental, el resultado es similar siguiendo ambos casos.

A diferencia de tuberías circulares el factor de resistencia al flujo en canales de fondo escalonado no toma en cuenta únicamente la rugosidad relativa y el número de Reynolds, es expresado en función de más parámetros adimensionales.

$$fe = \Phi_1(Re, Fr, \theta, \frac{k_s}{L_c}, \frac{\varepsilon_p}{L_c}, \frac{\varepsilon_e}{L_c}, \frac{\varepsilon_m}{L_c}, \frac{h}{L_c}, \frac{l}{L_c}, \frac{L_c}{b}, C)$$
(2.21)

Donde:

- fe: Factor de fricción flujo aire-agua.
- ϕ : Parámetro adimensional.
- Re: Número de Reynolds, que expresa el efecto de la viscosidad.
- Fr: Número de Froude, que expresa el efecto de la gravedad.
- θ : Ángulo de inclinación de la rápida. [°]
- k_s : Altura de rugosidad equivalente. [m]
- L: Longitud característica del contorno del flujo. [m]
- ε_p : Rugosidad absoluta (huella). [mm]
- ε_e : Rugosidad absoluta (contrahuella). [mm]
- ε_m : Rugosidad absoluta (paredes). [mm]
- h: Altura de grada (contrahuella). [m]
- *l*: Longitud de grada (huella). [*m*]
- b: Ancho de canal escalonado. [m]
- C: Concentración media de aire.

Muchas ecuaciones para el factor de fricción f han sido desarrolladas en las últimas décadas para canales de fondo escalonado, esto se debe a la dificultad práctica en las mediciones

de la posición exacta de la superficie libre y las regiones del flujo en la rápida de fondo escalonado, el rango existente en la literatura es de de 0.06 a 1.1.





FUENTE: Chanson, H., Bung D. and Matos, J. "Stepped spillways and cascades". The University of Queesland. Pag. 53

Esta gráfica hace un análisis entre datos de laboratorio ($\theta > 10^{\circ}$, h > 0.02m, $Re > 1x10^{5}$) y prototipo, en donde se observa una distribución de factores de fricción en flujo rasante alrededor de tres valores dominantes: 0.11, 0.17 y 0.30.²

Para datos experimentales Chanson (1993), deduce al factor de fricción en dos casos, cuando el flujo es uniforme y cuando el flujo es gradualmente variado al pie de la rápida.

• Si las condiciones de flujo uniforme permanecen constantes a lo largo de la pendiente del canal el factor de fricción se lo puede deducir de la ecuación del momento.

²Chanson, H., Bung D. and Matos, J. "Stepped spillways and cascades". The Netherlands. Departament of Civil Engineering, Architecture and Georesources, IST. The University of Queesland

$$fe = \frac{8 * g * sen\theta * y_{caract}^2}{q^2} * \frac{D_H}{4}$$
(2.22)

• Para flujos gradualmente variados, el factor de fricción puede ser deducido de la ecuación de la energía.

$$fe = \frac{8 * g * y_{caract}^2}{q^2} * \frac{D_H}{4} * \frac{\Delta_H}{\Delta_s}$$
(2.23)

Donde:

fe: Factor de fricción flujo aire-agua.

g: Aceleración de la gravedad. $\left[m/s^2\right]$

 y_{caract} : Calado característico del flujo aire-agua. [m]

 θ : Ángulo de inclinación de la rápida. [°]

q: Caudal unitario. $[m^3/s/m]$

 D_H : Diámetro hidráulico. [m]

 $\Delta_{H}:$ Pérdida de energía. [m]

 Δ_s :Diferencia longitud rápida escalonada. [m]

CAPÍTULO 3

MODELACIÓN FÍSICA

La necesidad de interpretar de una manera más real la complejidad del movimiento de los fluidos como el agua, requiere de una modelación física que permite ver diferentes escenarios, haciendo posible el planteamiento y análisis de alternativas que permite dar un mejor diagnóstico de las estructuras que forman parte del sistema hidráulico.

Aun cuando la base teórica de la hidromecánica ha presentado un significante desarrollo en las últimas décadas, las aplicaciones hidráulicas no se ha desarrollado simultáneamente, es así como las ecuaciones o relaciones funcionales de la hidromecánica moderna poseen dificultades en la aplicación, es entonces que se recurre a hipótesis que simplifiquen dicha teoría limitando la solución, es necesario un proceso de investigación que respalde la teoría mediante el apoyo de modelos hidráulicos.

La modelación hidráulica es la reproducción, a escala reducida, para la simulación de los estados, los fenómenos o los procesos relacionados con el flujo del agua, y que representan problemas relacionados con estructuras hidráulicas o con la hidromecánica técnica¹.

3.1 CLASIFICACIÓN DE LOS MODELOS

Principalmente se tiene dos tipos de modelos que son:

- Modelos físicos
- Modelos matemáticos o de simulación numérica

El desarrollo de la investigación de este proyecto de titulación gira alrededor del análisis en modelo físico de la rápida de fondo escalonado, por lo cual el enfoque será en la modelación física.

¹Hidalgo, M. "Introducción a la teoría de modelos hidráulicos y aplicaciones básicas". Quito Departamento de Hidráulica. Escuela Politécnica Nacional.

3.1.1 MODELOS FÍSICOS

Es la representación en forma reducida de los sistemas prototipos, en el campo de la hidráulica se puede mencionar a presas, vertederos, captaciones, disipadores de energía, etc. Los modelos físicos se pueden clasificar como:

Modelos físicos con geometría similar

Las dimensiones del modelo corresponden a la misma escala en relación al prototipo.

Modelos físicos distorsionados

Tiene diferentes relaciones de escala, es así como la relación de longitudes es diferente a la relación de profundidades entre el modelo y el prototipo.

Modelos físicos disímiles

No existe semejanza física entre el modelo y el prototipo, se ejecuta en un campo físico analógico.

3.2 MAGNITUDES FÍSICAS, DIMENSIONES Y UNIDADES

Una dimensión es una medida de una cantidad física sin valores numéricos, mientras que una unidad es una manera de asignar un número a la dimensión, la combinación de ambas da lugar a las magnitudes físicas.

Las magnitudes físicas o hidrodinámicas en la modelación hidráulica, corresponden a magnitudes existentes en la naturaleza, bajo leyes establecidas, que toman el nombre de "escalas". La adecuada selección de las magnitudes más relevantes en la representación del fenómeno hidráulico, permitirá una aplicación inmediata de los resultados en la solución del problema.

Existen siete magnitudes primarias o magnitudes fundamentales: masa, longitud, tiempo, temperatura, corriente eléctrica, cantidad de luz y cantidad de materia, pero las que caracterizan el campo físico de la hidráulica son:

Magnitud	Símbolo	Unidad		
Masa	М	Kg (kilogramo)		
Longitud	L	m (metro)		
Tiempo	Т	s (segundo)		

TABLA 3.1: DIMENSIONES PRIMARIAS Y SUS UNIDADES SI PARA HIDRÁULICA

FUENTE: Cengel, Y Aplicaciones". México. Editorial Mc Graw Hill. Pág. 270

	Longitud	L	m (metro)	
	Tiempo	Т	s (segundo)	
. Cim	bala, J. (2006)	"Mecánica de	Fluidos Fundamentos	sуА

ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

Estas magnitudes fundamentales están expresadas en el Sistema Internacional (SI), son propiedades o características de la masa de agua y de todo fenómeno afín a su movimiento. A partir de estas magnitudes fundamentales se pueden definir a las demás magnitudes derivadas.

3.2.1 HOMOGENEIDAD DIMENSIONAL

Para establecer las dimensiones de cualquier propiedad secundaria o magnitud derivada, es necesario que esta cumpla con el principio de homogeneidad dimensional que se enuncia como: Todo término aditivo en una ecuación debe tener las mismas dimensiones. Esto quiere decir que todos los fenómenos naturales y las magnitudes correspondientes a ellos son independientes del sistema de unidades utilizadas.

Se busca una función que describa cierto fenómeno físico, que puede ser descrita por la variable Q; es una magnitud derivada que depende de las magnitudes fundamentales q_1,q_2,\ldots,q_m , se plantea entonces la función $Q~=~f(q_1,q_2,\ldots,q_m)$ y a su vez puede ser expresado como un monomio de potencias da las variables fundamentales q; entonces la magnitud derivada se expresa como $Q = c * q_1^{\alpha_1} * q_2^{\alpha_2} * \ldots * q_m^{\alpha_m}$. Los exponentes $\alpha_1, \alpha_2, \ldots, \alpha_m$ de las magnitudes fundamentales definen la dimensión de la magnitud derivada y el factor c representa una constante numérica por lo tanto es adimensional.

ANÁLISIS DIMENSIONAL 3.3

Las mayoría de veces la investigación por medio de un modelo físico dentro de un laboratorio es el único método para obtener información correcta y general, ya que se basan en el análisis dimensional.

El estudio del análisis dimensional se relaciona con el campo del análisis matemático, cuyos parámetros generalmente son magnitudes físicas que se las pueden manejar siguiendo un orden y lógica matemática facilitando el planteamiento de la investigación con su adecuada ejecución, los objetivos principales son:

- Generar parámetros adimensionales que ayuden en el diseño de modelos físicos y numéricos, también en el reporte de los resultados experimentales.
- Obtener leyes de escalamiento de modo que se puede predecir el desempeño del prototipo a partir del desempeño del modelo.
- Predecir las tendencias en la relación de parámetros.

En la mayor parte de los estudios experimentales, los análisis y pruebas se realizan por medio de un modelo a escala geométrica con el fin de ahorrar tiempo y dinero, en lugar de en un prototipo de tamaño real. En tales casos, se debe tener cuidado de escalar adecuadamente los resultados además que el modelo cumpla los criterios de similitud seleccionados.

3.3.1 MÉTODO DE REPETICIÓN DE VARIABLES Y TEOREMA PI DE BUC-KINGHAM

El método de repetición de variables² es una poderosa herramienta matemática dentro del análisis dimensional que permite plantear ecuaciones o funciones adimensionales que representen fenómenos físicos.

Se usa una letra griega mayúscula pi (Π) para denotar un parámetro adimensional, en un problema general del análisis dimensional existe un Π dependiente que se lo denota como Π_1 ; este parámetro es función de otras variables Π_n que son independientes es decir:

$$\Pi_1 = f(\Pi_2, \Pi_3, \dots, \Pi_k)$$
(3.1)

Se puede considerar a este método como un procedimiento paso a paso para generar los parámetros adimensionales pi (Π) (Anexo 4); que se describen a continuación:

²Cengel, Y. Cimbala, J. (2006) "Mecánica de Fluidos Fundamentos y Aplicaciones". México. Editorial Mc Graw Hill

- i) Enlistar y contar los parámetros: variables dimensionales, variables adimensionales y constantes adimensionales. Entonces n es el número total de parámetros en el problema incluyendo la variable dependiente, es de suma importancia que los parámetros independientes sean independientes; es decir no se los pueda expresar en sus términos.
- ii) Hacer una lista con las dimensiones primarias para cada uno de los n parámetros.
- iii) Suponer la reducción j; donde j es la suposición del número de dimensiones primarias en el problema. El número esperado de $\Pi(k)$ es igual a n menos j, correspondiente al teorema Pi de Buckingham.

Teorema Pi de Buckingham:
$$k = n - j$$
 (3.2)

Si el análisis no funciona, se debe verificar que existan suficientes parámetros n. De lo contario reducir j en uno y volver a intentar.

- iv) Elegir los j parámetros repetitivos para construir cada Π , se debe cerciorar la selección adecuada de estos parámetros.
- v) Generar las II una vez agrupados los parámetros repetitivos j; y fuerce a que el resultado sea adimensional.
- vi) Verificar que todas las Π sean adimensionales. Escribir la relación funcional final de la forma de la ecuación 3.1

3.3.2 CRITERIOS DE SIMILITUD

Primero se explicará el concepto subyacente del análisis dimensional que son los principios de similitud dentro de la teoría de semejanza mecánica; que considera los medios continuos y los campos físicos. El alcance de este estudio, el agua corresponde al medio continuo y la hidráulica al campo físico.

Semejanza Mecánica

Existen tres condiciones necesarias para tener similitud mecánica completa entre un modelo y un prototipo.

i) Similitud Geométrica

La similitud geométrica se puede considerar como equivalencia en escala de longitud, y es un requisito para la similitud cinemática.

El modelo tendrá las magnitudes geométricas equivalentes a aquellas del prototipo, se lo puede reducir por algún "factor de escala" constate.

Este factor de escala geométrica se define como:

$$e_L = \frac{l_p}{l_m} \tag{3.3}$$

Donde:

 e_L : Factor de escala de longitudes o factor de escala geométrica.

 l_p : Longitud en prototipo. [m]

 l_m : Longitud en modelo. [m]

ii) Similitud Cinemática

La similitud cinemática se puede considerar como equivalencia en escala de tiempo y garantiza que el patrón de flujo que se conforma en cualquier zona del modelo sea proporcional al que se producirá en la zona correspondiente del prototipo.

El factor de escala de la velocidad define la relación proporcional entre las magnitudes correspondientes de la velocidad en el prototipo y en el modelo, además la velocidad en prototipo debe escalar en magnitud y debe apuntar en la misma dirección relativa que el modelo. La escala de tiempos está definida por:

$$e_T = \frac{t_p}{t_m} \tag{3.4}$$

Donde:

 e_T : Factor de escala de tiempo.

 t_p : Tiempo en prototipo. [s]

Conociendo las escalas de longitud (3.3) y de tiempo (3.4), podemos definir las escalas de velocidad y aceleración.

$$e_V = \frac{V_p}{V_m} = \frac{l_p/t_p}{l_m/t_m} = \frac{e_L}{e_T}$$
 (3.5)

Donde:

- e_V : Factor de escala de velocidad.
- V_p : Velocidad en prototipo. [m/s]
- V_m : Velocidad en modelo. [m/s]

$$e_a = \frac{a_p}{a_m} = \frac{l_p/t_p^2}{l_m/t_m^2} = \frac{e_L}{e_T^2}$$
(3.6)

Donde:

 e_a : Factor de escala de aceleración.

 a_p : Aceleración en prototipo. $[m/s^2]$

 a_m : Aceleración en modelo. $[m/s^2]$

iii) Similitud Dinámica

La similitud dinámica es la condición más restrictiva, se logra cuando todas las fuerzas en el flujo del modelo se escalan por un factor constante a fuerzas correspondientes en el flujo del prototipo.

La similitud dinámica puede considerar como equivalencia en escala de fuerza y está definida por la ecuación dinámica de Newton, fuerza es igual a masa por aceleración.

El factor de proporción o factor de escala difiere con cada fuerza analizada y, por lo tanto, los valores de la escala difieren según sea la fuerza analizada.

$$e_F = \frac{m_p * a_p}{m_m * a_m} = e_m * \frac{e_L}{e_T^2}$$
(3.7)

Donde:

 e_F : Factor de escala de fuerza.

 e_m : Factor de escala de masa.

 m_p : Masa en prototipo. [Kg]

 m_m : Masa en modelo. [Kg]

Semejanza Hidráulica

En el proceso del análisis dimensional del fenómeno hidráulico se definen las magnitudes físicas y las relaciones que existen entre las variables o escalas, a través de una función que permite explicar matemáticamente el fenómeno.

Estas variables hidrodinámicas deben ser utilizadas tanto en el sistema prototipo (V_p) como en el sistema modelo (V_m) . Por ejemplo, en el análisis del flujo sobre una estructura hidráulica se postula la siguiente relación ³:

$$V = \phi(\frac{L}{a}, \frac{L}{b}, \frac{L}{c}, Fr, Re, We,) \sqrt{\frac{\Delta\rho}{\rho}}$$
(3.8)

Donde:

- V: Velocidad de flujo. [m/s]
- ϕ : Parámetro adimensional.
- d: Longitud característica del contorno del flujo. [m]
- a, b, c: Magnitudes geométricas de una estructura hidráulica. [m]
- Fr: Número de Froude, que expresa el efecto de la gravedad.
- *Re*: Número de Reynolds, que expresa el efecto de la viscosidad.

We: Número de Weber, que expresa el efecto de la tensión superficial.

- $\Delta \rho$: Masa en modelo. Kg/m^3
- ρ : Densidad del fluido. Kg/m^3

De la ecuación 3.8 se obtiene la expresión adimensional que considera las escalas de fuerzas, longitud, tiempo y masa.

³Hidalgo, M. (2007). "Introducción a la teoría de modelos hidráulicos y aplicaciones básica". Quito Departamento de Hidráulica. Escuela Politécnica Nacional

$$e_F = \frac{\phi_p}{\phi_m} = e_m * \frac{e_L}{e_T^2} \tag{3.9}$$

La condición para alcanzar la similitud mecánica es que $\phi_p = \phi_m$ (la función adimensional del prototipo debe ser idéntica a la función correspondiente al modelo); por lo tanto, se exige igualdad geométrica e igualdad en los número de Fr, Re y We. . Es decir, la semejanza hidráulica exacta se cumplirá exclusivamente cuando el modelo sea igual al prototipo. Este requerimiento de la semejanza hidráulica o similitud dinámica exacta hace normalmente imposible la aplicación de la modelación física para fines de optimizar el diseño de una estructura hidráulica.

El uso de un modelo reducido a escala en la investigación de fenómenos hidráulicos no exige el cumplimiento de la similitud dinámica exacta, sino que tiene como objetivo el alcanzar resultados experimentales que sean adecuadamente aproximados y útiles en el diseño hidráulico, que se represente el fenómeno hidráulico apropiadamente y que las diferencias en la semejanza dinámica o hidráulica sean mínimas y conocidas.

En este sentido, es necesario observar **las fuerzas que actúan en el prototipo e identifi**car las fuerzas predominantes que condicionan al fenómeno hidráulico y representar su influencia en el modelo, en forma exclusiva. Esta condicionante se satisface manteniendo la identidad de uno de los siguientes parámetros adimensionales entre el prototipo y el modelo:

• Número de Froude

Representa la influencia relativa de la gravedad sobre el patrón de flujo del movimiento del agua. Aparece como predominante en los fenómenos donde se forma la superficie libre del flujo, en el caso del flujo inestable y cuando existe introducción natural de aire en la masa de agua.

$$Fr = \frac{V_o}{\sqrt{gL}} \tag{3.10}$$

Donde:

 V_o : Velocidad de flujo. [m/s]

g: Aceleración de la gravedad. $[m/s^2]$

L: Longitud característica del contorno del flujo. [m]

• Número de Reynolds

Representa la influencia de la viscosidad, la que se hace presente sobre todo en el análisis de pérdidas continuas y locales de energía así como cuando se presentan zonas de separación del flujo.

$$Re = \frac{V_o L}{v} \tag{3.11}$$

Donde:

- V_o : Velocidad de flujo. [m/s]
- v: Viscosidad cinemática. $[m^2/s]$
- L: Longitud característica del contorno del flujo. [m]

• Número de Weber

Representa la influencia de la tensión superficial, cuyo efecto es importante en flujos con fuerte curvatura de las superficies libres.

$$We = \frac{V_o}{\sqrt{\sigma/\rho L}} \tag{3.12}$$

Donde:

- V_o : Velocidad de flujo. [m/s]
- σ : Tensión superficial. [Kg/m]
- ρ : Densidad del fluido. $[Kg/m^3]$
- L: Longitud característica del contorno del flujo. [m]

Para todos estos números adimensionales característicos del flujo, se puede demostrar que su efecto aumenta en forma inversamente proporcional al valor del número y tiende a desaparecer para grandes valores numéricos.

3.4 SIMILITUD DINÁMICA RESTRINGIDA

Al no poder representar la semejanza dinámica o hidráulica exacta, el objetivo en la modelación física de fenómenos hidráulicos es alcanzar la **similitud dinámica restringida** o particular según sea la o las fuerzas predominantes en el fenómeno hidráulico que se investigará con la ayuda del modelo, tal como se muestra en el siguiente cuadro:

Fuerza Predominante	Identidad	Similitud Particular	Tipo de Modelo	
${\cal F}_g$ Fuerza gravitacional	$Fr_p = Frm$	Froude	Froudiano	
F_v Fuerza viscosa	$Re_p = Rem$	Reynolds	Viscoso	
F_{σ} Tensión superficial	$We_p = Wem$	Weber	-	
F_g, F_v gravitacional y viscoso simultáneamente	$Fr_p = Frm$ $Re_p = Rem$	Froude-Reynolds	grávico-viscoso	

TABLA 3.2: TIPOS DE MODELO FÍSICO SEGÚN SU FUERZA PREDOMINANTE

FUENTE: Hidalgo, M. (2007). "Introducción a la teoría de modelos hidráulicos y aplicaciones básica".

Quito Departamento de Hidráulica. Escuela Politécnica Nacional. Pág. 33.

ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

3.4.1 SIMILITUD DINÁMICA RESTRINGIDA DE FROUDE

La influencia que predomina en un modelo según el criterio de Froude es la de las fuerzas gravitacionales o de peso F_g . En esta clasificación se relacionan los movimientos o fenómenos con superficie libre que se desarrollan por acción de la gravedad y que por su estructura dinámica pueden ser categorizados como movimientos irrotacionales; es decir, aquellos en los que el mecanismo turbulento da lugar a las pérdidas de energía.

El patrón del flujo de vertido sobre una rápida, sea de fondo escalonado o de fondo liso, está gobernado por la influencia de la componente de la gravedad paralela a la pendiente de la rápida. La distribución de velocidades y su magnitud dependerán casi exclusivamente de los parámetros geométricos y dinámicos propuestos por la inclinación y forma de la sección transversal de la rápida. Es decir; el fenómeno de flujo sobre y a lo largo de la rápida es de tipo fundamentalmente Froudiano. Adicionalmente, las características del flujo con valores del número de Froude superiores a 3, en secciones transversales rectangulares, condicionan la presencia de flujo inestable, con introducción natural de aire. Estos fenómenos también han sido estudiados convenientemente en modelos Froudianos.

Una vez que se conoce que las fuerzas gravitatorias son las preponderantes en el presente estudio de modelación, se trata de alcanzar una similitud restringida o particular de Froude, de tal manera que la función ϕ ecuación 3.8 dependa exclusivamente de la geometría de contorno del modelo y el número de Froude.

En el tipo de modelo Froudiano se debe asegurar adicionalmente que la intervención de la tensión superficial y la viscosidad en el movimiento del fluido sean mínimas; a más de que la turbulencia representativa sea equivalente entre prototipo y modelo.

Para alcanzar esta similitud se ha de verificar la igualdad del número de Froude entre prototipo y modelo $Fr_p = Fr_m$, ó que su relación sea igual a 1.

$$\frac{Fr_p}{Fr_m} = 1$$
 o $\frac{Fr_p^2}{Fr_m^2} = 1$ (3.13)

Desarrollando esta relación (3.13), en función de escalas se obtiene una ecuación en donde la escala de tiempo depende de los siguientes parámetros:

$$e_T = \frac{\sqrt{e_L}}{\sqrt{\frac{\gamma_p / \gamma_m}{\rho_p / \rho_m}}}$$
(3.14)

Donde:

- e_T : Factor de escala de tiempo.
- e_L : Factor de escala de longitud.
- ρ : Densidad del fluido. [Kg/m^3]
- γ : Peso específico del fluido. $[N/m^3]$

Tanto el modelo como el prototipo utilizan el mismo fluido que es el agua, por tanto la

densidad es la misma para ambos $\rho_p = \rho_m$; al mismo tiempo el campo gravitatorio rige al modelo como al prototipo, entonces el peso específico es igual $\gamma_p = \gamma_m$; la igualdad de estos parámetros simplifica la ecuación (3.14), expresando la escala de tiempo de la siguiente manera:

$$e_T = e_L^{1/2} (3.15)$$

El siguiente cuadro presenta las relaciones de escalas de las magnitudes físicas que pertenecen a la similitud de Froude para el campo de la hidráulica, es decir cuando el fluido es el agua.

Magnitud	Símbolo	Escala
Longitud	e_L	e_L
Tiempo	e_t	$e_L^{1/2}$
Velocidad	e_V	$e_{L}^{1/2}$
Aceleración	e_A	1
Caudal	e_Q	$e_{L}^{5/2}$
Presión	$e_{\Delta_{ ho}}$	e_L
Energía	e_{ε}	e_L^4
Fuerza	e_F	e_L^3

FUENTE: Hidalgo, M. (2007). "Introducción a la teoría de modelos hidráulicos y aplicaciones básica". Quito Departamento de Hidráulica. Escuela Politécnica Nacional. Pág. 37.

ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

3.5 LIMITACIONES EN LA MODELACIÓN FÍSICA

Existen ciertas restricciones dentro de la modelación física, para el presente estudio de investigación. A saber:

3.5.1 RESTRICCIÓN EXTERNA

La disponibilidad de espacio dentro del laboratorio es un limitante que condiciona la selección de la escala de longitudes. Por otro lado, un modelo no puede ser muy pequeño para alcanzar la similitud dinámica de un fenómeno hidráulico. Se recomienda, en el presente caso, que la escala de longitudes sea menor a 50; de tal manera que las profundidades de agua en el modelo sean superiores a los dos centímetros.

$$e_L < 50$$
 (3.16)

En este sentido, otra limitación dentro de un laboratorio es la potencia y capacidad de columna de agua del sistema de bombeo propio. El Laboratorio del CIERHI dispone de una capacidad de bombeo que garantiza caudales de hasta 800 I/s con una altura de 13 m de columna de agua.

3.5.2 EFECTO DE REYNOLDS

La influencia de la viscosidad es relativamente importante así como la rugosidad característica del contorno sobre el patrón de flujo de vertido sobre la rápida, en la medida que se busca el análisis de la disipación de energía sobre el contorno escalonado y sobre el contorno liso. El efecto combinado de las dos variables se puede analizar por medio del factor de fricción o coeficiente de pérdida λ , en la ecuación de Darcy-Weisbach.

En primer lugar, si se desea que el efecto de la viscosidad en el modelo sea de menor importancia que el efecto de la gravedad, como lo es en el prototipo, se debe garantizar un numero de Reynolds mayor a $2x10^4$ en el modelo; asegurando así un flujo con turbulencia totalmente desarrollada.

En segundo término, para que la diferencia del número de Reynolds entre modelo y prototipo no origine una variación apreciable entre los valores de los coeficientes de fricción, cuando el flujo se encuentra en la zona rugosa, se debe garantizar que las pendientes del nivel del agua y de la línea de energía sean similares tanto en el modelo como en el prototipo. Esto depende básicamente de la selección adecuada de la rugosidad absoluta (material) del contorno en el modelo. El modelo debe ser hidráulicamente más liso que el prototipo, como se muestra en la figura 3.1 Si el factor de fricción λ debe ser igual en modelo y prototipo, se lo puede calcular con la siguiente expresión:

$$\lambda = \frac{h_v}{L} \frac{8}{Fr^2} \tag{3.17}$$

Donde:

- λ : Factor de fricción.
- h_v : Carga de velocidad. [m]
- L: Longitud característica. [m]
- *Fr*: Número de Froude.





FUENTE: Castro, M. "Análisis dimensional y modelación física en hidráulica". Quito. Departamento de Hidráulica. Escuela Politécnica Nacional. Pág. 46

3.5.3 TENSIÓN SUPERFICIAL

En problemas hidráulicos en la naturaleza, el número de Weber es tan grande que los efectos de tensión superficial son despreciables. En el caso de los modelos, el efecto de la tensión superficial puede llegar a ser no despreciable y por lo tanto, los números de Weber en modelo son relativamente bajos. Cuando las profundidades de agua en modelo son bajas las fuerzas de atracción que ejercen las moléculas del fluido con las paredes y fondos de los canales causan alteración en el flujo debido a la adhesión, ya que las ondas superficiales se ven afectadas por la tensión superficial.

La literatura técnica brinda muchas recomendaciones que limita o elimina el efecto de la tensión superficial en el modelo. Por ejemplo, se recomienda un rango de profundidades de agua mayor a 2*cm*, medidas en el modelo. De igual modo, el efecto de la tensión superficial puede reducirse empleando aditivos o agua jabonosa.

3.6 SELECCIÓN DE LA ESCALA

Conociendo las restricciones que presenta el modelo físico y siguiendo las recomendaciones para superar las limitaciones en la modelación física, se ha tomado en cuenta para un análisis previo tres escalas 1 : 10, 1 : 20 y 1 : 30.

En la tabla 3.4 se presentan las dimensiones y magnitudes de las estructuras existentes en el prototipo y sus magnitudes en modelos con las tres posibles escalas seleccionadas del análisis previo. **TABLA 3.4**: VALORES DE LAS MAGNITUDES EN PROTOTIPO Y EN MODELO EN FUNCIÓN DE DIFERENTE ESCALA DE LONGITUDES

Estructure	Magnitud		Unidad	Prototipo	Escalas modelo		
Estructura					1:10	1:20	1:30
	Altura de la sección baúl	(H)	m	5	0.50	0.25	0.17
	Ancho de la sección baúl	(b)	m	5	0.50	0.25	0.17
TÚNEL DE	Longitud tramo recto 1	(L)	m	68	6.80	3.40	2.27
	Longitud tramo recto 2	(L)	m	17.42	1.74	0.87	0.58
APROXIMACIÓN	Longitud tramo curvo	(L)	m	58.49	5.85	2.92	1.95
	Radio de curvatura	(r)	m	100	10	5	3.33
	Caudal (Q)		m^3/s	150.00	0.47	0.084	0.03
	Longitud	(L)	m	9.58	0.96	0.48	0.32
	Desnivel	(H)	m	2.76	0.28	0.14	0.09
TRANSICIÓN	Ancho inicial de cada celda	(b)	m	2.73	0.27	0.14	0.09
	Ancho final de cada celda	(b)	m	5	0.50	0.25	0.17
	Caudal	(Q)	m^3/s	150	0.47	0.084	0.03
	Longitud	(L)	m	20	2	1	0.67
PRIMER CUENCO	Altura de paredes	(H)	m	6.87	0.69	0.34	0.23
DISIPADOR	Ancho de cada celda	(b)	m	5	0.5	0.25	0.17
	Caudal	(Q)	m^3/s	150	0.47	0.084	0.03
	Longitud	(L)	m	4.18	0.42	0.21	0.14
CANAL DE CONEXIÓN	Altura paredes	(H)	m	4	0.4	0.2	0.13
	Ancho de cada celda	(b)	m	5	0.5	0.25	0.17
	Caudal	(Q)	m^3/s	150	0.47	0.084	0.03
	Longitud horizontal	(L)	m	91.78	9.18	4.59	3.06
	Longitud vertical	(L)	m	89.34	8.93	4.47	2.98
ΡΛΟΙΟΛ	Ancho de cada celda	(b)	m	5	0.5	0.25	0.17
	Altura paredes	(H)	m	4	0.4	0.2	0.13
LICALONADA	Huella de grada	(I)	m	1	0.1	0.05	0.03
	Contrahuella de grada	(h)	m	1	0.1	0.05	0.03
	Caudal	(Q)	m^3/s	150	0.47	0.084	0.03
SECUNDO	Longitud	(L)	m	25	2.5	1.25	0.83
	Altura de paredes	(H)	m	8	0.8	0.4	0.27
	Ancho de cada celda	(b)	m	5	0.5	0.25	0.17
DISIFADOR	Caudal	Q	m^3/s	150	0.47	0.084	0.03
	Longitud	(L)	m	48.8	4.88	2.44	1.63
CANAL DE	Altura paredes	(H)	m	4	0.4	0.2	0.13
CONEXIÓN	Ancho de cada celda	(b)	m	5	0.5	0.25	0.17
	Caudal	(Q)	m^3/s	150	0.47	0.084	0.03

ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

El análisis de selección entre la escala 1:30 y 1:25 si bien conduce a que se cumple con la condición de que la escala sea menor a 50; en cambio, no cumple con la restricción externa de que las profundidades de agua para caudales menores sean mayores a los 2 cm; es decir, para que el efecto de la tensión superficial sea relativamente despreciable o que el número de Weber no sea bajo.

El análisis con la escala 1:10 y 1:15, de igual manera, conduce a reconocer que se cumple con el requerimiento de que sea menor a 50 para representar adecuadamente la introducción natural de aire en la masa de agua; sin embargo, se tiene grave restricción respecto de la capacidad real del sistema de bombeo en el rango de caudales necesario para la simulación del modelo.

Finalmente se escoge la escala de longitudes 1:20. En el anterior Tabla 3.4 se muestran los valores de la escala derivada y se detalla en forma comparativa la conveniencia de esta selección. En la tabla 3.5 se indica los valores de las magnitudes representativas para la escala de longitudes adoptada 1:20.

Magnitud	Símbolo	Escala	Valor
Longitud	e_L	e_L	20
Tiempo	e_t	$e_L^{1/2}$	4.47
Velocidad	e_V	$e_L^{1/2}$	4.47
Aceleración	e_A	1	20
Caudal	e_Q	$e_{L}^{5/2}$	1788.85
Presión	$e_{\Delta_{ ho}}$	e_L	20
Energía	$e_{arepsilon}$	e_L^4	160000
Fuerza	e_F	e_L^3	8000

TABLA 3.5: EQUIVALENCIAS NUMÉRICAS PARA LA SIMILITUD DE FROUDE ESCALA 1:20

ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

3.7 EFECTOS DE ESCALA

Es muy frecuente designar con el término "efectos de escala" a las discrepancias sistemáticas que existen entre los valores de una misma magnitud física, medidos en los ensayos con modelos, a diferentes escalas de longitudes, de un único prototipo.

Se puede demostrar, sin embargo, con base en el análisis y en las consideraciones sobre el fenómeno físico que dan lugar a la definición de los criterios de similitud dinámica restringida, que estas discrepancias obedecen, en realidad, a que no todas las fuerzas o no todos los parámetros adimensionales de relación entre ellas, pueden ser tomados en cuenta simultánea y adecuadamente en los ensayos en modelo.

A estos efectos de escala pertenecen en especial, las divergencias que tienen su origen en la representación real y particular de cada estructura de:

- i) Influencia de las características geométricas y de la rugosidad.
- ii) Influencia de la viscosidad (de la diferencia en el número de Reynolds).
- iii) Influencia de la tensión superficial (tamaño reducido del patrón de flujo).
- iv) Influencia de las condiciones del flujo de aproximación en el modelo.
- v) Influencia de las condiciones del flujo aguas abajo.

3.8 ETAPAS DE LA INVESTIGACIÓN

La presente investigación se desarrolla en tres etapas,a continuación se presentan los objetivos de cada una.

3.8.1 ETAPA I: VALIDACIÓN Y/O CALIBRACIÓN DEL MODELO FÍSICO EN SU CONFIGURACIÓN GEOMÉTRICA ASÍ COMO EN LA SIMILITUD HIDRODINÁMICA

 Verificar la similitud geométrica y la similitud restringida de Froude para garantizar el análisis y la evaluación del comportamiento del flujo, con el fin de que el modelo físico pueda ser con considerado para las siguientes etapas.

- Verificar la continuidad y estanqueidad del modelo físico, obteniendo curvas experimentales de descarga, tanto en la estructura de ingreso como en los vertederos de aforo a la salida.
- Validar el comportamiento del flujo en las diferentes estructuras y verificar sobre todo la correcta representación de los diferentes tipos de escurrimiento sobre la rápida escalonada mediante ensayos con diferentes caudales.

3.8.2 ETAPA II: ANÁLISIS EXPERIMENTAL DEL FUNCIONAMIENTO HIDRÁULI-CO DE LAS ESTRUCTURAS CON EL DISEÑO ORIGINAL

- Evaluar experimentalmente el comportamiento hidráulico del sistema: estructura de ingreso (túnel baúl, transición, cuenco disipador 1, canal de conexión 1), rápida escalonada y estructura de entrega del flujo (cuenco disipador 2, canal de conexión 2).
- Evaluar la calidad y el comportamiento del flujo de aproximación que se desarrolla desde el túnel baúl hacia la rápida escalonada; así también su influencia en el comportamiento hidráulico del sistema, sobre todo en la disipación de energía.
- Analizar principalmente la presencia de flujo rasante y la eficiencia de disipación de energía en la rápida escalonada, así como en la estructura de disipación ubicado al pie de ella.
- Evaluar y definir el rango de caudales seguros y de eficiente operación en el funcionamiento hidráulico del sistema entre la rápida escalonada y cuenco disipador, construidos con la geometría en base al diseño original.
- Evaluar de forma cuantitativa la derivación de caudales a través de la pared central que divide a la conducción en dos celdas simétricas.

3.8.3 ETAPA III: PROPUESTA DE RECOMENDACIONES TÉCNICAS QUE MEJOREN Y GARANTICEN LA EFICIENCIA HIDRÁULICA DE LAS ESTRUCTURAS ACTUALMENTE CONSTRUIDAS

 Si la incidencia de la zona de aproximación sobre el comportamiento del flujo vertido sobre la rápida escalonada es inadmisible, recomendar opciones de modificación en la geometría actual.

- Recomendar posibles alternativas de modificación en la geometría de la rápida escalonada y su estructura de disipación al pie, con la finalidad de alcanzar la disipación de energía requerida para el buen funcionamiento del cuenco de disipación; y/o hacer más amplia el rango seguro y eficiente de caudales de operación.
- Analizar cualitativamente los cambios en la eficiencia de disipación según las alternativas propuestas.

3.9 PLAN DE PRUEBAS

En esta sección se describe a detalle las diferentes pruebas a ser aplicadas en cada etapa de la investigación, en la etapa I correspondiente a la validación del modelo físico, se realizan diferentes ensayos para una gama de caudales, como se presenta en la tabla 3.6

	Qp	Qm	FASE DE	
PRUEDA	(m ³ /s)	(I/s)	INVESTIGACIÓN	UDSERVACIONES
				Caudal intermedio (30% del
P-1	44.91	25.11	Validación	caudal de diseño de la
				estructura)
P-2	20.76	11.61	Validación	Caudales bajos (caudales
P-3	8.98	5.02	Validación	más frecuentes)

TABLA 3.6: PLAN DE PRUEBAS CORRESPONDIENTE A LA VALIDACIÓN DEL MODELO FÍSICO

ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

En la etapa II de la investigación a fin de analizar experimentalmente el diseño original de las estructuras, se realizan de la misma manera diferentes ensayos para una serie de caudales, según un plan de pruebas presentado posteriormente en el capítulo 5.

El plan de pruebas correspondiente a la etapa III referente a la propuesta de recomendaciones técnicas que mejoren y garanticen la eficiencia hidráulica de las estructuras con el diseño original, se presentan más adelante en el capítulo 6 con base en el análisis realizado en la etapa II.

CAPÍTULO 4

CONSTRUCCIÓN, INSTRUMENTACIÓN Y CALIBRACIÓN DEL MODELO FÍSICO

4.1 CONSTRUCCIÓN DEL MODELO FÍSICO

La construcción y montaje del modelo físico de la rápida escalonada ha sido efectuado en el Centro de Investigaciones y Estudios en Recursos Hídricos (CIERHI), ubicado en el campus de la Escuela Politécnica Nacional. Técnicamente, este Centro cuenta con un área experimental de 1200 m^2 aproximadamente, un sistema de recirculación de flujo sustentado por un sistema de bombeo (cuatro bombas de impulsión de 60 HP de potencia, 200 I/s de capacidad y 13 m de columna de agua cada una), un tanque de carga de 4 m^2 de sección y 9 m de altura. Previo al proceso de construcción y montaje, tomando en cuenta el área que ocupa el modelo y las estructuras auxiliares para su soporte (70 m^2) así como la disponibilidad de espacio e infraestructura existente; se presenta la ubicación del modelo y las estructuras anexas en el plano 03 ubicado en el Anexo 5. Se ha realizado el replanteo en el sitio, al interior del laboratorio, con estación total y equipo topográfico de precisión.



FIGURA 4.1: MODELO FÍSICO DE LA RÁPIDA ESCALONADA

ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

En el modelo se demarcan tres zonas: la zona de ingreso, el modelo físico propiamente dicho y la zona de salida; como se aprecia en la figura 4.2



FIGURA 4.2: ESQUEMA DE LAS ZONAS DEL MODELO FÍSICO DE LA RÁPIDA ESCALONADA

ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

4.1.1 ZONA DE INGRESO

Las estructuras en esta zona de inicio del modelo tienen como objetivo la entrega en forma estable y adecuada de la serie de caudales requeridos para las diferentes pruebas así como permitir que el flujo que ingresa al modelo físico esté distribuido uniformemente en la sección de inicio del modelo. En esta zona se tienen las siguientes estructuras componentes:

- Sistema de tuberías.
- Tanque de abastecimiento y uniformización, soportado en estructura elevada de acero.
- Pantalla uniformizadora de flujo.

Sistema de tuberías

La conducción de agua hacia el tanque de entrada se realiza mediante una tubería de PVC-Presión, de 250 mm de diámetro interno, dispuesta desde una toma o derivación existente en el sistema de recirculación del laboratorio y que tiene adicionalmente una válvula de compuerta para regular el caudal de entrada.

En el punto más alto de esta línea de conducción (7.23 m con respecto al nivel de la losa de piso del CIERHI) se instala una válvula simple de aire, que elimina la acumulación de aire. Para favorecer la disipación de energía del flujo de ingreso hacia el tanque de entrada se ha dispuesto un tramo final de tubería perforada (1.20 m). Para uniformizar el flujo que circula hacia el inicio del modelo propiamente dicho, en el interior del tanque de entrada se han ubicado dos pantallas transversales, previstas con varios orificios de 3 cm de diámetro.

Tanque de ingreso y uniformización

Esta estructura es un tanque de acero, con capacidad máxima de almacenamiento de 21.12 m^3 , soportado por una torre elevada de 6 columnas, de acero laminado en frío, de 4.60 m de altura. Tiene una longitud en el sentido de flujo de 4.80 m que permite alcanzar una adecuada uniformización del flujo que ingresa hacia el modelo propiamente dicho.

Para el desagüe del tanque, se tiene una válvula de compuerta en el fondo del mismo, que regula el caudal de salida hacia el canal de recirculación, durante las operaciones de vaciado.

Pantalla uniformizadora

La pantalla está conformada por un tablero de madera triplex de 2.00×2.20 m, sellada y pintada con esmalte sintético. La pantalla tiene varias filas de orificios de 3 cm de diámetro, con una separación entre ellos igual a 3 cm. Se ubica a 1.20 m aguas abajo de la sección de ingreso del caudal en el tanque.

FIGURA 4.3: TANQUE DE ABASTECIMIENTO, ESTRUCTURA DE SOPORTE, TUBERÍA DE IN-GRESO, ACCESORIOS, PANTALLA UNIFORMIZADORA Y ACCESOS AL MODELO



ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

4.1.2 MODELO FÍSICO, ESCALA 1:20

El modelo físico de la rápida escalonada es fabricado en piezas de acrílico transparente, de 6 mm de espesor. Cada una de estas piezas fue conformada sobre moldes de hormigón armado o madera. Las partes moldeadas fueron posteriormente adheridas y ensambladas con cloroformo y gel acrílico; los poros residuales en las secciones de unión fueron sellados con silicona líquida transparente

Estructura de ingreso a la rápida escalonada

Esta estructura se compone de: (i) un tramo del túnel de aproximación, que incluye la curva de amplio radio (ii) la transición hacia el primer cuenco de disipación, (iii) el primer cuenco disipador, ubicado inmediatamente aguas arriba del inicio de la rápida escalonada y (iv) el canal que dirige el flujo hacia la rápida. Estos componentes son descritos a continuación.

i) Túnel de Aproximación

De acuerdo al diseño original, el túnel de aproximación con sección baúl tiene una longitud total de 29.5 m en modelo. De esta longitud se considera un tramo representativo de 7.19 m; conformado inicialmente por un subtramo recto, de 3.40 m de longitud y que garantiza la adecuada estabilización del flujo a la entrada. A continuación se tiene un subtramo curvo de 2.92 m de longitud y por último, un subtramo recto de 0.87 m. Para la construcción del túnel en el laboratorio, se fabricaron piezas de acrílico independientes para cada subtramo debido a que cada uno de ellos tiene una sección transversal diferente y compleja. Para configurar las secciones transversales se elaboraron moldes de hormigón armado con acabado liso (masillado y enlucido), sobre los cuales se colocaron las piezas de acrílico previamente sometidas a 100°C de temperatura en un horno, durante un tiempo de 15 min. Las piezas de acrílico caliente se adaptan fácilmente a la forma geométrica del molde y adoptan así la geometría requerida.



FIGURA 4.4: VISTA TRIDIMENSIONAL DEL TRAMO DE APROXIMACIÓN

ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016



FIGURA 4.5: TRAMO DE APROXIMACIÓN CONSTRUIDO EN ACRÍLICO

ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

Túnel de aproximación sección baúl						
Parámetro	Unidad	Prototipo	Modelo			
Altura de la sección baúl	m	5.00	0.25			
Ancho de la sección baúl	m	5.00	0.25			
Longitud tramo recto 1	m	68.00	3.40			
Longitud tramo recto 2	m	17.42	0.87			
Longitud tramo curvo	m	58.49	2.92			
Radio de curvatura	m	100.00	5.00			
Pendiente de fondo	%	1.00	1.00			

TABLA 4.1: DIMENSIONES GEOMÉTRICAS DEL TRAMO REPRESENTATIVO DEL TÚNEL DEAPROXIMACIÓN

ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

ii) Transición

A partir de la sección transversal de inicio de esta estructura, la conducción se divide en dos celdas simétricas, mediante una pared central, de 18 cm de espesor en modelo; fabricada con madera triplex de igual espesor.

En los planos de diseño original y en la memoria técnica proporcionada por la EP-MAPS, se observa que a la entrada de estas dos celdas, se ha dispuesto compuertas con el propósito de aislar cada una de ellas y viabilizar su mantenimiento. Sin embargo, en la visita técnica realizada al sitio de la obra, sólo se observaron en este sector, las ranuras dejadas para la instalación de dichas compuertas. En el modelo físico se toman en cuenta exclusivamente las ranuras y al igual que lo existente, no se instalan las compuertas.

La estructura de la transición se desarrolla sobre un perfil con curva parabólica, descendiendo un desnivel de 0.14 m en modelo. Esta forma se logra con una plancha de acrílico moldeado.
FIGURA 4.6: (A) TRANSICIÓN CONSTRUIDA EN ACRÍLICO (B) VISTA TRIDIMENSIONAL DE LA TRANSICIÓN



ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

Transición							
Parámetro Unidad Prototipo Modelo							
Longitud	m	9.58	0.48				
Desnivel	m	2.76	0.14				
Ancho inicial de cada celda	m	2.73	0.14				
Ancho final de cada celda	m	5.00	0.25				
Ángulo de divergencia	0	13.38	13.38				

TABLA 4.2: DIMENSIONES GEOMÉTRICAS DE LA TRANSICIÓN

ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

iii) Primer cuenco disipador

Para la representación de esta estructura en modelo, es necesario mencionar que ciertas obras anexas (referidas en los planos de diseño original y en la memoria técnica proporcionada por la EPMAPS) no están implementadas en el modelo porque no se encuentran construidas en el prototipo. Tal es el caso de dos orificios ubicados en el escalón de subida, diseñados con la intención de derivar las aguas negras hacia el desarenador. **FIGURA 4.7:** (A) PRIMER CUENCO DISIPADOR CONSTRUIDO EN ACRÍLICO. (B) VISTA TRIDI-MENSIONAL DEL PRIMER CUENCO DISIPADOR



ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

Primer cuenco disipador						
Parámetro Unidad Prototipo Modelo						
Longitud	m	20.00	1.00			
Altura de paredes	m	6.87	0.34			
Ancho de cada celda	m	5.00	0.25			

TABLA 4.3: DIMENSIONES GEOMÉTRICAS DEL PRIMER CUENCO DISIPADOR

ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

iv) Canal de conexión entre el primer cuenco y la rápida escalonada

FIGURA 4.8: CANAL DE CONEXIÓN CONSTRUIDO EN ACRÍLICO



ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

Canal de conexión						
Parámetro Unidad Prototipo Model						
Longitud	m	4.18	0.21			
Altura de paredes	m	4.00	0.20			
Ancho de cada celda	m	5.00	0.25			
Pendiente de fondo	%	0.30	0.30			

TABLA 4.4: DIMENSIONES GEOMÉTRICAS DEL CANAL DE CONEXIÓN

ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

Rápida Escalonada

La rápida escalonada se inicia con una curva parabólica, que en el modelo fue elaborada siguiendo un similar procedimiento al de moldeo de los perfiles curvos de las estructuras antes mencionadas.

Los 87 escalones que se enlazan a este perfil, con huella y contrahuella de 0.05 m en modelo, fueron fabricados uno por uno en acrílico y dispuestos sobre un soporte de madera. Una vez terminada esta estructura, se la acopló con un ángulo de inclinación de 45° respecto a la horizontal.



FIGURA 4.9: (A) RÁPIDA ESCALONADA CONSTRUIDA EN ACRÍLICO. (B) VISTA TRIDIMENSIO-NAL DE LA RÁPIDA ESCALONADA

ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

Rápida Escalonada							
Parámetro Unidad Prototipo Modelo							
Longitud horizontal	m	91.78	4.59				
Longitud vertical	m	89.34	4.47				
Ancho de cada celda	m	5.00	0.25				
Altura paredes	m	4.00	0.20				
Huella de grada	m	1.00	0.05				
Contrahuella de grada	m	1.00	0.05				
Pendiente de fondo falso	0	45.00	45.00				

TABLA 4.5: DIMENSIONES GEOMÉTRICAS DE LA RÁPIDA ESCALONADA

ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

Estructura de entrega del flujo

Se tienen los siguientes componentes: (i) cuenco disipador al final de la primera rápida escalonada que se inicia con un perfil circular y (ii) un tramo representativo del canal que conduce el flujo hacia la segunda rápida escalonada.

i) Cuenco disipador al final de la primera rápida escalonada

Se inicia con un perfil circular de 0.5 m de radio en modelo, y continua con los siguientes elementos: base, paredes laterales, chaflán entre base y paredes, escalón positivo de salida (con una altura de 0.10 m en modelo dispuesta al final del cuenco con una inclinación de 45°).

Como en el caso del primer cuenco disipador, según los planos de diseño original y la memoria técnica proporcionada por la EPMAPS, se previó que la limpieza de este cuenco se realice con la ayuda de un ducto ubicado en la margen izquierda, antes del escalón de salida. Sin embargo, dado que el ducto no se lo ha construido en el prototipo, de igual modo no ha sido tomado en cuenta en el modelo. **FIGURA 4.10:** (A) CUENCO DISIPADOR FINAL DE LA PRIMERA RÁPIDA CONSTRUIDO EN ACRÍLI-CO. (B) VISTA TRIDIMENSIONAL DEL CUENCO DISIPADOR AL FINAL DE LA PRIMERA RÁPIDA



ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

TABLA 4.6: DIMENSIONES GEOMÉTRICAS DEL SEGUNDO CUENCO DISIPADOR (AL PIE DE LA RÁPIDA ESCALONADA)

Segundo cuenco disipador						
Parámetro Unidad Prototipo Modelo						
Longitud	m	25.00	1.25			
Altura paredes	m	8.00	0.40			
Ancho de cada celda	m	5.00	0.25			

ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

ii) Canal de conexión entre el cuenco disipador de la primera rápida y el inicio de la segunda

De acuerdo al diseño original, este canal de sección rectangular tiene una longitud total de 5.89 m en modelo. Se considera un tramo representativo de 2.44 m del tramo recto del canal, para su construcción en el modelo.

Es importante señalar que, debido a la presencia de la pared intermedia que divide a la conducción en dos celdas simétricas, es necesario aforar el caudal que fluye por cada una de ellas.



FIGURA 4.11: CANAL DE CONEXIÓN HACIA LA SEGUNDA RÁPIDA CONSTRUIDO EN ACRÍLICO

ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

TABLA 4.7: DIMENSIONE	S GEOMÉTRICAS DEL	. CANAL DE CONEXIÓN	QUE CONDUCE EL FLUJO
HACIA LA SEGUNDA RÁPI	DA		

Segundo canal de conexión							
Parámetro Unidad Prototipo Modelo							
Longitud margen	m	48.80	2.44				
Altura paredes	m	4.00	0.20				
Ancho de cada celda	m	5.00	0.25				
Pendiente de fondo	%	0.30	0.30				

ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

Zona de salida, aforo y restitución de caudales

Las estructuras ubicadas en esta zona cumplen con la finalidad de recibir el caudal descargado desde el modelo físico, disipar su energía, uniformizarlo y finalmente aforarlo para posteriormente restituirlo al sistema de recirculación del CIERHI. Las estructuras componentes son: (i) tanque de descarga y (ii) canal de descarga.

i) Tanque de descarga

Es un tanque rectangular de 3.00×2.50 m con una altura de 1.00 m. Sus paredes son de ladrillo enlucido y pintado y están construidas sobre una losa de cimentación de 0.10 m de espesor.

Este tanque fue divido simétricamente por medio de una pared intermedia del mismo material; de tal modo que cada parte del tanque pueda recibir el caudal de su respectiva celda de la conducción desde la rápida escalonada. La superficie de estos elementos tiene un revestimiento de mortero impermeable; para sellar las aristas formadas por la losa y paredes se construye un chaflán con una capa de masilla. El acabado final externo tiene pintura tipo esmalte sintético y el acabado interno tiene pintura lavable.

ii) Canal de descarga

Es un canal rectangular de 4.90 x 1.40 m con una altura de 1.00 m. Su construcción se llevó a cabo siguiendo el mismo procedimiento del tanque de descarga. Así también presenta la pared intermedia.

Este canal contiene una pantalla uniformizadora al ingreso para controlar el flujo de entrada. Al final del canal se dispone un vertedero triangular, con ángulo central de 90° y pared delgada normalizada. Este vertedero permitirá medir los caudales de salida desde el modelo físico.



FIGURA 4.12: CANAL DE DESCARGA, VERTEDEROS Y PANTALLA UNIFORMIZADORA

ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

4.2 INSTRUMENTACIÓN DEL MODELO FÍSICO

Para la ejecución de las pruebas y para la medición de las diferentes variables hidrodinámicas en el modelo, se requieren ciertos instrumentos de medida, tales como: vertederos, limnímetros, cintas métricas, nivel, estación total, probetas, tubos Pitot, sondas de presión, microhélices, etc. Para esta fase de calibración o validación del modelo se han instalado los siguientes instrumentos de medida:

4.2.1 VERTEDEROS TRIANGULARES DE PARED DELGADA CON UN ÁNGU-LO CENTRAL DE 90°

Con el propósito de aforar los caudales en cada canal de descarga, se instalaron vertederos de sección triangular, de pared delgada normalizada, simétricos con respecto al eje vertical, con un ángulo en el vértice de 90°. Las dimensiones de los vertederos están determinadas en función del ancho del canal de descarga y del caudal máximo estimado a circular a través de éste.

Estos dispositivos fueron fabricados en madera triplex de 18 mm de espesor sellados y pintados con laca automotriz. En toda la longitud de la cresta se tiene el bisel normalizado, garantizando así su funcionamiento como vertederos de pared delgada.

FIGURA 4.13: ESQUEMA DEL VERTEDERO TRIANGULAR CON SUS DIMENSIONES



ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

FIGURA 4.14: VERTEDERO TRIANGULAR PARA EL AFORO DEL CAUDAL DE DESCARGA. (A) MARGEN IZQUIERDA. (B) MARGEN DERECHA



ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

4.2.2 LIMNÍMETRO

Con el objetivo de medir la carga de agua sobre los vertederos en los canales de descarga, se han ubicado limnímetros cuyo rango de medición se encuentra entre 0 y 600 mm, con una precisión de 0.1 mm. Se encuentran ubicados a una distancia mínima de 4 veces la carga máxima de operación de cada vertedero, medida aguas arriba de la sección de instalación del vertedero en el tramo de flujo uniformizado.

Así también, se han instalado limnímetros de iguales características para medir el calado o altura de agua en lugares predeterminados del modelo: tramo recto antes de la curva del túnel de aproximación, aguas abajo del primer escalón del cuenco disipador 1, inicio del perfil parabólico de la rápida escalonada y en el cuenco disipador 2 al pie de la rápida escalonada.

FIGURA 4.15: LIMNÍMETRO INSTALADO EN EL CANAL DE DESCARGA (A). LIMNÍMETRO INS-TALADO EN EL TÚNEL DE APROXIMACIÓN (B)



ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

4.2.3 CINTA MÉTRICA

En aquellos lugares puntuales del modelo donde se requieren mediciones referenciales, se han ubicado cintas métricas, con precisión de 1 mm. Por ejemplo, en las secciones correspondientes a: tramo curvo del túnel de aproximación, inicio y final de la transición, final del cuenco disipador 1, al inicio y a lo largo de la rápida escalonada, inicio y final del cuenco disipador 2 y canal de conexión.

FIGURA 4.16: CINTA DE MEDIDA COLOCADA AL FINAL DE LA TRANSICIÓN (A). CINTA DE MEDIDA COLOCADA EN EL INICIO DEL PERFIL PARABÓLICO DE LA RÁPIDA ESCALONADA (B)



ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

4.2.4 NIVEL Y ESTACIÓN TOTAL

Los equipos de estación total (marca Trimble M3 DR 2) y nivel topográfico (marca Wild Heerbrugg Switzerland) cuya precisión es de 2 segundos con una tolerancia de 1 mm, han sido utilizados para el replanteo y montaje de las estructuras del modelo físico, así como para la verificación posterior de ejes, puntos, vértices, niveles y pendientes mediante los procedimientos de levantamiento topográfico y nivelación.

FIGURA 4.17: ESTACIÓN TOTAL MARCA TRIMBLE M3 DR 2 (A). NIVEL TOPOGRÁFICO MARCA WILD HEERBRUGG SWITZERLAND (B)





ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

4.2.5 PROBETA

Las mediciones de volumen para las diferentes pruebas de aforo volumétrico, se realiza con la ayuda de recipientes plásticos graduados. Estas probetas tienen un litro de capacidad y

su precisión es de 1 mililitro.

FIGURA 4.18: PROBETA DE PLÁSTICO



4.2.6 EQUIPO DE FOTOGRAFÍA Y VIDEO

A fin de registrar en forma gráfica y visual las pruebas y la toma de resultados se tienen los siguientes equipos:

- 1) Cámara Fotográfica de 12 Megapixels con filmación HD Fujifilm.
- 2) Cámara de video JVC Optical zoom 40X.
- 3) Cámara Go Pro Gran angular de alta resolución sumergible.
- 4) Trípode metálico iMac 22 Retina Display para procesamiento audiovisual.

4.3 CALIBRACIÓN DEL MODELO FÍSICO

Se realiza en base a la comprobación de que se cumplen la similitud geométrica y la similitud dinámica.

4.3.1 COMPROBACIÓN DE LA SIMILITUD GEOMÉTRICA

Para su efecto, se realiza un levantamiento topográfico a detalle del modelo construido en el laboratorio del CIERHI, con ayuda de una estación total y un nivel topográfico; el resultado del mismo se muestra en el Anexo 2.

En las Tablas 4.8 y 4.9, se presentan las coordenadas y las cotas medidas en el modelo y sus correspondientes cotas en el prototipo.

COMPROBACIÓN DE COORDENADAS MODELO RÁPIDA ESCALONADA									
		ΤÚ	NEL D	e apro	OXIMAG	CIÓN			
	Coordenadas Coordenadas		Desviación		Diferencia				
Descripción	No	planos		model	D			(%)	
		Х	Y	Х	Y	Х	Y	Х	Y
Fie	1	124.17	183.86	124.15	183.81	0.02	0.04	<1%	<1 %
LJe	4	121.15	188.65	121.15	188.65	0.01	0.00	<1%	<1%
			TF	RANSIC	IÓN				
Fig	5	121.04	188.73	121.03	188.76	0.02	-0.02	<1%	<1%
∟је	6	120.66	189.03	120.63	189.06	0.03	-0.03	<1%	<1 %
		C	UENCC) AGUA	S ARR	IBA			
Fig	7	120.21	189.38	120.22	189.39	-0.01	-0.01	<1%	<1%
LJe	8	119.92	189.6	119.84	189.73	0.09	-0.13	<1%	<1%
			RÁPIDA	A ESCA	LONAE	A			
Derecha	12	115.99	192.98	116.02	192.97	-0.03	0.01	<1%	<1%
	9	119.46	189.96	119.45	189.96	0.01	0.01	<1%	<1%
Eje	11	115.84	192.78	115.84	192.78	0.00	0.00	<1%	<1%
Izquierda	13	115.68	192.57	115.71	192.56	-0.03	0.01	<1%	<1%
		C	UENCO) agua	AS ABA	10			
Derecha	15	114.73	193.97	114.74	193.97	-0.01	-0.01	<1%	<1%
Eje	17	114.57	193.76	114.58	193.76	-0.01	0.00	<1%	<1%
Izquierda	19	114.41	193.55	114.41	193.55	0.00	0.00	<1%	<1 %
			CANAL	DE CC	NEXIÓ	N			
Derecha	20	114.65	194.03	114.67	194.04	-0.02	-0.01	<1%	<1 %
Eje	22	112.56	195.32	112.58	195.33	-0.01	-0.01	<1%	<1%
Izquierda	23	114.33	193.62	114.35	193.61	-0.02	0.00	<1 %	<1 %
			CANA	AL DE /	AFORO				
Derecha	24	112.33	198.26	112.35	198.26	-0.02	0.00	<1 %	<1%
Eje	26	111.64	198.27	111.66	198.27	-0.01	0.00	<1%	<1 %
Izquierda	27	110.19	194.86	110.2	194.86	-0.01	0.01	<1 %	<1 %

TABLA 4.8: COMPARACIÓN ENTRE LAS COORDENADAS DEL MODELO CONSTRUIDO Y LASDEL PROTOTIPO

ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

COMPROBACIÓN DE COTAS MODELO RÁPIDA ESCALONADA						
Deserinción	Dunto	Niv	eles	Desviación	Diferencia (%)	
Descripcion	Punto	Z	Z	Z	Z (%)	
	1	5.86	5.86	0	<1 %	
Túnel	2	5.846	5.845	0.002	<1 %	
	3	5.817	5.816	0.001	<1 %	
Cuenco aguas arriba	5	5.788	5.787	0.001	<1 %	
Rápida	9	5.755	5.753	0.002	<1 %	
escalonada	11	1.288	1.286	0.002	<1 %	
Cuenco aguas abajo	17	1.142	1.141	0.001	<1 %	
Canal de conexión	22	1.228	1.227	0.001	<1 %	

TABLA 4.9: COMPARACIÓN ENTRE LAS COTAS DEL MODELO CONSTRUIDO Y LAS DEL PRO-TOTIPO

ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

Los respectivos cuadros comparativos que se reportan en este numeral, permiten concluir que las desviaciones en coordenadas x,y de la implantación y en cotas de la nivelación del modelo físico, corresponden a diferencias aceptables en el orden del 1 % o menores. De este modo, el modelo de la Rápida Escalonada construido en el Laboratorio del CIERHI cumple con la similitud geométrica.

4.3.2 COMPROBACIÓN DE LAS CONDICIONES DE FLUJO PARA LA SIMI-LITUD RESTRINGIDA

Como se mencionó en la sección 3.5.2, con el propósito de obtener resultados experimentales válidos en el modelo de la rápida escalonada, es necesario verificar el cumplimiento de la similitud restringida según el criterio de Froude ($Fr_P = Fr_m$). Se debe entonces comprobar que los efectos de las fuerzas viscosas y de tensión superficial sean despreciables respecto de las fuerzas de gravedad y de inercia, así como ocurre en el fenómeno considerado en el prototipo.

El requerimiento para que el efecto de la viscosidad sea despreciable en el modelo consiste en mantener un flujo con turbulencia totalmente desarrollada; es decir, se debe mantener $Re > 2 \times 10^4$. Para minimizar el efecto de la tensión superficial en el modelo, adicionalmente, la profundidad de agua medida debe ser siempre mayor a 2 cm.

En el siguiente cuadro se presentan los valores del parámetro adimensional Froude obtenido para el flujo de aproximación, en cada una de las diferentes pruebas. Los cálculos respectivos se presentan en el Anexo 4.

NÚMEROS DE FROUDE (Fr)						
PRUEBAQ (m^3 /s)Fr _P Fr _m Desviación (%)						
P-1	44.9	2.00	2.02	0.90 %		
P-2	20.8	2.09	2.07	-1.14 %		
P-3	8.9	2.05	1.97	-4.10 %		

TABLA 4.10: COMPARACIÓN Y DESVIACIÓN PORCENTUAL ENTRE LOS NÚMEROS DE FROUDE (Fr) EN PROTOTIPO Y EN MODELO

ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

Como se observa en la tabla 4.10, los valores del Número de Froude (Fr) están cercanos a 2, tanto en el modelo como en el correspondiente prototipo, por lo que se trata de un flujo supercrítico estable.

El cálculo del Número de Reynolds (Re) se obtiene considerando como longitud característica 4 veces el radio hidráulico (L =4 Rh). A continuación se presentan los valores del Número de Reynolds y el factor de fricción para el flujo de aproximación en cada una de las diferentes pruebas. Los cálculos respectivos se presentan en el Anexo 4.

TABLA 4.11: COMPARACIÓN ENTRE LOS NÚMEROS DE REYNOLDS (Re) MEDIDOS EN PROTO-TIPO Y EN MODELO

NÚMEROS DE REYNOLDS (Re)						
PRUEBA	BA Q (m ³ /s) Re _P Re _m					
P-1	44.91	2.62E+07	2.93E+05			
P-2	20.76	1.43E+07	1.60E+05			
P-3	8.98	7.35E+06	8.14E+04			

ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

De la tabla 4.11 se concluye, que para cada una de las pruebas, los valores de Reynolds

superan la condición de 2×10^4 lo que indica que en todos los casos el comportamiento del flujo en el modelo se desarrolla en el rango turbulento. Por consiguiente, los efectos de viscosidad son despreciables respecto a aquellos de la inercia y de la gravedad.

En la evaluación del coeficiente de resistencia al movimiento λ para la ecuación de Darcy-Weisbach, que como se indicó en el capítulo 3 deberá ser igual o muy semejante entre modelo y prototipo, para garantizar la representación apropiada del efecto viscoso respecto de las pérdidas de energía, se obtienen los valores indicados en la tabla 4.12, en el cual se observa que en el rango de los caudales a ser ensayados en los dos modelos, las desviaciones entre los coeficientes de fricción son menores al 10%; con excepción de flujo con los caudales bajos, inferiores o iguales a 8 m^3/s , donde cada modelo evidentemente sobrevalora en un 12% el efecto de la viscosidad respecto de la pérdida continua de energía.

Q (m ³ /s)	Prototi	po ($\varepsilon_P=1$ mm)	Modelo	Desv. (%)	
	$\varepsilon/4Rh$	0.00017	$\varepsilon/4Rh$	liso	
150	Re	5.56E+07	Re	6.28E+05	
	λ	0.013	λ	0.012	9.7 %
	$\varepsilon/4Rh$	0.00022	$\varepsilon/4Rh$	liso	
75	Re	3.73E+07	Re	4.19E+05	
	λ	0.014	λ	0.013	7.0 %
	$\varepsilon/4Rh$	0.00027	$\varepsilon/4Rh$	liso	
44.91	Re	2.62E+07	Re	2.93E+05	
	λ	0.015	λ	0.014	4.4%
	$\varepsilon/4Rh$	0.00059	$\varepsilon/4Rh$	liso	
8.98	Re	7.35E+06	Re	8.16E+04	
	λ	0.017	λ	0.019	-11.8 %

TABLA 4.12: COMPARACIÓN ENTRE LOS FACTORES DE FRICCIÓN (λ) DE PROTOTIPO Y MODELO DE LA RÁPIDA ESCALONADA

ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

El Número de Weber se obtiene tomando en cuenta a la profundidad de flujo como longitud característica. De igual modo, la escala del modelo fue seleccionada considerando que la profundidad de agua medida en modelo debe ser siempre mayor a 2 cm.

A continuación se indican los valores para el flujo de aproximación en cada una de las diferentes pruebas. Los cálculos respectivos se presentan en el Anexo 4.

NÚMEROS DE WEBER (We)				
PRUEBA	Q (m ³ /s)	\mathbf{We}_p	$\mathbf{W}\mathbf{e}_m$	
P-1	44.91	3068	154	
P-2	20.76	1928	96	
P-3	8.98	1157	57	

TABLA 4.13: COMPARACIÓN ENTRE LOS VALORES DE LOS NÚMEROS ADIMENSIONALES DE WEBER (We) EN PROTOTIPO Y EN MODELO

ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

De la tabla 4.13 se concluye que el número de Weber en modelo es siempre mucho menor que el correspondiente en prototipo; sin embargo los valores obtenidos, aun para el caudal inferior en el rango seleccionado para la fase de validación del modelo, es mayor al valor del número de Weber crítico definido igual a 50, que corresponde al valor del número adimensional de Weber evaluado para una profundidad de agua igual a 2 cm en el modelo. No obstante, el Weber igual a 57 (para el caudal mínimo ensayado en las pruebas de validación) se aproxima al valor crítico existiendo así una incidencia ligera de la tensión superficial (Anexo 4). En este caso, se agregará una pequeña cantidad de jabón líquido para reducir la tensión superficial del agua en la operación del modelo, cuando se realicen las pruebas con estos caudales mínimos.

4.4 CALIBRACIÓN DE VERTEDEROS TRIANGULARES

Se han determinado experimentalmente los valores del coeficiente de descarga (α) y del exponente (β) para la carga (h) que intervienen en la expresión general del caudal de vertido (Q) a través de un vertedero triangular de pared delgada, con ángulo central de 90°.

La función que se busca tiene la siguiente forma:

$$Q = \alpha * h^{\beta} \tag{4.1}$$

Para el presente tipo de vertedero triangular viene expresada de la forma:¹

$$Q = Cd * h^{5/2} \tag{4.2}$$

$$Cd = \frac{8}{15} * \sqrt{2g} * \mu$$
 (4.3)

Donde:

- Q: Caudal. $[m^3/s]$
- *Cd*: Coeficiente de descarga.
- g: Aceleración de la gravedad. $[m/s^2]$

 μ : Factor que considera el efecto de contracción de la lámina vertiente sobre el vertedero.

h: Carga sobre la cresta del vertedero. [*m*]

En la literatura técnica se reportan varias expresiones experimentales para determinar el coeficiente de gasto adimensional o dimensional, μ o Cd respectivamente, aplicables a la ecuación anteriormente mencionada. Tomando en consideración la gama de caudales requerida para la operación de los modelos en la investigación, se utilizan dos ecuaciones: la propuesta por Hegly (1921) y la propuesta por la Universidad Católica de Chile² para validar la curva de descarga obtenida experimentalmente en el laboratorio. A continuación se presentan las ecuaciones y los límites de aplicación de cada una de las dos ecuaciones citadas.

• Hegly:

$$\mu = [0,5812 + \frac{0,00375}{h}] * \{1 + [\frac{h^2}{B + (h + w)}]^2\}$$
(4.4)

 ¹Sotelo, G. (1997). "Hidráulica General". México. Editorial Limusa.
 ²Sotelo, G. (1997). "Hidráulica General". México. Editorial Limusa.

TABLA 4.14: LÍMITES DE APLICACIÓN DE HEGLY

θ (°)=	90	
h(m) =	0.10 - 0.50	
w (m) =	pequeño	

ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

Donde:

 μ : Factor que considera el efecto de contracción de la lámina vertiente sobre el vertedero.

- h: Carga sobre la cresta del vertedero. [m]
- B: Ancho del vertedero. [m]
- w: Altura de la cresta del vertedero. [m]
- θ : Ángulo del vertedero. [°]
- Universidad Católica de Chile

$$Cd = \frac{8}{15} * \sqrt{2g} tan(\theta/2)\mu K \tag{4.5}$$

TABLA 4.15: LÍMITES DE APLICACIÓN DE LA UNIVERSIDAD CATÓLICA DE CHILE

θ (°)=	15-120	
w (m) =	No tiene influencia en e	
	coeficiente de gasto	

ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

Donde:

Cd: Coeficiente de descarga.

- g: Aceleración de la gravedad. $[m/s^2]$
- θ : Ángulo del vertedero. [°]

 μ : Factor que considera el efecto de contracción de la lámina vertiente sobre el vertedero.

K: Valor adimensional para vertederos triangulares.

w: Altura de la cresta del vertedero. [m]

FIGURA 4.19: COEFICIENTE DE GASTO μ DE VERTEDEROS TRIANGULARES EN LA FÓRMULA DE LA UNIVERSIDAD CATÓLICA DE CHILE



FUENTE: Sotelo, G. (1997). "Hidráulica General". México. Editorial Limusa

FIGURA 4.20: VALORES DE K EN LA FÓRMULA DE LA UNIVERSIDAD CATÓLICA DE CHILE PARA VERTEDEROS TRIANGULARES



FUENTE: Sotelo, G. (1997). "Hidráulica General". México. Editorial Limusa

Los cálculos obtenidos con estas ecuaciones teóricas se presentan en el Anexo 4

FIGURA 4.21: CURVA DE DESCARGA EXPERIMENTAL Y GRÁFICOS DE LAS ECUACIONES DE TENDENCIA OBTENIDAS CON LAS ECUACIONES DE HEGLY Y DE LA UNIVERSIDAD CATÓLICA DE CHILE PARA VERTEDEROS TRIANGULARES



ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

La determinación experimental de la curva de descarga para los vertederos triangulares de aforo se realiza midiendo simultáneamente el caudal Q descargado libremente y la carga h correspondiente, en una sección transversal suficientemente alejada de la sección de implantación de la estructura, de tal manera que no exista influencia de curvatura de la superficie libre que resulta de la aceleración del flujo provocada por el vertedero. El valor medido de la carga se obtiene mediante la diferencia entre la altura de la superficie libre del agua en la sección de aforo y la altura de la cresta del vertedero (h). El caudal se lo obtiene a través de aforos volumétricos. Este procedimiento se repite por 3 ocasiones para cada uno de los 5 caudales ensayados. El registro de los datos obtenidos en el laboratorio se señala en el Anexo 4.

El aforo volumétrico se realiza recogiendo el caudal descargado por el vertedero en un depósito plástico de volumen conocido y tomando simultáneamente el tiempo que demora en llenarse. El volumen (V) descargado en los ensayos de pequeño caudal, se determina en forma precisa con la ayuda de la probeta graduada de 1 litro; mientras que el tiempo (t) se mide con un cronómetro. El caudal se obtiene al dividir el volumen de agua por el tiempo (Q = V/t).



FIGURA 4.22: AFORO VOLUMÉTRICO PARA EL VERTEDERO TRIANGULAR

ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

No	h _{promedio} (cm)	Q _{promedio} (I/s)		
1	7.69	2.60		
2	11.46	6.65		
3	15.38	14.73		
4	18.51	20.36		
5	21.01	31.27		

TABLA 4.16: DATOS OBTENIDOS DEL AFORO VOLUMÉTRICO DEL VERTEDERO TRIANGULAR

ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

FIGURA 4.23: CURVA DE DESCARGA EXPERIMENTAL Y ECUACIÓN DE TENDENCIA OBTENI-DA DEL AFORO VOLUMÉTRICO PARA LOS VERTEDEROS TRIANGULARES INSTALADOS PARA AFORAR LAS DESCARGAS DEL MODELO CONSTRUIDO



ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

FIGURA 4.24: COMPARACIÓN GRÁFICA ENTRE LAS CURVAS DE DESCARGA DE LA LITERATURA TÉCNICA Y LA EXPERIMENTAL PARA LOS VERTEDEROS TRIANGULARES DE PARED DELGADA Y ÁNGULO CENTRAL $\theta = 90^{\circ}$



ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

En la figura 4.24 se observa que los valores experimentales obtenidos tienen un buen ajuste con los valores calculados con las ecuaciones de Hégly y de la Universidad Católica de Chile. La ecuación de ajuste a los valores experimentales corresponde a $Q = 0.0176h^{2.4434}$ con un coeficiente $R^2 = 0.9971$.

En adelante, se utilizará esta ecuación para la determinación de los valores de caudal (Q) en función de los valores medidos de la carga (h) sobre el vertedero triangular de pared delgada con ángulo central $\theta = 90^{\circ}$. En el Cuadro 4.17 se muestra la variación porcentual entre los caudales evaluados con la ecuación experimental y aquellos que se obtienen con las relaciones de la literatura técnica.

			Aforo	Respecto	Respecto
h(cm) Hegly		U.Chile	volumétri-	a Hegly	a U.Chile
			со		
	Qteórico	Qteórico	Qexperimental	Desviación	Desviación
	(I/s)	(I/s)	(I/s)	(%)	(%)
5	-	0.79	0.90	-	13.36%
10	4.62	4.42	4.89	5.69%	10.47%
15	12.49	12.31	13.16	5.39%	6.91%
20	25.39	25.86	26.57	4.67 %	2.75 %
23.43	37.57	38.74	39.12	4.11%	0.96 %

TABLA 4.17: DATOS OBTENIDOS DEL AFORO VOLUMÉTRICO DEL VERTEDERO TRIANGULAR

ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

Como se observa en el cuadro anterior, existe una desviación menor al 6% cuando se comparan los valores de la curva experimental con aquellos obtenidos con la ecuación de Hégly. Es evidente que la ecuación de la Universidad Católica de Chile tiene un ajuste con menor aproximación, justamente en las cargas pequeñas sobre el vertedero, dado que no considera la incidencia importante del valor de altura de paramento w (ubicación del vértice del vertedero triangular respecto del fondo del canal) sobre el patrón de flujo para cargas pequeñas. Se concluye que la curva experimental obtenida es por consiguiente, adecuada para la determinación de los caudales en función de las cargas medidas sobre los vertederos triangulares de pared delgada con ángulo central $\theta = 90^{\circ}$ utilizados como aforadores en el modelo de la rápida escalonada.

CAPÍTULO 5

ANÁLISIS EXPERIMENTAL DEL DISEÑO ORIGINAL

5.1 PLAN DE PRUEBAS CORRESPONDIENTE AL ANÁLISIS EXPERIMEN-TAL DEL DISEÑO ORIGINAL

El modelo físico de la Rápida Escalonada con el diseño original es analizado conforme al plan de pruebas propuesto en el Cuadro 5.1. Se considera un apropiado rango de caudales correspondiente a valores bajos (los más frecuentes como caudales de operación de la estructura), caudales intermedios y caudales altos respecto del caudal de diseño de las obras en prototipo.

	Qp Qm	FASE DE			
PRUEDA	(m ³ /s)	(I/s)	INVESTIGACIÓN	UDSERVACIONES	
D 1	10	5.59	Análisis experimental	Caudal bajo (caudales más	
P-1	10		diseño original	frecuentes)	
DЭ	40 22.36	D 0 40	22.26	Análisis experimental	Caudales intermedios
P-2		22.30	diseño original	(≈30 % del caudal de diseño	
				de la estructura)	
	60	22.54	Análisis experimental	Caudales intermedios	
F-3	00	55.54	diseño original	(≈40 % del caudal de diseño	
				de la estructura)	
	P-4 80 ·	44.72	Análisis experimental	Caudal intermedio (50% del	
P-4				caudal de diseño de la	
			diseno original	estructura)	
P-5	100	55.90	Análisis experimental	Caudal alto (70% del caudal	
			diseño original	de diseño de la estructura)	
D.6	P-6 150 83.8			Análisis experimental	Caudal alto (caudal de
r-0		83.85	diseño original	diseño de la estructura)	

TABLA 5.1: PLAN DE PRUEBAS CORRESPONDIENTE AL ANÁLISIS EXPERIMENTAL DEL DISEÑOORIGINAL

ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

5.2 ANÁLISIS EXPERIMENTAL DEL COMPORTAMIENTO DEL FLUJO

En las siguientes imágenes se observan las principales características del comportamiento del flujo para cada una de las pruebas descritas anteriormente.

i) PRUEBA P-1 Q_T (Prototipo) =8.09 (m³/s); Q_T (Modelo) =4.52 (l/s)

FIGURA 5.1: PRUEBA 1. VISTA LATERAL DERECHA EN EL TRAMO CURVO (A) E INTERNA DESDE AGUAS ARRIBA EN EL TRAMO FINAL (B) DEL TÚNEL BAÚL. $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 8.09 \text{ m}^3/\text{s}$



ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

FIGURA 5.2: PRUEBA 1. VISTA LATERAL DERECHA (A) Y LATERAL IZQUIERDA (B) DEL CUENCO DISIPADOR 1 Y DE INICIO DE RÁPIDA ESCALONADA. $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 8.09 \text{ m}^3/\text{s}$



ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

FIGURA 5.3: PRUEBA 1. VISTA FRONTAL (A), LATERAL IZQUIERDA (B) Y POSTERIOR (C) DE RÁPIDA ESCALONADA. $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 8.09 \text{ m}^3/\text{s}$



ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

FIGURA 5.4: PRUEBA 1. VISTA LATERAL DERECHA (A) Y LATERAL IZQUIERDA (B) DE CUENCO DISIPADOR 2 Y DE INICIO DE CANAL DE CONEXIÓN 2. $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 8.09 \text{ m}^3/\text{s}$



ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

Observaciones:

- Presencia de pequeñas ondas cruzadas y sobreelevación de la superficie del agua en la pared externa del túnel baúl por efecto de la curvatura en el trazado en planta.
- Impacto frontal del flujo con el tabique bifurcador ubicado en el inicio de la transición, que provoca formación de ondas y alteración en el flujo.

- Formación de resalto sumergido en el disipador 1, tanto en la celda izquierda como en la derecha.
- Aguas abajo del tramo inicial de la rápida escalonada que presenta un desarrollo con perfil parabólico, el flujo impacta en el 1er escalón y salta hasta llegar a impactar nuevamente desde el quinto escalón hasta el noveno.
- Flujo intermitente a lo largo de la rápida escalonada en las dos celdas. Presencia de cavidades de aire de diversos tamaños en el flujo, que llena parcialmente los espacios bajo el pseudo-fondo. No se observa la formación de flujo rasante. (Figura 5.3)
- Formación de resalto sumergido en el disipador 2, tanto en la celda izquierda como en la derecha.
- Ondas superficiales relativamente importantes y flujo con fluctuaciones hacia aguas abajo del resalto hidráulico formado en el cuenco disipador 2.

ii) PRUEBA P-2 Q_T (Prototipo) =46.51(m³/s); Q_T (Modelo) =26.05 (l/s)

FIGURA 5.5: PRUEBA 2. VISTA INTERNA DESDE AGUAS ABAJO LUEGO DE TRAMO CURVO DE TÚNEL BAÚL (A). VISTA SUPERIOR DE TRANSICIÓN (B). $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 46.51 \text{ m}^3/\text{s}$





ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

FIGURA 5.6: PRUEBA 2. VISTA LATERAL DERECHA (A) E IZQUIERDA (B) DE CUENCO DISIPADOR 1. $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 46.51 \text{ m}^3/\text{s}$



ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

FIGURA 5.7: PRUEBA 2. VISTA FRONTAL (A) Y LATERAL DERECHA (B) DE RÁPIDA ESCALONA-DA. $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 46.51 \text{ m}^3/\text{s}$



ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

FIGURA 5.8: PRUEBA 2. VISTA LATERAL DERECHA (A) E IZQUIERDA (B) DE CUENCO DISIPADOR 2 Y DE INICIO DE CANAL DE CONEXIÓN 2. $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 46.51 \text{ m}^3/\text{s}$



ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

Observaciones:

- Presencia de pequeñas ondas cruzadas y sobreelevación de la superficie del agua en la pared externa del túnel baúl por efecto de la curvatura.
- Impacto frontal del flujo con el tabique bifurcador ubicado en el inicio de la transición, que provoca formación de ondas y alteración del flujo en la transición.
- Formación de resalto sumergido en el disipador 1, tanto en la celda izquierda como en la derecha.
- Aguas abajo del perfil parabólico de la rápida escalonada, se observa el inicio de ingreso de aire en el tercer escalón. Se observa la formación de flujo rasante estable a lo largo de la rápida escalonada en las dos celdas.
- Formación de resalto sumergido solamente en la celda izquierda del cuenco disipador 2, aguas abajo del mismo se aprecian ondas superficiales y fluctuación en el flujo de salida.
- Se rechaza el resalto en la celda derecha del cuenco disipador 2. El flujo con alta velocidad impacta en la tapa superior del canal de salida, produciendo un comportamiento de flujo inaceptable hacia aguas abajo.

iii) PRUEBA P-3 Q_T (Prototipo) =56.55 (m³/s); Q_T (Modelo) =31.61 (l/s)

FIGURA 5.9: PRUEBA 3. VISTA LATERAL DERECHA AGUAS ARRIBA (A) Y AGUAS ABAJO (B) DEL TRAMO CURVO DEL TÚNEL BAÚL. $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 56.55 \text{ m}^3/\text{s}$



ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

FIGURA 5.10: PRUEBA 3. VISTA LATERAL IZQUIERDA (A) Y DERECHA (B) DEL CUENCO DISIPADOR 1. $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 56.55 \text{ m}^3/\text{s}$



ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

FIGURA 5.11: PRUEBA 3. VISTA SUPERIOR DESDE AGUAS ARRIBA (A) Y VISTA LATERAL IZ-QUIERDA DEL TRAMO FINAL (B) DE RÁPIDA ESCALONADA. $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 56.55 \text{ m}^3/\text{s}$



ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

FIGURA 5.12: PRUEBA 3. VISTA LATERAL DERECHA (A) E IZQUIERDA (B) DE CUENCO DISIPADOR 2 Y DE INICIO DEL CANAL DE CONEXIÓN 2. $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 56.55 \text{ m}^3/\text{s}$



ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

Observaciones:

- Presencia de ondas cruzadas y sobreelevación de la superficie del agua en la pared externa del túnel baúl por efecto de la curvatura.
- Impacto frontal del flujo con el tabique bifurcador ubicado en el inicio de la transición, que provoca formación de ondas y alteración en el flujo.

- Formación de resalto sumergido en el disipador 1, tanto en la celda izquierda como en la derecha.
- Aguas abajo del perfil parabólico de la rápida escalonada, se observa el inicio de ingreso de aire en el tercer escalón para la celda izquierda y cuarto escalón para la derecha. Se observa la formación de flujo rasante estable a lo largo de la rápida escalonada en las dos celdas.
- Se observa un resalto hidráulico al límite del rechazo en la celda izquierda del disipador 2, hacia aguas abajo se aprecia la formación de ondas superficiales y una fuerte fluctuación del flujo que continúa por el canal de salida.
- Se rechaza el resalto en la celda derecha del disipador 2. El flujo con alta velocidad impacta en la tapa superior del canal de salida, produciendo un comportamiento de flujo inaceptable hacia aguas abajo.

iv) PRUEBA P-4 Q_T (Prototipo) =80.19 (m³/s); Q_T (Modelo) =44.83 (l/s)

FIGURA 5.13: PRUEBA 4. VISTA LATERAL IZQUIERDA ANTES (A) Y LUEGO (B) DEL TRAMO CURVO DEL TÚNEL BAÚL. $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 80.19 \text{ m}^3/\text{s}$



ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

FIGURA 5.14: PRUEBA 4. VISTA LATERAL IZQUIERDA (A) Y DERECHA (B) DEL CUENCO DISIPADOR 1. $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 80.19 \text{ m}^3/\text{s}$



ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

FIGURA 5.15: PRUEBA 4. VISTA LATERAL DERECHA (A) E IZQUIERDA (B) DE RÁPIDA ESCALONADA. $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 80.19 \text{ m}^3/\text{s}$



ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

FIGURA 5.16: PRUEBA 4. VISTA LATERAL DERECHA (A) E IZQUIERDA (B) DEL CUENCO DISI-PADOR 2 Y DE INICIO DE CANAL DE CONEXIÓN 2. $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 80.19 \text{ m}^3/\text{s}$



ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

Observaciones:

- Presencia de ondas cruzadas y sobreelevación de la superficie del agua en la pared externa del túnel baúl por efecto de la curvatura.
- Impacto frontal del flujo con el tabique bifurcador que provoca formación de ondas importantes y fuerte alteración en el flujo de ingreso hacia la transición.
- Formación de resalto sumergido en el disipador 1, tanto en la celda izquierda como en la derecha.
- Aguas abajo del perfil parabólico de la rápida escalonada, se observa el inicio de ingreso de aire en el cuarto escalón para la celda izquierda y quinto escalón para la derecha. Se observa la formación del flujo rasante estable a lo largo de la rápida escalonada en las dos celdas.
- Se rechaza el resalto en las dos celdas del disipador 2. El flujo de alta velocidad sale del cuenco disipador 2 deflectado por el chaflán e impacta en la tapa superior del canal de salida. Luego del choque se produce una fuerte fluctuación aguas abajo.

v) PRUEBA P-5 Q_T (Prototipo) =101.78 (m³/s); Q_T (Modelo) =56.90 (l/s)

FIGURA 5.17: PRUEBA 5. VISTA LATERAL IZQUIERDA DEL TRAMO FINAL DEL TÚNEL BAÚL (A). VISTA SUPERIOR DE TRANSICIÓN (B). $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 101.78 \text{ m}^3/\text{s}$



ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

FIGURA 5.18: PRUEBA 5. VISTA LATERAL DERECHA (A) E IZQUIERDA (B) DEL CUENCO DISIPADOR 1. $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 101.78 \text{ m}^3/\text{s}$



ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

FIGURA 5.19: PRUEBA 5. VISTA FRONTAL (A) Y LATERAL DERECHA (B) DE RÁPIDA ESCALONADA. $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 101.78 \text{ m}^3/\text{s}$



ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

FIGURA 5.20: PRUEBA 5. VISTA LATERAL DERECHA (A) Y LATERAL IZQUIERDA (B) DEL CUEN-CO DISIPADOR 2 Y DE INICIO DE CANAL DE CONEXIÓN 2. $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 101.78 \text{ m}^3/\text{s}$



ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

Observaciones:

- Presencia de ondas cruzadas y sobreelevación de la superficie del agua en la pared externa del túnel baúl por efecto de la curvatura.
- Impacto frontal del flujo con el tabique bifurcador que provoca formación de ondas y alteración en el flujo que ingresa a la transición.
- Formación de resalto en la celda izquierda del disipador 1. Se observa un flujo de aproximación con alta energía cinética y fuertes ondulaciones en la superficie libre que se dirige a la rápida escalonada.
- Formación de resalto en la celda derecha del disipador 1. Se observa un flujo de aproximación con alta energía cinética y fuertes ondulaciones en la superficie libre que se dirige a la rápida escalonada.
- Aguas abajo del perfil parabólico de la rápida escalonada, se observa el inicio de ingreso de aire en el octavo escalón para la celda izquierda y del décimo escalón para la celda derecha. Se observa la formación de flujo rasante estable a lo largo de las dos celdas de la rápida escalonada.
- Se rechaza el resalto en las dos celdas del disipador 2. El flujo de alta velocidad impacta en la tapa del canal produciendo un comportamiento hidráulico inaceptable. Luego del choque se genera una fuerte fluctuación aguas abajo.

vi) PRUEBA P-6 Q_T (Prototipo) =149.07 (m³/s); Q_T (Modelo) =83.33 (l/s)

FIGURA 5.21: PRUEBA 6. VISTA LATERAL DERECHA DE TÚNEL BAÚL (B). TRANSICIÓN VISTA DESDE AGUAS ARRIBA (A). $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 149.07 \text{ m}^3/\text{s}$

A



ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

FIGURA 5.22: PRUEBA 6. VISTA LATERAL DERECHA (A) E IZQUIERDA (B) DEL CUENCO DISIPADOR 1. $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 149.07 \text{ m}^3/\text{s}$



ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

FIGURA 5.23: PRUEBA 6. VISTA FRONTAL (A) Y LATERAL IZQUIERDA (B) DE RÁPIDA ESCALONADA. $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 149.07 \text{ m}^3/\text{s}$



ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

FIGURA 5.24: PRUEBA 6. VISTA LATERAL DERECHA (A) E IZQUIERDA (B) DEL CUENCO DISI-PADOR 2 Y DE CANAL DE CONEXIÓN 2. $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 149.07 \text{ m}^3/\text{s}$



ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

Observaciones:

- Presencia de ondas cruzadas y sobreelevación de la superficie del agua en la pared externa del túnel baúl por efecto de la curvatura.
- Impacto frontal del flujo con el tabique bifurcador que provoca formación de ondas y fuerte alteración en el flujo que ingresa hacia la transición.
- Se rechaza el resalto en las dos celdas del disipador 1.
- El flujo de entrada a la rápida escalonada tiene un comportamiento desordenado.
 Se observa la presencia de flujo rasante a lo largo de la rápida escalonada en las dos celdas, lográndose estabilizar en el tercio inferior de esta estructura.
- Se rechaza el resalto en las dos celdas del disipador 2. El flujo de alta velocidad impacta en la tapa del canal produciendo un comportamiento hidráulico inaceptable. Luego del choque se genera una fuerte fluctuación aguas abajo.

5.3 ANÁLISIS EXPERIMENTAL DE LA ESTRUCTURA DE INGRESO A LA RÁPIDA ESCALONADA

5.3.1 DERIVACIÓN DE CAUDALES POR CELDA

En el siguiente Cuadro 5.2, se indica el caudal total ensayado en las diferentes pruebas y el caudal conducido en cada una de las dos celdas existentes a partir de la transición; se presenta también el porcentaje correspondiente.

	CAUDA	L TOTAL		С	AUDAL DERIVADOS				
	PROT.	MOD.	CELD	CELDA IZQUIERDA			A DER	ECHA	
P-INO.	Qp	Qm	Qp	Qm	%	Qp	Qm	%	
	(m³/s)	(I/s)	(m ³ /s)	(I/s)	DERIV.	(m ³ /s)	(I/s)	DERIV.	
1	8.09	4.52	3.73	2.09	46.16 %	4.36	2.44	53.86 %	
2	46.61	26.05	21.27	11.89	45.63 %	25.35	14.17	54.39%	
3	56.55	31.61	25.82	14.44	45.66 %	30.73	17.18	54.34 %	
4	80.19	44.83	37.55	20.99	46.83 %	42.64	23.84	53.17 %	
5	101.78	56.90	46.85	26.19	46.03 %	54.94	30.71	53.98 %	
6	149.07	83.33	72.41	40.48	48.58%	76.66	42.85	51.42 %	

TABLA 5.2: CAUDALES TOTALES DE APROXIMACIÓN, CAUDALES DISTRIBUIDOS POR CADACELDA Y PORCENTAJES CORRESPONDIENTES PARA CADA UNA DE LAS PRUEBAS

ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

FIGURA 5.25: CAUDAL DISTRIBUIDO POR CELDA VS EL CAUDAL TOTAL



ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales



FIGURA 5.26: PORCENTAJE DE CAUDAL DISTRIBUIDO POR CELDA VS EL CAUDAL TOTAL

ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

Según el Cuadro 5.2 y Figuras 5.25 y 5.26, se demuestra que existe una mayor derivación de caudal hacia la celda derecha para todo el rango de caudales ensayados, con un porcentaje del 51 % al 54 % del caudal total. Se observa que a medida que se va incrementando el caudal, el porcentaje de derivación disminuye relativamente en esta celda; contrario a lo que sucede en la celda izquierda.

Estos resultados registrados experimentalmente en cuanto a la distribución de caudales en cada celda, manifiestan que no existe una completa uniformización del flujo en el túnel de sección baúl, debido esencialmente a la presencia de las ondas cruzadas y al efecto de la curvatura. Como se muestra en la siguiente figura:

FIGURA 5.27: PRUEBA 2. VISTA SUPERIOR FINAL TÚNEL BAÚL – INICIO DIVISIÓN DE LA CONDUCCIÓN EN DOS CELDAS. $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 46.51 \text{ m}^3/\text{s}$



ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

Se aprecia en la figura que existe una coloración más fuerte del permanganato de potasio en el flujo que ingresa hacia la celda derecha, lo cual indica que hay un mayor volumen de agua que se dirige a esta celda por efecto de la curvatura del túnel. Cabe hacer mención que el colorante fue colocado en el eje central del túnel aguas arriba del tramo curvo.

5.4 ANÁLISIS EXPERIMENTAL DE LA RÁPIDA ESCALONADA

5.4.1 TIPOS DE FLUJO

Según las recomendaciones de (Simões, 2011), aplicadas al presente caso según las características de la rápida escalonada: ángulo de inclinación de 45° y relación h/l = 1; el límite para que se desarrolle el flujo rasante es h/y_c < 1.23, Esto corresponde a un caudal en prototipo igual a 11.72 m³/s por cada celda. A partir de este caudal; teóricamente, se deben presentar las condiciones de flujo rasante estable.

FIGURA 5.28: UBICACIÓN DE LA RELACIÓN h/y_C LÍMITE PARA QUE PRESENTE FLUJO RASANTE CON BASE EN LA CLASIFICACIÓN SEGÚN SIMÕES (2011)



ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

Mediante la investigación experimental, se determinó cualitativamente el caudal límite para que se produzcan las condiciones de Flujo Rasante Estable, obteniendo como resultado un caudal de 11.45 m³/s; muy cercano al valor determinado teóricamente (11.72 m³/s).

El caudal de 11.45 m³/s es el derivado hacia la celda derecha de un caudal total ensayado de 21.32 m³/s, mientras que por la celda izquierda se conduce un caudal menor 9.87 m³/s. Con este caudal el flujo se comporta de manera distinta, presenta cambios en sus propiedades de un escalón a otro: cavidades bajo el pseudo-fondo parcialmente llenas, presencia de burbujas de aire de diferentes tamaños debajo de la corriente principal del flujo y vórtices recirculantes en algunos escalones, que son características del estado de flujo transitorio.

TABLA 5.3: PRUEBA PARA LA DETERMINACIÓN EXPERIMENTAL DEL CAUDAL LÍMITE PARA QUE SE ESTABLEZCA FLUJO RASANTE ESTABLE

CAUDAL	TOTAL	CAUDAL EN RÁPIDA ESCALONADA				
PROTIPO	MODELO CELDA IZQUIERDA CELDA DERE		DERECHA			
Qp	Qm	Qp	Qm	Qp	Qm	
(m³/s)	(I/s)	(m ³ /s)	(I/s)	(m³/s)	(I/s)	
21.32	11.92	9.87	5.52	11.45	6.40	

ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

FIGURA 5.29: PRUEBA DETERMINACIÓN DE FLUJO RASANTE. (A) VISTA LATERAL DE UN ES-CALÓN DE CELDA IZQUIERDA RÁPIDA ESCALONADA, Q $_{PROTOTIPO} = 9.87 \text{ m}^3/\text{S}$. (B) VISTA LATERAL DE UN ESCALÓN CELDA DERECHA RÁPIDA ESCALONADA, Q $_{PROTOTIPO} = 11.45 \text{ m}^3/\text{s}$





ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

Los tipos de flujo que se distinguieron conforme al plan de pruebas del diseño original son los siguientes:

TIPOS DE FLUJO EN RÁPIDA ESCALONADA							
CELDA IZQUIERDA							
No. Prueba	Qp (m ³ /s)	Qm (m ³ /s)	Tipo de Flujo				
1	3.73	0.002	Flujo transitorio				
2	21.27	0.012	Flujo rasante				
3	25.82	0.014	Flujo rasante				
4	37.55	0.021	Flujo rasante				
5	46.85	0.026	Flujo rasante				
6	72.41	0.040	Flujo rasante				
	CELDA	DERECHA					
No. Prueba	Qp (m ³ /s)	Qm (m ³ /s)	Tipo de Flujo				
1	4.36	0.002	Flujo transitorio				
2	25.35	0.014	Flujo rasante				
3	30.73	0.017	Flujo rasante				
4	42.64	0.024	Flujo rasante				
5	54.94	0.031	Flujo rasante				
6	76.66	0.043	Flujo rasante				

TABLA 5.4: TIPOS DE FLUJO SOBRE LA RÁPIDA ESCALONADA CONFORME AL PLAN DE PRUE-BAS DE DISEÑO ORIGINAL

ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

5.4.2 DISIPACIÓN DE ENERGÍA Y FACTOR DE FRICCIÓN

Uno de los objetivos principales de la presente investigación es el análisis de la disipación de energía a través de la rápida escalonada en condiciones de flujo rasante estable, motivo por el cual se realiza el cálculo relacionando la energía máxima aguas arriba en la estructura de aproximación (sección 3) y la energía al final de la rápida (sección 5) mediante el Principio de Conservación de Energía.

FIGURA 5.30: ESQUEMA DE LAS SECCIONES INICIAL Y FINAL DEL VOLUMEN DE CONTROL UTILIZADO PARA LA DETERMINACIÓN DE LA EFICIENCIA DE DISIPACIÓN DE ENERGÍA EN LA RÁPIDA ESCALONADA



ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

TABLA 5.5: PORCENTAJES DE DISIPACIÓN DE ENERGÍA EN LA RÁPIDA ESCALONADA ENCONDICIONES DE FLUJO RASANTE ESTABLE

	CAUDA	L TOTAL	MOE	MODELO - Cargas y Disipación de Energía					
D No.	PROT.	MOD.	CELI	CELDA IZQUIERDA			CELDA DERECHA		
P-INO.	Qp	Qm	E ₃	E ₅	$\Delta \mathbf{E}/\mathbf{E}_3$	E ₃	\mathbf{E}_5	$\Delta \mathbf{E}/\mathbf{E}_3$	
	(m³/s)	(l/s)	(m)	(m)	%	(m)	(m)	%	
2	46.61	26.05	4.56	0.31	93.26 %	4.57	0.35	92.23 %	
3	56.55	31.61	4.58	0.33	92.79 %	4.59	0.42	90.84 %	
4	80.19	44.83	4.61	0.44	90.54 %	4.62	0.57	87.67 %	
5	101.78	56.90	4.63	0.51	89.08 %	4.66	0.55	88.19%	
6	149.07	83.33	4.84	0.53	89.05 %	4.78	0.72	84.98 %	

ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

Según el Cuadro 5.5, la rápida escalonada genera una disipación entre el 84 % y 93 % de la energía máxima del flujo de aproximación, considerando un rango entre caudales intermedios y altos. Se observa que a medida que se incrementa el caudal, la disipación de energía es relativamente menor.

Como se mencionó en el apartado 2.5.2, existen diversas ecuaciones para la determinación del factor de fricción fe en una rápida escalonada. En el presente análisis del modelo se toma en cuenta las recomendaciones de la literatura según Chanson (1993) conforme a la ecuación:

$$fe = \frac{8 * g * sen\theta * y_{caract}^2}{q^2} * \frac{D_H}{4}$$
(5.1)

fe: Factor de fricción flujo aire-agua.

g: Aceleración de la gravedad. $[m/s^2]$

 y_{caract} : Calado característico del flujo aire-agua. [m]

- θ : Ángulo de inclinación de la rápida. [°]
- q: Caudal unitario. $[m^3/s/m]$
- D_H : Diámetro hidráulico. [m]

La expresión anterior es válida para el caso de que se alcance el régimen rasante estable y uniforme al pie de la estructura, condición que ha sido constatada durante los ensayos realizados con caudales totales mayores a los 46 m^3/s .

TABLA 5.6 :	FACTOR DE F	RICCIÓN EN LA	ECUACIÓN	DE DARCY	-WEISBACH	EVALUADO	PARA
EL FLUJO RA	ASANTE SOBRE	E LA RÁPIDA ES	SCALONADA	MEDIDO E	N MODELO I	FÍSICO	

	CAUDA	L TOTAL	MODELO - Factor de fricción		
D No	PROT.	MOD.	C. IZQ.	C. DER.	
P-INO.	Qp	Qm	f	f	
2	46.61	26.05	0.19	0.18	
3	56.55	31.61	0.21	0.17	
4	80.19	44.83	0.19	0.14	
5	101.78	56.90	0.18	0.19	
6	149.07	83.33	0.25	0.16	

ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

Del Cuadro 5.6, se deduce un rango del factor de fricción entre 0.14 y 0.25 para la gama de caudales experimentados, representado por un valor medio de 0.18.

Se representa el factor de fricción (fe) en función de la altura de la rugosidad relativa del escalón $(h * cos\theta/DH)$, a fin de compararla con la gráfica disponible en la literatura técnica (presentada en la sección 2.5); como se indica en la siguiente figura:

FIGURA 5.31: COMPARACIÓN ENTRE EL FACTOR DE FRICCIÓN DE LA ECUACIÓN DE DARCY-WEISBACH EN FLUJO RASANTE ESTABLE SOBRE LA RÁPIDA ESCALONADA VS LA ALTURA DE RUGOSIDAD RELATIVA DEL ESCALÓN DETERMINADA EXPERIMENTALMENTE (IZQUIERDA) Y RECOMENDADA POR LA LITERATURA (DERECHA)



FUENTE: Chanson, H., Bung D. and Matos, J. "Stepped spillways and cascade". The Netherlands. Departament of Civil Engineering, Architecture and Georesources. The University of Queesland. Pag. 53

De acuerdo a la figura No. 5.31 evidentemente el valor medio fe=0.18 determinado de manera experimental en la presente investigación, para la geometría de la rápida escalonada en estudio; resulta muy cercano a uno de los valores más frecuentemente recomendados en la literatura técnica, fe=0.17.¹

5.4.3 PARÁMETROS HIDRÁULICOS

En esta ocasión se presentan los parámetros hidráulicos de la rápida escalonada para un caudal de prueba, por ejemplo para el caudal total en prototipo 46.51 m³/s. Se realiza una comparación entre los valores de datos obtenidos experimentalmente con aquellos calculados de acuerdo a las ecuaciones teóricas propuestas por Chanson, para los datos del prototipo.

¹Chanson, H., Bung D. and Matos, J. "Stepped spillways and cascades". The Netherlands. Departament of Civil Engineering, Architecture and Georesources, IST. The University of Queesland

En el siguiente cuadro se resume el resultado de este análisis comparativo de los parámetros

indicados, para el flujo distribuido en cada una de las celdas.

TABLA 5.7: COMPARACIÓN ENTRE LOS VALORES DE DATOS OBTENIDOS EXPERIMENTAL-
MENTE CON AQUELLOS CALCULADOS DE ACUERDO A LAS ECUACIONES TEÓRICAS PRO-
PUESTAS POR CHANSON, PARA LOS DATOS DEL PROTOTIPO EN LA RÁPIDA ESCALONADA.
 $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 46.51 \text{ m}^3/\text{s}$

		Ce	elda izquie	erda	Celda derecha		
Dimensión	Unidad	MOD.	PROT.	DESV.	MOD.	PROT.	DESV.
			Valor			Valor	
Q	m ³ /s	21.27	21.27	-	25.35	25.35	-
b	m	5.00	5.00	-	5.00	5.00	-
h	m	1.00	1.00	-	1.00	1.00	-
I	m	1.00	1.00	-	1.00	1.00	-
θ	0	45.00	45.00	-	45.00	45.00	-
q	m ³ /s/m	4.25	4.25	-	5.07	5.07	-
y _c	m	1.23	1.23	-	1.38	1.38	-
H _{dam}	m	89.34	89.34	-	89.34	89.34	-
k _s	m	0.71	0.71	-	0.71	0.71	-
F	-	2.72	2.72	-	3.24	3.24	-
L _i	m	9.64	13.63	41.41 %	11.27	15.45	37.09 %
d_i	m	0.58	0.52	-9.91 %	0.65	0.58	-10.80 %
С	-	0.44	0.44	-	0.44	0.44	-
f_e	-	0.19	0.19	-	0.18	0.18	-
y_c/h	-	1.23	1.23	-	1.38	1.38	-
Ycaracter.	m	0.42	0.40	-5.04 %	0.46	0.44	-5.52 %
U	m/s	10.14	10.68	5.30 %	10.91	11.55	5.85%
Fr	-	5.00	5.40	8.06 %	5.11	5.56	8.90%
Y ₉₀	m	0.75	0.71	-5.04 %	0.83	0.78	-5.52 %
α	-	1.12	1.12	-	1.12	1.12	-
Z ₃	m	87.60	87.60	-	87.60	87.60	-
H _{max}	m	91.18	91.18	-	91.41	91.41	-
H _{res}	m	6.15	6.77	10.12 %	7.10	7.90	11.22 %
% ΔH	%	93.26	92.57	-0.73 %	92.23	91.36	-0.95 %

ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

Conforme al Cuadro No 5.7, se observa que existe un porcentaje de desviación alrededor del 6 % entre parámetros característicos del flujo rasante, tales como:

- calado correspondiente a una concentración de aire del 90 % (Y₉₀),
- calado característico del flujo aire-agua (y_{caract}),
- velocidad media del flujo aire-agua (U).

En cuanto a los parámetros sobre las características del punto de inicio de ingreso de aire como: la distancia medida desde la cresta de la rápida (L_i) y el calado del flujo (d_i) , se tiene una diferencia del 40 % y del 10 % respectivamente. Esto se justifica por las diferentes condiciones del flujo en el ingreso hacia la rápida escalonada, respecto de las condiciones totalmente uniformes que se adoptan en el análisis teórico.

En relación con la eficiencia en la disipación de energía se analizan como parámetros representativos a la carga de energía residual al pie de la rápida (E_{res}), y la disipación de energía a través de esta estructura (ΔE). Se observa una diferencia entre parámetros experimentales y teóricos de alrededor del 10% para la energía residual y del 1% para la carga de energía disipada. La disipación determinada experimentalmente es mayor que la calculada teóricamente.

5.5 ANÁLISIS EXPERIMENTAL DEL SISTEMA: ESTRUCTURA DE INGRE-SO - RÁPIDA ESCALONADA - ESTRUCTURA DE ENTREGA DEL FLUJO

La evaluación experimental del comportamiento del sistema estructura de ingreso - rápida escalonada - estructura de entrega del flujo, se realiza de la misma forma mediante el Principio de Conservación de Energía. FIGURA 5.32: ESQUEMA DE LAS SECCIONES PARA LA DETERMINACIÓN DE ENERGÍAS EN EL SISTEMA ESTRUCTURA DE INGRESO - RÁPIDA ESCALONADA - ESTRUCTURA DE ENTREGA DEL FLUJO



ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

El análisis se realiza tanto para un caudal intermedio como para un caudal alto, seleccionados del plan de pruebas correspondiente a la evaluación del diseño original, puesto que las condiciones del flujo en las cuales se desarrolla el caudal bajo ($Q_{TOTALPROTOTIPO} = 8.09$ m³/s en prototipo) en la rápida escalonada, corresponde al flujo transitorio.



FIGURA 5.33: UBICACIÓN DE LA LÍNEA DE ENERGÍA PARA EL FLUJO EN LA CELDA IZQUIERDA CON CAUDAL MEDIO. $Q_{CELDAIZQ.PROTOTIPO} = 21.27 \text{ m}^3/\text{s}; Q_{TOTALPROTOTIPO} = 46.51 \text{ m}^3/\text{s}$

ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

FIGURA 5.34: UBICACIÓN DE LA LÍNEA DE ENERGÍA PARA EL FLUJO EN LA CELDA DERECHA CON CAUDAL MEDIO. $Q_{CELDADER.PROTOTIPO} = 25.35 \text{ mm}^3/\text{s}; Q_{TOTALPROTOTIPO} = 46.51 \text{ m}^3/\text{s}$



ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales



FIGURA 5.35: UBICACIÓN DE LA LÍNEA DE ENERGÍA PARA EL FLUJO EN LA CELDA IZQUIERDA CON CAUDAL ALTO. Q $_{CELDAIZQ.PROTOTIPO} = 46.85 \text{ m}^3/\text{s}; \text{ Q}_{TOTALPROTOTIPO} = 101.78 \text{ m}^3/\text{s}$

ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

FIGURA 5.36: UBICACIÓN DE LA LÍNEA DE ENERGÍA PARA EL FLUJO EN LA CELDA DERECHA CON CAUDAL ALTO. $Q_{CELDADER.PROTOTIPO} = 54.94 \text{ m}^3/\text{s}; Q_{TOTALPROTOTIPO} = 101.78 \text{ m}^3/\text{s}$



ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

De acuerdo a las figuras 5.34, 5.35 y 5.36; se puede destacar que en la estructura de entrega del flujo, específicamente en el canal de conexión 2, se observa una pérdida de energía originada por el impacto del flujo en la tapa superior de esta estructura; siendo este comportamiento inaceptable.

5.5.1 CAUDAL MÁXIMO DE EFICIENTE OPERACIÓN

Con base en las observaciones realizadas sobre el comportamiento del flujo en cada una de las pruebas experimentales descritas en la sección 5.2, se define el caudal máximo seguro y de eficiente operación en el funcionamiento hidráulico del sistema construido con la geometría del diseño original.

La Prueba P-2 ejecutada con un caudal total de 46.51 m³/s en prototipo (26.05 l en modelo), permite observar un flujo de aproximación hacia la transición relativamente calmado y ordenado. El efecto de la curvatura en la alineación del túnel baúl repercute ligeramente ocasionando pequeñas ondas cruzadas que son suprimidas en el cuenco disipador 1. Consecuentemente el flujo que ingresa a la sección inicial de la rápida escalonada se observa uniformemente distribuido en cada una de las celdas. A lo largo de la rápida escalonada se evidencia la presencia de flujo rasante estable; y al pie de la misma, se contempla únicamente en la celda izquierda la disipación de energía excedente a través de la formación de un resalto estabilizado dentro del cuenco amortiguador. En la celda derecha, debido al exceso de caudal con respecto al que circula por la celda izquierda, se observa que se rechaza el resalto.

A partir del comportamiento del flujo observado en esta prueba, se investigó el caudal máximo de eficiente operación para todas las estructuras del sistema, obteniéndose como resultado un caudal total en prototipo de 41.80 m³/s.

TABLA 5.8: PRUEBA PARA LA DETERMINACIÓN DEL CAUDAL MÁXIMO DE EFICIENTE OPE-RACIÓN

CAUDAL	TOTAL	CAUDAL EN RÁPIDA ESCALONADA				
PROTIPO	MODELO	MODELO CELDA IZQUIERDA CELDA DEREC		DERECHA		
Qp	Qm	Qp	Qm	Qp	Qm	
(m³/s)	(I/s)	(m ³ /s)	(I/s)	(m ³ /s)	(I/s)	
41.80	23.37	19.75	11.04	22.03	12.32	

ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

FIGURA 5.37: PRUEBA DETERMINACIÓN DE CAUDAL MÁXIMO DE EFICIENTE OPERACIÓN. VIS-TA LATERAL IZQUIERDA DE CUENCO DISIPADOR 2 (A). VISTA LATERAL DERECHA DE CUENCO DISIPADOR 2 (B). $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 41.80 \text{ m}^3/\text{s}$



Como se observa en la figura 5.37, en ambas celdas del cuenco disipador 2, se visualiza la formación de un resalto hidráulico estable, razón por la cual se selecciona al caudal de 41.80 m^3 /s, como el caudal de segura y eficiente operación, para la geometría del diseño original de las estructuras.

CAPÍTULO 6

PROPUESTAS DE OPTIMIZACIÓN DEL DISEÑO ORIGINAL

Luego del análisis experimental con respecto al funcionamiento hidráulico en forma global de las estructuras construidas con la geometría del diseño original, se determinó como caudal óptimo de eficiente operación el valor de 42m³/s. A partir de este caudal no se produce la disipación de la energía residual procedente de la rápida escalonada; lo que conlleva a la presencia de altas velocidades en el cuenco disipador al pie de la misma. En vista de que esta estructura es la principal zona que presenta deficiencias en su funcionamiento hidráulico y que limita evidentemente el rango de caudales de operación al 28 % del caudal de diseño del sistema, es necesario recomendar modificaciones que permitan alcanzar un funcionamiento aceptable en este componente, a la vez hacer más amplio el rango seguro y eficiente de caudales de operación, y sobre todo garantizar la correcta disipación de energía.

Por lo tanto se requiere incrementar la fuerza viva de tal manera que se garantice la estabilización del resalto en la longitud disponible del cuenco existente. Una de las posibilidades para alcanzar este objetivo es implementar estructuras adicionales dentro de la masa de agua, colocadas a una altura que garantice la formación del resalto.

En esta fase de investigación se analiza cualitativamente el comportamiento del flujo y la eficiencia de impactadores ubicados en el extremo final del cuenco disipador 2 en el modelo físico.

6.1 DISIPADORES DE ENERGÍA: IMPACTADORES

En general los disipadores de energía sirven para eliminar el exceso de energía cinética que posee la masa de agua, previniendo daños por erosión o impactos violentos en las estructuras.

Uno de los tipos especiales de disipadores de energía son los impactadores. Son estructuras en forma de bloque; compuestos por una pantalla suspendida verticalmente y un travesaño al final (como la sección de una viga en "L") o pantallas de forma rectangular; colocados a una altura que permita la formación del resalto hidráulico. Normalmente estos elementos son pequeños y económicos.

El exceso de energía del flujo de ingreso es disipado por la macroturbulencia que se forma en el colchón de aguas, incrementada por el choque de la masa de agua en la pantalla sumergida dentro de éste.¹.

6.1.1 DISEÑO DE IMPACTADORES

Impactador en forma de "L" invertida:

El dimensionamiento de este tipo de impactador y su ubicación en un cuenco, se puede realizar en base a curvas adimensionales y relaciones disponibles en la literatura técnica, como se indica a continuación:



FIGURA 6.1: (w/d) VS NÚMERO DE FROUDE PARA CUENCOS DE SALIDA CON IMPACTADORES

FUENTE: Aisenbrey A. J., Hayes R. B. Warren H. J., Winsett D. and, Young R. "Desing of Small Canal Structure". United States Department of the Interior Bureau Reclamation. Denver, Colorado. Pag. 310

¹Aisenbrey A. J., Hayes R. B. Warren H. J., Winsett D. L. and, Young R. B. "Desing of Small Canal Structures". United States Department of the Interior Bureau Reclamation. Denver, Colorado. Pag. 299

Donde:

- w: Ancho interior del cuenco. m
- v: Velocidad teórica del flujo de ingreso. [m/s]
- d: Profundidad del flujo de ingreso al cuenco. [m]
- g: Aceleración de la gravedad. $[m/s^2]$

A partir de los datos de esta curva de diseño, se determina el ancho interior del cuenco (w). Sin embargo, al ser éste un dato conocido en el presente estudio; siendo w = 0.25 m, que corresponde al ancho del cuenco en el modelo por celda; se procede a dimensionar y ubicar el impactador con ayuda de las relaciones indicadas en el siguiente esquema:

FIGURA 6.2: RELACIONES PARA EL DIMENSIONAMIENTO Y UBICACIÓN DE UN IMPACTADOR EN UN CUENCO



FUENTE: Aisenbrey A. J., Hayes R. B. Warren H. J., Winsett D. and, Young R. "Desing of Small Canal Structure". United States Department of the Interior Bureau Reclamation. Denver, Colorado. Pag. 310

En la siguiente figura se indica el dimensionamiento obtenido del impactador en forma de "L" invertida:



FIGURA 6.3: DIMENSIONES DE IMPACTADOR EN FORMA DE "L" INVERTIDA

ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

El diseño del elemento de disipación observado en la Figura 6.3 tiene una particularidad respecto de la constitución de la estructura en forma de "L" recomendada en la Figura 6.2.

En la parte superior, el elemento presenta unas discontinuidades con la finalidad de obtener una distribución uniforme de velocidad tanto en la dirección horizontal como en la vertical y para contrarrestar la formación de ondas.².

En la parte inferior presenta dos destajes cuyos extremos superiores se encuentran ubicados a una altura de 9cm medidos desde el fondo del inicio del canal (sobre la grada en el extremo final del cuenco disipador 2), como se observa en la Figura 6.4; su función es disminuir la turbulencia originada por el efecto de vórtices.

El extremo inferior del impactador se encuentra ubicado a 5cm del fondo del inicio del canal (Figura 6.4), que corresponde a la altura f, determinada con las recomendaciones técnicas antes indicadas.

²Aisenbrey A. J., Hayes R. B. Warren H. J., Winsett D. L. and, Young R. B. "Desing of Small Canal Structures". United States Department of the Interior Bureau Reclamation. Denver, Colorado. Pag. 299



FIGURA 6.4: UBICACIÓN DEL IMPACTADOR EN FORMA DE "L" INVERTIDA

ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

Impactador de forma rectangular

Se diseña un impactador de forma rectangular de dimensiones $25 \times 5 \times 1.2$ cm (Figura 6.5), que se ubica asimismo a una altura de 5cm medidos desde el fondo del canal, Como se observa en la Figura 6.6



FIGURA 6.5: DIMENSIONES DE IMPACTADOR DE FORMA RECTANGULAR

ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales



FIGURA 6.6: UBICACIÓN DEL IMPACTADOR DE FORMA RECTANGULAR

ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

6.2 CONSTRUCCIÓN DE LAS PROSPUESTAS DE OPTIMIZACIÓN

Se resume en el cuadro 6.1, las modificaciones que se proponen implementar aguas abajo de la rápida escalonada también se describe los objetivos técnicos que se pretenden alcanzar.

No **Propuesta Objetivo Principal** Observaciones Impactador en forma de Generar la formación del Debe operar totalmente "L" invertida, ubicado en resalto hidráulico en el sumergido para garantizar 1 el extremo final del cuenco 2 ($Q_{TOTAL} > 42$ su eficiencia en la estabilización del resalto cuenco disipador 2 m^3/s) Generar la formación del Impactador de forma Debe operar totalmente rectangular, ubicado en el resalto hidráulico en el sumergido para garantizar 2 extremo final del cuenco cuenco 2 ($Q_{TOTAL} > 42$ su eficiencia en la disipador 2 m^3/s) estabilización del resalto Proporcionar un régimen En el prototipo representa Sección de control, subcrítico y contribuir con el incremento de cota de ubicada en el extremo la estabilización del la cresta de la segunda 3 final del canal de conexión resalto hidráulico en el rápida. En el modelo físico 2 cuenco disipador 2 se encuentra representada $(Q_{TOTAL} > 42 \text{ m}^3/\text{s})$ a través de una clapeta.

TABLA 6.1: DESCRIPCIÓN DE LAS MODIFICACIONES GEOMÉTRICAS PROPUESTAS EN LAS ES-TRUCTURAS AL PIE DE LA RÁPIDA DE FONDO ESCALONADO

ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

6.2.1 PROPUESTA No. 1

Se indica en las siguientes figuras 6.7 y 6.8, la implantación del impactador en forma de "L" invertida, ubicado en el extremo final del cuenco de disipación al pie de la rápida en el modelo físico.

FIGURA 6.7: VISTA EN 3D DEL IMPACTADOR EN FORMA DE "L" INVERTIDA Y SU IMPLANTA-CIÓN EN EL CUENCO DE DISIPACIÓN AL PIE DE LA RÁPIDA ESCALONADA



ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

FIGURA 6.8: IMPACTADOR EN FORMA DE "L" INVERTIDA FABRICADO EN ACRÍLICO Y SU IM-PLANTACIÓN EN EL CUENCO DE DISIPACIÓN AL PIE DE LA RÁPIDA ESCALONADA EN EL MO-DELO FÍSICO



ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

6.2.2 PROPUESTA No. 2

Se indica en las siguientes figuras 6.9 y 6.10, la implantación del impactador de forma rectangular, ubicado en el extremo final del cuenco de disipación al pie de la rápida en el modelo físico.

FIGURA 6.9: VISTA EN 3D DEL IMPACTADOR DE FORMA RECTANGULAR Y SU IMPLANTACIÓN EN EL CUENCO DE DISIPACIÓN AL PIE DE LA RÁPIDA ESCALONADA



ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

FIGURA 6.10: IMPACTADOR DE FORMA RECTANGULAR FABRICADO EN ACRÍLICO Y SU IMPLAN-TACIÓN EN EL CUENCO DE DISIPACIÓN AL PIE DE LA RÁPIDA ESCALONADA EN EL MODELO FÍSICO



ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

6.2.3 PROPUESTA No. 3

Se indica en la siguiente figura 6.11, la implementación de la sección de control, ubicada en el extremo final de canal de conexión 2 en cada una de las celdas. Las clapetas consisten en piezas rectangulares de acrílico de 25x20 cm, cuyo ángulo de inclinación es determinado mediante un sistema de regulación.

FIGURA 6.11: IMPLEMENTACIÓN DE LA SECCIÓN DE CONTROL A TRAVÉS DE UNA CLAPETA EN EL MODELO FÍSICO. SECCIÓN DE CONTROL UBICADA EN CELDA DERECHA (A) E IZQUIERDA (B)



ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

6.3 PLAN DE PRUEBAS

Las propuestas de optimización son analizadas conforme al plan de pruebas presentado en el Cuadro 6.2, que considera un rango de caudales correspondiente a valores mayores a los 42 m³/s, por ser el caudal máximo de eficiente operación del sistema con diseño original. Hasta los 100 m³/s, por ser el caudal máximo con el que el flujo ingresa de manera apropiada a la rápida escalonada.

TABLA 6.2: PLAN DE PRUEBAS CORRESPONDIENT	E AL ANÁLISIS EXPERIMENTAL DE LAS MO-
DIFICACIONES RECOMENDADAS	

	Qp	Qm	FASE DE	
PRUEDA	(m ³ /s)	(I/s)	INVESTIGACIÓN	UDSERVACIONES
P-1	60	33.54	Análisis experimental de las modificaciones	Caudal intermedio (30 % del caudal de diseño de la estructura)
P-2	100	55.90	Análisis experimental de las modificaciones	Caudal alto (70 % del caudal de diseño de la estructura)

ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

6.4 RESULTADOS OBTENIDOS

i) PRUEBA P-1 Q_T (Prototipo) =56.55 (m³/s); Q_T (Modelo) =31.61 (l/s)

FIGURA 6.12: PRUEBA 1. VISTA LATERAL DERECHA DE CUENCO DISIPADOR 2 (A). VISTA LA-TERAL IMPACTADOR DE FORMA RECTANGULAR (B). $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 56.55 \text{ m}^3/\text{s}$



ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

FIGURA 6.13: PRUEBA 1. VISTA LATERAL IZQUIERDA DE CUENCO DISIPADOR 2 (A). VISTA LATERAL DE IMPACTADOR EN FORMA DE "L" INVERTIDA (B). $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 56.55 \text{ m}^3/\text{s}$



ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

Observaciones:

- Formación de un resalto hidráulico estable a lo largo de toda la longitud del cuenco disipador 2 en la celda derecha, debido a la influencia del impactador de forma rectangular y de la sección de control aguas abajo.
- Se observa gran turbulencia y contenido de aire en la zona de choque con el impactador de forma rectangular. Hacia aguas abajo de la pantalla, en el canal de conexión existe todavía la influencia del arrastre de aire hacia el interior de la masa de agua, generado por el resalto.

- Flujo con pequeñas fluctuaciones y ondas superficiales hacia aguas abajo del resalto hidráulico formado en la celda derecha del cuenco disipador 2, que se transmite hacia el canal de salida.
- Formación de un resalto hidráulico estable que cubre aproximadamente el 50 % de la longitud del cuenco disipador 2 en la celda izquierda, debido a la influencia del impactador en forma del "L" invertida y de la sección de control aguas abajo.
- Se observa poca turbulencia y contenido de aire en la zona de choque con el impactador en forma de "L". El comportamiento del flujo hacia aguas abajo de esta pantalla se presenta uniformizado en el canal de salida.

ii) PRUEBA P-2 Q_T (Prototipo) =101.78 (m³/s); Q_T (Modelo) =56.89 (l/s)

FIGURA 6.14: PRUEBA 2. VISTA LATERAL DERECHA DE CUENCO DISIPADOR 2 (A). VISTA LATERAL IMPACTADOR DE FORMA RECTANGULAR (B). $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 101.78 \text{ m}^3/\text{s}$



ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

FIGURA 6.15: PRUEBA 2. VISTA LATERAL IZQUIERDA DE CUENCO DISIPADOR 2 (A). VISTA LATERAL DE IMPACTADOR EN FORMA DE "L" INVERTIDA (B). $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 101.78 \text{ m}^3/\text{s}$



ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

Observaciones:

- Formación de un resalto hidráulico cuya longitud sobrepasa el lecho del cuenco disipador 2 en ambas celdas, por la influencia de los impactadores y de la sección de control aguas abajo.
- Se observa gran turbulencia y contenido de aire en la zona de choque con los impactadores. Hacia aguas abajo de la pantalla, en ambas celdas del canal de conexión existe gran influencia del arrastre de aire hacia el interior de la masa de agua, generado por el resalto.
- En ambas celdas, la altura del resalto sobrepasa la altura de la sección de ingreso al canal de salida, alcanzando la parte inferior de la pared frontal sobre este componente.
- El flujo en ambas celdas del canal de conexión aguas abajo de los impactadores, presenta fluctuación y ondas superficiales. Este canal de salida presenta un porcentaje de llenado alrededor del 95 %.

CAPÍTULO 7

CONCLUSIONES Y RECOMENDACIONES

Las obras construidas con el objetivo de desviar la descarga del colector Central de Iñaquito hacia la quebrada El Batán y controlar la escorrentía desde su prolongación en la Plaza Argentina hasta el Río Machángara, deben cumplir adicionalmente con la función de disipar la energía al evacuar caudales de creciente antes de ser restituidos a la quebrada. Por tanto se ha hecho énfasis en el análisis de caudales mayores al sanitario, siendo los menos frecuentes así como del los caudales que condicionan la funcionalidad de la estructura para la cual fue diseñada.

El estudio experimental, con el modelo físico que incluye estructura de aproximación, primera rápida escalonada y estructura de disipación al pie; ha permitido observar el comportamiento complejo y tridimensional del flujo que ingresa en régimen supercrítico a las estructuras, presentando un comportamiento diferente al esperado, con la presencia de ondas e impactos fuertes que ponen en riesgo la perdurabilidad y estabilidad de aquellas. Sobre todo se evidencia el desarrollo del flujo de una forma ineficiente e inestable en ciertos componentes para la disipación de energía quebrantando los principios para los cuales fueron diseñados.

En vista de que las obras fueron diseñadas y dimensionadas sin el soporte de un modelo hidráulico que verifique las condiciones de diseño, la Memoria de Cálculo proporcionada por la EPMAPS se basa en fundamentos de la hidráulica básica y unidimensional que toma en cuenta varias simplificaciones que no permiten interpretar de una manera apropiada en especial la conducta del flujo sobre una rápida escalonada y la disipación de la energía excedente. Por lo tanto es importante conforme al análisis del diseño original, proponer soluciones efectivas que mejoren el funcionamiento y desempeño global de la descarga del sistema de alcantarillado hacia la quebrada El Batán.

7.1 CONCLUSIONES Y RECOMENDACIONES REFERENTES A LA VALIDA-CIÓN Y/O CALIBRACIÓN DEL MODELO FÍSICO

El fenómeno de flujo de vertido sobre la rápida escalonada, se debe a que la inercia del agua está esencialmente controlada por los efectos de gravedad, siendo la fuerza que predomina con respecto a las de viscosidad, tensión superficial, entre otras fuerzas dinámicas que incurren en su movimiento. Razón por la cual, el estudio en modelo físico se basa en la aplicación de la Similitud Dinámica Restringida según el criterio de la igualdad entre los números de Froude y entre los factores de fricción tanto del modelo como del prototipo. Así también, debe entonces garantizarse que los efectos de las fuerzas viscosas y de tensión superficial sean despreciables respecto de las fuerzas de gravedad y de inercia, así como ocurre en el fenómeno considerado en el prototipo.

La escala de longitudes seleccionada de 1:20, garantiza la representación del flujo en el modelo permitiendo una adecuada representación del fenómeno de introducción de aire en el flujo de alta velocidad desarrollada en la rápida. Disminuye también los efectos de las fuerzas viscosas y de tensión superficial.

Se verifica la similitud geométrica mediante un levantamiento a detalle de los componentes del modelo, luego de obtener una diferencia menor al 1 % con respecto a las coordenadas de implantación, niveles y dimensiones entre la estructura diseñada y la construida.

Se verifica la similitud restringida de Froude al obtener: (i) Una desviación del 1 % al 4 % para los valores del Número de Froude entre modelo y prototipo; concluyendo que la mayor desviación es debida a una ligera influencia de la tensión superficial para el caso del caudal mínimo ensayado. (ii) Valores de Reynolds que superan la condición de 2x10⁴ indicando que en todos los casos el comportamiento del flujo en modelo se desarrolla en el rango turbulento; por tanto, los efectos de viscosidad son despreciables respecto a aquellos de la inercia y de la gravedad. (iii) Desviaciones entre los coeficientes de fricción menores al 10 %; excepto para el flujo con el caudal mínimo ensayado, donde el modelo sobrevalora en un 12 % el efecto de la viscosidad respecto de la pérdida continua de energía. (iv) Números de Weber en modelo siempre mucho menores que los correspondientes en prototipo, salvo el caso del caudal mínimo ensayado cuyo valor se aproxima al crítico existiendo así una in-cidencia ligera de la tensión superficial; por tal motivo se recomienda agregar una pequeña

cantidad de jabón líquido para reducir el efecto de la tensión superficial del agua cuando se realicen las pruebas con estos caudales mínimos.

La desviación pequeña alrededor del 5 % entre los coeficientes de fricción para el rango intermedio de caudales ensayados (15 m³/s $\leq Q \leq 75$ m³/s) garantiza la semejanza dinámica respecto a los efectos de la fricción sobre el movimiento del agua, en lo relacionado con las pérdidas continuas de energía. En el caso de los caudales bajos (Q < 15 m³/s), el modelo presenta valores de coeficientes de fricción algo superiores (≈ 12 %), por lo que el efecto viscoso en el modelo estaría algo subdimensionado respecto del efecto viscoso en el prototipo. En cambio, para los caudales altos, (75 m³/s $\leq Q \leq 150$ m³/s), el modelo presenta coeficientes de fricción algo inferiores (≈ 10 %), por lo que el efecto viscoso en el modelo estaría algo sobredimensionado respecto del efecto viscoso en el modelo estaría algo sobredimensionado respecto del efecto viscoso en el modelo estaría algo sobredimensionado respecto del efecto viscoso en el modelo estaría algo sobredimensionado respecto del efecto viscoso en el modelo estaría algo sobredimensionado respecto del efecto viscoso en el modelo estaría algo sobredimensionado respecto del efecto viscoso en el modelo as pruebas experimentales de validación del diseño original y de las estructuras modificadas.

Al haber comprobado que las similitudes: geométrica, cinemática y dinámica entre dimensiones y magnitudes del prototipo y modelo están vigentes para toda la gama de caudales de operación prevista, el modelo ha podido ser considerado para las siguientes etapas de investigación.

Como parte del proceso de calibración del modelo, se ha obtenido la curva experimental de descarga validada para los vertederos de aforo, correspondiendo a la siguiente expresión: Q=0.0176 $h^{2,4434}$ con coeficiente de determinación R²=0.9971.

7.2 CONCLUSIONES REFERENTES AL ANÁLISIS DE DISEÑO ORIGINAL

Sobre la evaluación de la calidad del flujo de aproximación hacia la rápida escalonada:

Se observa la presencia de ondas cruzadas debido al régimen supercrítico en el que se desarrolla el flujo a través del túnel de alineamiento no lineal y sección no prismática. Así también se observa una sobreelevación de la superficie del agua en la pared externa del túnel por efecto de la curvatura. Esta situación consecuentemente ha ocasionado una mayor derivación hacia la celda derecha en un rango del 51 % al 54 % para toda la gama de caudales totales ensayados.

Existe un impacto frontal y brusco del flujo con el inicio de la pared divisoria, provocando una alteración del flujo aguas abajo mientras más alto es el caudal e ingresando de una manera no adecuada a la transición.

El cuenco disipador aguas arriba de la rápida escalonada cumple con la función de cambiar el régimen supercrítico a subcrítico del flujo, hasta un caudal máximo aproximadamente de 100 m³/s en prototipo. Este cambio de régimen se puede corroborar con los números de Froude indicados en el Anexo 4. Para caudales mayores no se genera el cambio de régimen, comportándose el flujo de una manera inestable y caótica a lo largo del esta estructura disipadora e ingresando de forma no apropiada a la rápida escalonada.

Acerca de la evaluación del comportamiento del flujo sobre la rápida escalonada:

El caudal límite determinado experimentalmente, a partir del cual se originan las condiciones de flujo rasante sobre la rápida escalonada corresponde a un valor de 11.45 m³/s por cada cámara, difiriendo en un porcentaje del 2.3 % con respecto al valor definido teóricamente. Con valores menores a este caudal se constató el desarrollo de un flujo con diferentes características, denominado transitorio.

Al operar la rápida escalonada con caudales relativamente pequeños que presentan una conducta de flujo transitorio, en el orden de los 8 m³/s (caudal total en prototipo); se ha registrado un impacto brusco sobre algunos escalones próximos al perfil parabólico del inicio de la rápida.

Conforme a la evaluación experimental, la rápida escalonada en estudio es una eficiente estructura de disipación de energía, puesto que el porcentaje de disipación se encuentra entre el 84 % y 93 % de la energía máxima aguas arriba para todo el rango de caudales ensayados en condiciones de flujo rasante. Se analiza que a medida que se incrementa el caudal la disipación de energía es relativamente menor.

En cuanto al comportamiento del flujo rasante se pudo identificar la zona de flujo uniforme

en donde los parámetros hidráulicos como el calado no presentan variación, respecto de la fluctuación que representa este tipo de flujo de alta turbulencia y gran alto contenido de aire; siendo compleja su medida por la dificultad que significa identificar la posición exacta de la superficie libre en la práctica. Razón por la cual se justifica la utilización de la ecuación (2.22) para flujos plenamente desarrollados con aireación uniforme propuesta por Chanson (1993), a fin de determinar el factor de fricción experimental que representa el fondo escalonado de la rápida. Evidentemente el comportamiento del flujo es adecuado sobre la rápida escalonada cuando al mismo tiempo las condiciones de ingreso a la misma también lo son. Para caudales altos alrededor de los 150 m³/s se contempla un comportamiento muy desordenado y fluctuante a lo largo de casi toda la rápida escalonada, como se aprecia en la siguiente figura:

FIGURA 7.1: VISTA LATERAL IZQUIERDA DE LA RÁPIDA ESCALONADA. $Q_{TOTALPROTOTIPO} =$ 149.07 m³/s Q CELDA IZQUIERDA = 72.42 m³/s



ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

El factor de fricción determinado experimentalmente varía entre 0.14 y 0.25 para la toda la gama de caudales experimentados. Esta variación y discrepancia se puede deber principalmente a que se encuentra relacionado directamente con la medida del calado del flujo aireado, que como anteriormente se mencionó es complicada de obtenerla debido a la fuerte agitación del flujo.

Debido a que la ecuación empleada para la determinación de la energía residual depende críticamente de la estimación del factor de fricción, se constata la importancia de la presencia de un modelo físico que proporcione estas mediciones experimentales necesarias. Una sobreestimación del factor de fricción podría reservar velocidades de flujo más altas que incidirán en los parámetros de diseño del sistema de disipación de energía aguas abajo.

Al comparar la energía residual obtenida experimental y teóricamente para un caudal de prueba ($Q_{TOTALprototipo} = 46.51 \text{ m}^3/\text{s}$), se tiene una diferencia alrededor del 10 % usando en ambos casos el factor de fricción adquirido en el modelo; consecuentemente una desviación en el porcentaje de disipación de energía aproximadamente del 1%.

Sobre el comportamiento del flujo en la estructura de entrega del flujo:

El cuenco disipador aguas abajo de la rápida escalonada cumple con la función de cambiar el régimen supercrítico a subcrítico del flujo, hasta un caudal máximo aproximadamente de 42 m³/s en prototipo para ambas celdas. Para un caudal mayor sucede que la celda derecha deja de cumplir con esta función y para la celda izquierda cuando los caudales son mayores a 50 m³/s aproximadamente.

En general cuando se rechaza el resalto hidráulico en el disipador 2 se genera un impacto del flujo en la cubierta del canal de conexión aguas abajo, poniendo en riesgo la perdurabilidad y seguridad de esta estructura.

Por tanto el caudal máximo para el cual el sistema muestra una eficiencia adecuada y aceptable respecto del patrón del flujo y de la disipación de energía continua, es de aproximadamente 42 m³/s.

7.3 RECOMENDACIONES REFERENTES AL ANÁLISIS DE DISEÑO ORIGI-NAL

Debido a que el funcionamiento eficiente del sistema en forma global depende de la calidad del flujo aguas arriba de la rápida escalonada se recomienda: modificar las características geométricas de la pila en el inicio de la pared divisoria con el propósito de minimizar el impacto del flujo y de permitirle ingresar de manera adecuada a la transición.
Dependiendo del rango establecido de operación de las estructuras para el caso de caudales mayores a 100 m³/s, se recomienda evaluar la modificación geométrica del tramo de salida del cuenco disipador aguas arriba de la rápida, para estabilizar el resalto hidráulico a fin de que el agua que ingresa a la rápida lo haga en condiciones de flujo subcrítico.

Modificar las características del fondo del perfil parabólico liso del inicio de la rápida escalonada, con la implementación de escalones cuyos vértices se empaten con el perfil. Así se eliminaría o minimizaría el impacto del flujo aguas abajo cuando se opere con caudales pequeños que son los más recurrentes.

Al ser el cuenco disipador aguas abajo de la rápida la principal estructura que presenta deficiencias en su funcionamiento hidráulico desde el rango de caudales intermedios, se recomienda definitivamente mejorar las condiciones de disipación de energía con alguna estructura de impacto que le permita controlar el resalto hidráulico a fin de que el agua que ingresa al canal de conexión 2 lo haga en condiciones de flujo estable, subcrítico y uniformemente distribuido, puesto que será el régimen mediante el cual el flujo ingresará a la segunda rápida escalonada.

7.4 CONCLUSIONES Y RECOMENDACIONES REFERENTES A LAS PRO-PUESTAS DE MODIFICACIÓN EN EL DISEÑO ORIGINAL

La combinación de las tres propuestas de optimización: impactador rectangular, impactador en forma de "L" invertida y sección de control, establece una gran diferencia en términos de comportamiento de flujo y eficiencia en la disipación de energía en el cuenco amortiguador 2. Se realiza una comparación gráfica del comportamiento del flujo sin y con las modificaciones propuestas a través de las siguientes figuras: **FIGURA 7.2:** VISTA LATERAL DERECHA DEL CUENCO DISIPADOR 2 SIN MODIFICACIONES (A). VISTA LATERAL IZQUIERDA DEL CUENCO DISIPADOR 2 SIN MODIFICACIONES (B). $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 56.55m^3/s$



ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

FIGURA 7.3: VISTA LATERAL DERECHA DEL CUENCO DISIPADOR 2 CON MODIFICACIONES (A). VISTA LATERAL IZQUIERDA DEL CUENCO DISIPADOR 2 CON MODIFICACIONES (B). $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 56.55m^3/s$



ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

Con caudales en el orden de los 60 m³/s, se logra estabilizar completamente el resalto hidráulico a lo largo del lecho del cuenco disipador. Cabe recalcar que el comportamiento del flujo hacia aguas abajo de la pantalla en forma de "L", es más uniformemente distribuido que aquél aguas abajo de la pantalla rectangular en el canal de salida.

Hasta caudales en el orden de los 100 m^3/s , se logra la formación del resalto hidráulico en el cuenco disipador 2, razón por la cual en cuanto a términos respecto a la eficiencia en la disipación de energía que se requiere en la estructura aguas abajo de la rápida escalonada, se toma a este caudal como el caudal óptimo de eficiente operación.

Sin embargo, cabe hacer mención que en el canal de conexión aguas abajo de los impactado-

res, existe todavía gran influencia del arrastre de aire generado por el resalto y al funcionar esta estructura aproximadamente a su capacidad completa con un porcentaje de llenado del 95 %, pueden producirse riesgos de cavitación. Por tanto, se recomienda elevar la cubierta del canal de conexión 2, con el propósito de confinar la altura del flujo aireado ocasionado por la formación del resalto, impedir que se generen impactos del flujo altamente turbulento bajo la cubierta y a su vez minimizar o eliminar los riesgos de cavitación.

FIGURA 7.4: PRUEBA 6. VISTA LATERAL IZQUIERDA CUENCO DISIPADOR Y CANAL DE CONEXIÓN 2. $Q_{TOTALPROTOTIPO} = 150 \text{ m}^3/\text{s}$



ELABORADO POR: Equipo de investigación Rápidas-EPMAPS 2015-2016

El caudal óptimo de eficiente operación del sistema con diseño original 42 m³/s se incrementa a 100 m³/s con la implementación de las modificaciones propuestas, es decir, se amplía el rango eficiente y seguro de caudales de operación en un 40 %.

REFERENCIAS

- [Boes and Hager, 2003] Boes, R. M. and Hager, W. H. (2003). Hydraulic design of stepped spillways. *Journal of Hydraulic Engineering*, 129(9):671–679.
- [Castro,] Castro, M. Análisis dimensional y modelación física en hidráulica. Escuela Politécnica Nacional. Quito Ecuador.
- [Çengel et al., 2006] Çengel, Y. A., Cimbala, V., John, M., et al. (2006). Fluid mechanics fundamentals and applications. Mecánica de fluidos: fundamentos y aplicaciones. Number TA357. C4318 2006.
- [Chamani and Rajaratnam, 1999] Chamani, M. and Rajaratnam, N. (1999). Characteristics of skimming flow over stepped spillways. *Journal of Hydraulic Engineering*, 125(4):361–368.
- [Chanson, 1994] Chanson, H. (1994). Comparison of energy dissipation between nappe and skimming flow regimes on stepped chutes. *Journal of hydraulic research*, 32(2):213–218.
- [Chanson, 1996] Chanson, H. (1996). Prediction of the transition nappe/skimming flow on a stepped channel. *Journal of Hydraulic Research*, 34(3):421–429.
- [Chanson, 2002] Chanson, H. (2002). *Hydraulics of stepped chutes and spillways*. CRC Press.
- [Chanson, 2004] Chanson, H. (2004). *Hydraulics of open channel flow*. Butterworth-Heinemann.
- [Chanson et al., 2015] Chanson, H., Bung, D., and Matos, J. (2015). Stepped spillways and cascades. *Energy Dissipation in Hydraulic Structures, IAHR Monograph, CRC Press, Taylor & Francis Group, Leiden, The Netherlands*, pages 45–64.
- [Chow, 1986] Chow, V. T. (1986). Hidráulica de los canales abiertos. Technical report.

[CIERHI-EPN, 2015] CIERHI-EPN (2015). Términos de referencia. Quito.

- [EPMAPS, 2005] EPMAPS (2005). Diseños definitivos para el control de la escorrentía con la prolongación del colector Iñaquito desde la plaza argentina hasta el río Machángara. Quito.
- [FRANK, 2008] FRANK, M. W. (2008). Mecánica de fluidos. madrid, españa. ed.
- [Gilberto, 2001] Gilberto, S. A. (2001). Hidráulica general. Limusa. México.
- [González and Chanson, 2007] González, C. A. and Chanson, H. (2007). Diseño hidráulico de vertedores escalonados con pendientes moderadas: metodología basada en un estudio experimental. *Ingeniería hidráulica en México*, 22(2):5–20.
- [Hidalgo, 2007] Hidalgo, M. (2007). Introducción a la teoría de modelos hidráulicos y aplicaciones básicas. *Departamento de Hidráulica. Escuela Politécnica Nacional. Quito Ecuador.*
- [Naudascher and Castro, 2000] Naudascher, E. and Castro, M. (2000). Hidráulica de canales y estructuras hidráulicas en canales. *Traducción al español del texto de igual nombre en alemán. Editorial Limusa*.
- [Simões et al., 2012] Simões, A. L. A., Schulz, H. E., Lobosco, R. J., and de Melo Porto, R. (2012). Stepped spillways: theoretical, experimental and numerical studies. INTECH Open Access Publisher.
- [Tozzi, 1992] Tozzi, M. (1992). Caracterização/comportamento de escoamentos em vertedouros com paramento em degraus [characterization of flow behavior in stepped spillways].

ANEXOS

ANEXO 1

CONSTRUCCIÓN MODELO FÍSICO

TANQUE DE ABASTECIMIENTO

Corte y soldadura de placas y perfiles de acero estructural (construcción del tanque, columnas y vigas para el soporte) Instalación de las columnas sobre las placas de anclaje





Instalación de las vigas sobre las columnas

Soldadura de base y paredes del tanque



Instalación del tanque con la ayuda de un camión grúa



Trabajos de sellado y pintura definitiva del tanque y torre



INSTALACIÓN DE LA TUBERÍA DE PRESIÓN

Colocación de los accesorios (bridas, válvula de compuerta, válvula de aire, codos) de la tubería de presión



PANTALLA UNIFORMIZADORA

Trabajos de lijado, sellado y pintura de las tablas triplex



Elaboración de los orificios de la pantalla uniformizadora



FABRICACIÓN DE LAS ESTRUCTURAS EN ACRÍLICO Y MOLDEOS

Fabricación de los moldes de madera para el moldeo de los perfiles parabólicos de la transición e inicio de la rápida escalonada, así como el perfil circular del inicio del segundo cuenco disipador.



Colocación de las piezas de acrílico en el horno, previo al proceso de moldeo





Moldeo de las piezas de acrílico.



Perfiles moldeados







Construcción de base, paredes y gradas del primer cuenco disipador.



Construcción de gradas y paredes de la rápida escalonada.



Construcción de base y parte recta de las paredes de la sección tipo baúl del túnel de aproximación



Fabricación del molde de madera con hormigón armado para el moldeo de la cubierta circular de la sección tipo baúl del túnel de aproximación.







Moldeo de las piezas de acrílico.



MONTAJE DEL MODELO FÍSICO

Elaboración de estructuras auxiliares (mesas y perfiles) para el soporte del modelo físico.



Instalación y sujeción de andamios y estructuras auxiliares para el soporte del modelo físico.



Montaje y sujeción de la rápida escalonada.



TANQUE Y CANAL DE DESCARGA

Corte e instalación de la malla electrosoldada, previo a la construcción de la losa de hormigón.



Construcción losa de cimentación y colación de mortero y ladrillos para la construcción de las paredes del tanque y canal de descarga.



TANQUE Y CANAL DE DESCARGA

Enlucido de las paredes del tanque y canal de descarga.



Aplicación de pintura externa e interna del tanque y canal de descarga.



ANEXO 2

ESQUEMAS CALIBRACIÓN GEOMÉTRICA





Esquema de los puntos considerados para realizar el levantamiento planimétrico del modelo físico de la Rápida Escalonada



ANEXO 3

REGISTRO DE DATOS

Registro de datos obtenidos del aforo volumétrico del vertedero triangular





ESCUELA POLITÉCNICA NACIONAL CENTRO DE INVESTIGACIONES Y ESTUDIOS EN RECURSOS HÍDRICOS (CIERHI) REGISTRO DE DATOS PARA LA CALIBRACIÓN DE VERTEDEROS DE LOS MODELOS FÍSICOS MODELO FÍSICO DE LA RÁPIDA

AODELO FISICO DE LA RAPIDA ESCALONADA

NOMBRE: HORA: 12:30 PM

FECHA: 23/12/2015

VERTE	VERTEDERO TRIANGULAR DE PARED DELGADA CON ÁNGULO EN EL VÉRTICE DE 90°							
Lectura	Lectura cero vertedero: h_0 (cm) = 20.58							
No.	h _{medido} (cm)	Carga sobre el vertedero h' (cm) = h _{medido} - h ₀	Volumen V (l)	Tiempo t (s)	Caudal Q (l/s)			
	28.28	7.7	8.205	3.02	2.72			
1	28.28	7.7	7.310	2.89	2.53			
	28.26	7.68	7.24	2.84	2.55			
	32.04	11.46	12.70	1.92	6.61			
2	32.04	11.46	15.91	2.38	6.68			
	32.04	11.46	13.75	2.07	6.64			
	35.96	15.38	14.90	0.99	15.05			
3	35.96	15.38	23.70	1.683	14.08			
	35.96	15.38	16.56	1.10	15.05			
	39.21	18.63	24.24	1.17	20.72			
4	39.03	18.45	31.25	1.69	18.49			
	39.03	18.45	50.10	2.29	21.88			
	41.59	21.01	27.53	0.87	31.64			
5	41.59	21.01	32.49	1.02	31.85			
	41.59	21.01	41.52	1.37	30.31			

Registro de datos en la Prueba P-1 (Q prototipo = 44.91 m3/s). Lecturas limnímetros. (VALIDACIÓN)

ES PI	SCUELA OLITÉCNICA IACIONAL ESCUI	CENTRO DE INVESTIGACIONES Y ESTUDIOS EN RECURSOS ELA POLITÉCNICA NACIONAL		
CEN	TRO DE INVESTIGACIÓN	VES Y ESTUDIOS EN RECURSOS HÍDRICOS (CIERHI)		
CLIT		REGISTRO DE DATOS		
NOMBRE:	MODELO FÍSICO DE LA	RÁPIDA ESCALONADA		
HORA:	9:00	FECHA: 17/12/2015		
No. Prueba:	1			
		-		
Ecuación exp	erimental - Curva de desca	arga: $Q = 0.0176*h^{-1.00}$		
Lectura cero l	limnímetro: h ₀ (cm)=	20.58		
Lectura medio	da limnímetro: h _{lim} (cm)=	40.12		
Caudal medid	lo en modelo: Q _m (l/s)=	25.10		
Caudal en pro	ototipo: Q _P (m ³ /s)=	44.91		
	TÚNEL BA	ÚL : Tramo recto - Ingreso curva		
Lectura	cero limnímetro h ₀ (cm) :	= 9.22		
No.	h _{medido} (cm)	Observaciones		
1	16.19			
	SARK S	CUENCO DISIPADOR 1		
Lectura	cero limnímetro h ₀ (cm) :	= 26.75		
No.	h _{medido} (cm)	Observaciones		
1	39.68	Medición realizada en la mitad de la sección del tramo		
2	39.66	después de la primera grada.		
3	39.05	ALONADA - Inicio porfil porchélico		
Loctura	coro limpímotro he (cm)	- 21 14		
No	hmatic (cm)	Observaciones		
1	36.27	En la segunda grada se empiezan a formar pequeñas		
2	35.92	cavidades de aire, en la tercera se incrementan y desde la		
3	05.72	cuarta se observan vórtices de flujo recirculante que ocupan		
3	35.66	todo el volumen bajo el pseudofondo.		
Lectura	cero limnímetro ha (cm) :	- 5 26		
No	hmadiate (cm)	Observaciones		
1	25.15	* Medición realizada 26 cm aguas arriba del final del cuence		
2	23.15	propiamente dicho.		
3	24.60	* Dificultad en medir por la presencia de una alta fluctuación		
NOTA	24.00			

Medida 1: Cerca del margen izquierdo

Medida 2: Aproximadamente en la mitad de la sección

Medida 3: Cerca del margen derecho

Registro de datos en la Prueba P-1 (Q prototipo = 44.91 m3/s). Lecturas cintas de medida. (VALIDACIÓN)





ESCUELA POLITÉCNICA NACIONAL CENTRO DE INVESTIGACIONES Y ESTUDIOS EN RECURSOS HÍDRICOS (CIERHI) REGISTRO DE DATOS

NOMBRE: MODELO FÍSICO DE LA RÁPIDA ESCALONADA

HORA: 9:00 17/12/2015 FECHA: No. Prueba: 1 $Q = 0.0176 * h^{2.4434}$ Ecuación experimental - Curva de descarga: Lectura cero limnímetro: h0 (cm)= 20.58 Lectura medida limnímetro: him (cm)= 40.12 Caudal medido en modelo: $Q_m(1/s)=$ 25.10 Caudal en prototipo: $Q_P(m^3/s)=$ 44.91

CINTAS DE MEDIDA							
No.	Altura de agua h _{medido} (cm)		Altura de agua h _{medido} (cm) Ubicación		Ubicación	Observaciones	
1		6.7		Tramo curvo túnel	Presencia de ondas cruzadas.		
2	3.3		5.9	Inicio transición	Variación alta de medición debido a una alteración en el flujo producida por las ranuras de las compuertas.		
3	14.0		15.0	Final transición	Alta turbulencia por la presencia de resalto hidráulico.		
4	16.5	হালগ	17.9	Final cuenco disipador 1	Presencia de pequeñas ondulaciones en la superficie del agua.		
5		4.9		Inicio rápida escalonada			
6		3.6		Tramo medio rápida escalonada	Formación de vórtices de flujo recirculante que ocupan todo el volumen bajo el pseudofondo. Flujo rasante.		
7		3.4		Final rápida escalonada	Formación de vórtices de flujo recirculante que ocupan todo el volumen bajo el pseudofondo. Flujo rasante.		
8	8 8.2		8 8.2			Cuenco disipador 2 / final perfil circular	Alta turbulencia por la presencia de resalto hidráulico.
9		18.5		Cuenco disipador 2 / inicio grada de subida	Presencia de fuertes ondulaciones en la superficie del agua.		
10		4.7		Tramo medio canal conexión 2	Presencia de ondulaciones en la superficie del agua.		

Lectura cinta de medida No. 1 en el tramo curvo del túnel de aproximación. Prueba P-1 (Q prototipo = 44.91 m3/s)



Lectura cinta de medida No. 7 en el tramo final de la rápida escalonada. Prueba P-1 (Q prototipo = 44.91 m3/s)



Registro de datos en la Prueba P-2 (Q prototipo = 20.76 m3/s). Lecturas limnímetros. (VALIDACIÓN)





ESCUELA POLITÉCNICA NACIONAL

CENTRO DE INVESTIGACIONES Y ESTUDIOS EN RECURSOS HÍDRICOS (CIERHI)

REGISTRO DE DATOS

		REGISTRO DE DATOS
NOMBRE:	MODELO FÍSICO DE LA F	RÁPIDA ESCALONADA
HORA:	15:36	FECHA: 18/12/2015
No. Prueba:	2	
Ecuación expe	erimental - Curva de descar	ga: Q = 0.0176*h ^{2.4434}
Lectura cero l	imnímetro: h ₀ (cm)=	20.58
Lectura medio	da limnímetro: h _{lim} (cm)=	34.83
Caudal medid	o en modelo: Q _m (l/s)=	11.61
Caudal en pro	ototipo: Q _P (m ³ /s)=	20.76
	TÚNEL B	AÚL : Tramo recto - Ingreso curva
Lectura	a cero limnímetro ho (cm) =	9.22
No.	h _{medido} (cm)	Observaciones
1	13.59	
		CUENCO DISIPADOR 1
Lectura	a cero limnímetro h ₀ (cm) =	24.98
No.	h _{medido} (cm)	Observaciones
1	34.71	
2	34.57	Medición realizada en la mitad de la sección del tramo después
3	34.63	
	RÁPIDA ES	CALONADA : Inicio perfil parabólico
Lectura	a cero limnímetro h ₀ (cm) =	29.48
No.	h _{medido} (cm)	Observaciones
1	32.47	* La lámina de agua impacta en la tercera y cuarta grada. * En la
2	32.21	tercera grada se empiezan a formar pequeñas cavidades de aire
3	32.17	ocupan aproximadamente el 75% del volumen bajo el pseudofondo.
		CUENCO DISIPADOR 2
Lectura	a cero limnímetro h ₀ (cm) =	7.28
No.	h _{medido} (cm)	Observaciones
1	22.82	* Medición realizada 26 cm aguas arriba del final del cuenco
2	22.86	propiamente dicho.
3	22.84	* Dificultad en medir por la presencia de una alta fluctuación.

NOTA:

Medida 1: Cerca del margen izquierdo

Medida 2: Aproximadamente en la mitad de la sección

Medida 3: Cerca del margen derecho Registro de datos en la Prueba P-2 (Q prototipo = 20.76 m3/s). Lecturas cintas de medida. (VALIDACIÓN)





ESCUELA POLITÉCNICA NACIONAL

CENTRO DE INVESTIGACIONES Y ESTUDIOS EN RECURSOS HÍDRICOS (CIERHI)

REGISTRO DE DATOS

NOMBRE: MODELO FÍSICO DE LA RÁPIDA ESCALONADA HORA: 15:36 FECHA: 18/12/2015 2 No. Prueba: $Q = 0.0176 * h^{2.4434}$ Ecuación experimental - Curva de descarga: Lectura cero limnímetro: h0 (cm)= 20.58 Lectura medida limnímetro: hlim (cm)= 34.83 Caudal medido en modelo: Qm (l/s)= 11.61 Caudal en prototipo: $Q_P(m^3/s)=$ 20.76

	CINTAS DE MEDIDA					
No.	Altura de agua h _{medido} (cm) Ubicación		Observaciones			
1	4.1 - 4.3	Tramo curvo túnel	Presencia de ondas cruzadas.			
2	3.2	Inicio transición				
3	4.4	Final transición	Turbulencia por la presencia de resalto hidráulico.			
4	12.2 - 13.1	Final cuenco disipador 1	Presencia de pequeñas ondulaciones en la superficie del agua.			
5	14.6	Inicio rápida escalonada				
6	2.4 - 3	Tramo medio rápida escalonada	Formación de vórtices de flujo recirculante que ocupan aproximadamente el 75% del volumen bajo el pseudofondo. Flujo transitorio.			
7	2.2	Final rápida escalonada	Formación de vórtices de flujo recirculante que ocupan aproximadamente el 75% del volumen bajo el pseudofondo. Flujo transitorio.			
8	13.5	Cuenco disipador 2 / final perfil circular	Alta turbulencia por la presencia de resalto hidráulico.			
9	13.7 - 16.4	Cuenco disipador 2 / inicio grada de subida	Presencia de ondulaciones en la superficie del agua.			
10	3 - 4.4	Tramo medio canal conexión 2	Presencia de ondulaciones en la superficie del agua.			

Lectura cinta de medida No. 1 en el tramo curvo del túnel de aproximación. Prueba P-2 (Q prototipo = 20.76 m3/s)



Lectura cinta de medida No. 7 en el tramo final de la rápida escalonada. Prueba P-2 (Q prototipo = 20.76 m3/s)



Registro de datos en la Prueba P-3 (Q prototipo = 8.98 m3/s). Lecturas limnímetros. (VALIDACIÓN)

	SCUELA DLITÉCNICA ACIONAL			
		ESCUELA POLITÉCNICA NACIONAL		
	CENTRO DE INVESTIG	ACIONES Y ESTUDIOS EN RECURSOS HIDRICOS (CIERHI)		
NOMDE.	MODELO EÍSICO DE LA	REGISTRO DE DATOS		
HODA.	10-40	EECHA, 18/12/2015		
No Prueba	3			
No. 11ucba.	5	-		
Ecuación expe	rimental - Curva de desca	rga: Q = 0.0176*h ^{2.4434}		
Lectura cero li	mnímetro: h ₀ (cm)=	20.58		
Lectura medid	a limnímetro: h _{lim} (cm)=	30.69		
Caudal medido	o en modelo: Q _m (l/s)=	5.02		
Caudal en prot	totipo: $Q_P(m^3/s)=$	8.98		
	TÚN	IEL BAÚL : Tramo recto - Ingreso curva		
Lectura o	ero limnímetro ho (cm) =	= 9.22		
No.	h _{medido} (cm)	Observaciones		
1	1 11.93 * Dificultad en realizar la medición de una manera precisa debido a la incidencia de tensión superficial alrededor de la punta del limnímetro.			
		CUENCO DISIPADOR 1		
Lectura o	cero limnímetro ho (cm) =	= 24.98		
No.	h _{medido} (cm)	Observaciones		
1	32.44	* Dificultad en realizar la medición de una manera precisa debido a la incidencia de tensión superficial alrededor de la punta del limnímetro.		
2	32.39	* Medición realizada en la mitad de la sección del tramo después de la		
3	32.39	primera grada.		
	RÁPII	DA ESCALONADA : Inicio perfil parabólico		
Lectura o	ero limnímetro h ₀ (cm) =	29.36		
No.	h _{medido} (cm)	Observaciones		
1	20.05	* Dificultad en realizar la medición de una manera precisa debido a la incidencia de tensión superficial alrededor de la punta del limnímetro.		
2	30.95	La lámina de agua impacta en la huella de la primera grada y se desprende		
3	30.97	llegando a la sexta, séptima y octava. Aguas abajo de estas gradas se presenta un tipo de flujo con cavidades de aire alternadas con vórtices de flujo recirculante		
		CUENCO DISIPADOR 2		
Lectura o	ero limnímetro h ₀ (cm) =	7.28		
No.	h _{medido} (cm)	Observaciones		
1	20.56	* Medición realizada 26 cm aguas arriba del final del cuenco propiamente		
2	20.88	dicho.		
3	20.57	* Dificultad en medir por la presencia de una alta fluctuación.		

NOTA:

Medida 1: Cerca del margen izquierdo

Medida 2: Aproximadamente en la mitad de la sección

Medida 3: Cerca del margen derecho

Registro de datos en la Prueba P-3 (Q prototipo = 8.98 m3/s). Lecturas cintas de medida. (VALIDACIÓN)





ESCUELA POLITÉCNICA NACIONAL CENTRO DE INVESTIGACIONES Y ESTUDIOS EN RECURSOS HÍDRICOS (CIERHI) DECISTRO DE DATOS

REGISTRO DE DATOS

NOMBRE: MODELO FÍSICO DE LA RÁPIDA ESCALONADA HORA: 10:40 FECHA: 18/12/2015 No. Prueba: 3 Q = 0.0176*h^{2.4434} Ecuación experimental - Curva de descarga: Lectura cero limnímetro: h₀ (cm)= 20.58 Lectura medida limnímetro: hlim (cm)= 30.69 Caudal medido en modelo: $Q_m (1/s) =$ 5.02 Caudal en prototipo: $Q_P(m^3/s)=$ 8.98

	CINTAS DE MEDIDA					
No.	No. Altura de agua h _{medido} (cm)		de agua _{do} (cm) Ubicación		Observaciones	
1	2.2	170	2.3	Tramo curvo túnel	Presencia de pequeñas ondas cruzadas.	
2		1.6		Inicio transición		
3	11	-	11.4	Final transición	Turbulencia por la presencia de resalto hidráulico. Resalto débil	
4		11.2		Final cuenco disipador 1		
5	1.9	-	1.6	Inicio rápida escalonada		
6	1.0		1.5	Tramo medio rápida escalonada	Se observa un tipo de flujo con cavidades de aire alternadas con vórtices de flujo recirculante debajo de la corriente principal. Flujo transitorio	
7	1.0	•	1.5	Final rápida escalonada	Se observa un tipo de flujo con cavidades de aire alternadas con vórtices de flujo recirculante debajo de la corriente principal. Flujo transitorio	
8				Cuenco disipador 2 / final perfil circular	Turbulencia por la presencia de resalto hidráulico.	
9		13.6		Cuenco disipador 2 / inicio grada de subida	Presencia de ondulaciones en la superficie del agua.	
10				Tramo medio canal conexión 2	Presencia de ondulaciones en la superficie del agua.	

Lectura cinta de medida No. 1 en el tramo curvo del túnel de aproximación. Prueba P-3 (Q prototipo = 8.98 m3/s)



Lectura cinta de medida No. 7 en el tramo final de la rápida escalonada. Prueba P-3 (Q prototipo = 8.98 m3/s)



Registro de datos en la Prueba P-1 (Q prototipo = 46.61 m3/s). Lecturas cintas. (DISEÑO ORIGINAL)





ESCUELA POLITÉCNICA NACIONAL CENTRO DE INVESTIGACIONES Y ESTUDIOS EN RECURSOS HÍDRICOS (CIERHI) REGISTRO DE DATOS

NOMB	RE:	MODELO FÍSICO I	DE LA RÁPIDA ESCALONADA	
HORA: 15:50		15:50	FECHA:	16/02/2016
No. Pru	ieba:	1		
Ecuaci	ón experimental -	Curva de descarga:	Q = 0.01	76*h ^{2.4434}
			Margen Izquierda	Margen Derecha
Lectura	a cero limnímetro	: h ₀ (cm)=	29.44	20.58
Lectura	a medida limníme	tro: hlim (cm)=	43.83	36.04
Caudal	medido en model	o: Q _m (l/s)=	11.89	14.17
Caudal	en prototipo: QP ($(m^3/s) =$	21.27	25.34
			CINTAS DE MEDIDA	
No.	Altura de ag	ua h _{medido} (cm)	Ubicación	Observaciones
1		7,2	Tramo curvo túnel	
	MI	MD		
2	6,8	7,6	Final túnel	
3	2	2,3	Final transición	MD: Formación resalto (no se puede medir por la fluctuación)
4	16,75	18,75	Final cuenco disipador 1	
5	6,4	6,9	Inicio rápida escalonada	MD: 3er y 4to escalón, pequeñas cavidades aire desde el 5to ya hay vortices recirculantes.
6	3-4,5	3,5-4,8	Tramo medio rápida escalonada	Formación skimming flow
7	3-4,5	3,5-4,8	Final rápida escalonada	Formación skimming flow
8	2,1	2,5	Cuenco disipador 2 / final perfil circular	MD: resalto rechazado MI: Resalto, no se puede medir x turbulencia L=95cm
9	20,2	2,5	Cuenco disipador 2 / inicio grada de subida	
10	10,3	10	Tramo medio canal conexión 2	MD: Fluo impact en el techo, sale en dirección de la grada, hasta 84-90cm aguas abajo la lámina de agua se adhiere al techo, fluctuación en canal de conexión. MI: Ondas superficiales.

Registro de datos en la Prueba P-2 (Q prototipo = 56.55m3/s). Lecturas cintas. (DISEÑO ORIGINAL)





ESCUELA POLITÉCNICA NACIONAL CENTRO DE INVESTIGACIONES Y ESTUDIOS EN RECURSOS HÍDRICOS (CIERHI)

REGISTRO DE DATOS

NOMBRE:	MODELO FÍSICO DE LA	RÁPIDA ESCALONADA		
HORA:	9:00	FECHA:	17/02/2016	
No. Prueba:	2			
Ecuación experimental - Curva de descarga:		Q = 0.0176*h ^{2.4434}		
	0. 50 0 <u>-</u>	Margen Izquierda	Margen Derecha	
Lectura cero limnímetro	: h ₀ (cm)=	29.44	20.58	
Lectura medida limnímetro: h _{lim} (cm)=		45,02	37.31	
Caudal medido en mode	lo: Q _m (l/s)=	12.44	17.18	
Caudal en prototipo: Q _P (m ³ /s)=		25.82	30.73	

_	CINTAS DE MEDIDA					
No.	Altura de agua h _{medido} (cm)		Ubicación	Observaciones		
1	8	,1	Tramo curvo túnel			
	MI	MD				
2	7,7	8,6	Final túnel			
3	2,3	2,7	Final transición	Resalto hidráulico en las dos cámaras		
4	19,3	20,5	Final cuenco disipador 1			
5	7,0	7,8	Inicio rápida escalonada	MI: Ingreso de aire en la 3era huella MD:Inicio de aire 4ta huella		
6	4,4	4,6	Tramo medio rápida escalonada	Formación skimming flow		
7	4,4	4,6	Final rápida escalonada			
8	2,6	2,8	Cuenco disipador 2 / final perfil circular	MI: Resalto, L=1,12m		
9	20,1	2,8	Cuenco disipador 2 / inicio grada de subida			
10	7,1	8,2	Tramo medio canal conexión 2	MD: Fluo impact en el techo, hasta 80cm aguas abajo después de la grada, fluctuación en canal de conexión.		

Registro de datos en la Prueba P-3 (Q prototipo = 80.19m3/s). Lecturas cintas. (DISEÑO ORIGINAL)





ESCUELA POLITÉCNICA NACIONAL CENTRO DE INVESTIGACIONES Y ESTUDIOS EN RECURSOS HÍDRICOS (CIERHI)

REGISTRO DE DATOS NOMBRE: MODELO FÍSICO DE LA RÁPIDA ESCALONADA HORA: 11:00 FECHA: 17/02/2016 3 No. Prueba: $Q = 0.0176^{*}h^{2.4434}$ Ecuación experimental - Curva de descarga: Margen Izquierda Margen Derecha Lectura cero limnímetro: ho (cm)= 29.44 20.58 Lectura medida limnímetro: hlim (cm)= 39.71 47,60 Caudal medido en modelo: Qm (l/s)= 20.99 23.84 Caudal en prototipo: $Q_P(m^3/s)=$ 37.55 42.64

			CINTAS DE MEDIDA	
No.	Altura de agu	a h _{medido} (cm)	Ubicación	Observaciones
1	10	,3	Tramo curvo túnel	
	MI	MD		
2	9,9	10,8	Final túnel	
3	3,2	3,5	Final transición	Resalto hidráulico en las dos cámaras
4	21	23	Final cuenco disipador 1	
5	9	9,7	Inicio rápida escalonada	MI: Ingreso de aire en la 5ta huella intermitente: 7ma presencia de vórtices
6	5,2-5,8	4,8-6	Tramo medio rápida escalonada	Formación skimming flow
7	5,2-5,8	4,8-6	Final rápida escalonada	
8	3,4	3,5	Cuenco disipador 2 / final perfil circular	Resaltos rechazados en ambas cámaras
9	4	4,5	Cuenco disipador 2 / inicio grada de subida	
10	9,4	10,3	Tramo medio canal conexión 2	MI: Flujo impacta en pared superior, cae a 80cm. MD: Flujo impacta en pared superior, cae a 85cm.

Registro de datos en la Prueba P-4 (Q prototipo = 101.78m3/s). Lecturas cintas. (DISEÑO ORIGINAL)





ESCUELA POLITÉCNICA NACIONAL CENTRO DE INVESTIGACIONES Y ESTUDIOS EN RECURSOS HÍDRICOS (CIERHI) REGISTRO DE DATOS

		REGISTRO DE DATOS		
NOMBRE:	MODELO FÍSICO DE LA RÁPIDA ESCALONADA			
HORA:	12:00	FECHA:	17/02/2016	
No. Prueba:	4			
Ecuación experimental - Curva de descarga:		Q = 0.0176*h ^{2.4434}		
	s	Margen Izquierda	Margen Derecha	
Lectura cero limnímetro: h ₀ (cm)=		29.44	20.58	
Lectura medida limnímetro: h _{lim} (cm)=		49.32	41.8	
Caudal medido en modelo: Qm (l/s)=		26.19	30.71	
Caudal en prototipo: $O_P(m^3/s)=$		46.84	54.94	

CINTAS DE MEDIDA					
No.	No. Altura de agua h _{medido} (cm) 1 12,2		Ubicación Tramo curvo túnel	Observaciones	
1					
	MI	MD			
2	11,5	12,9	Final túnel		
3	3,8	4,3	Final transición	Resalto hidráulico en las dos cámaras MD: Longitud resalto = 90cm; MI: Longitud resalto = 70cm	
4	24,5	25	Final cuenco disipador 1		
5	10,4	11,5	Inicio rápida escalonada		
6	5,6-7	6,5-7,5	Tramo medio rápida escalonada	Formación skimming flow	
7	5,6-7	6,5-7,5	Final rápida escalonada		
8	4	4,6	Cuenco disipador 2 / final perfil circular	Resaltos rechazados en ambas cámaras	
9	4	4,6	Cuenco disipador 2 / inicio grada de subida		
10	11	12,5	Tramo medio canal conexión 2	MI: Flujo impacta en pared superior, cae a 83cm. MD: Flujo impacta en pared superior, cae a 81cm.	

Registro de datos en la Prueba P-5 (Q prototipo = 8.08m3/s). Lecturas cintas. (DISEÑO ORIGINAL)





ESCUELA POLITÉCNICA NACIONAL CENTRO DE INVESTIGACIONES Y ESTUDIOS EN RECURSOS HÍDRICOS (CIERHI) REGISTRO DE DATOS

NOMBRE: N	MODELO FÍSICO DE LA	RÁPIDA ESCALONADA		
HORA: 14:30		FECHA:	17/02/2016	
No. Prueba:	5			
Ecuación experimental - Cu	rva de descarga:	$Q = 0.0176 * h^{2.4434}$		
	122	Margen Izquierda	Margen Derecha	
Lectura cero limnímetro: he	o (cm)=	29.44	20.58	
Lectura medida limnímetro	: h _{lim} (cm)=	36.50	28.1	
Caudal medido en modelo:	Q _m (l/s)=	2.09	2.44	
Caudal en prototipo: QP (m	³ /s)=	3.73	4.36	

CINTAS DE MEDIDA						
No.	Altura de agua h _{medido} (cm) 2,5		Ubicación Tramo curvo túnel	Observaciones		
1						
	МІ	MD				
2	2,4	2,7	Final túnel			
3	0,4	0,5	Final transición			
4	11,9	12,1	Final cuenco disipador 1			
5	2,7	2,8	Inicio rápida escalonada	Impacta en 1era grada y salta hasta la 4ta grada		
6	1	1	Tramo medio rápida escalonada	Flujo transitorio		
7	1	1	Final rápida escalonada			
8	0,5	0,6	Cuenco disipador 2 / final perfil circular	Resalto en ambas celdas MI y MD: Longitud resalto 24cm		
9	11,8-14,5	12,5-14,3	Cuenco disipador 2 / inicio grada de subida			
10	2,02	2,2	Tramo medio canal conexión 2			

Registro de datos en la Prueba P-6 (Q prototipo = 149.07m3/s). Lecturas cintas. (DISEÑO ORIGINAL)





ESCUELA POLITÉCNICA NACIONAL CENTRO DE INVESTIGACIONES Y ESTUDIOS EN RECURSOS HÍDRICOS (CIERHI)

NOMBR	RE:	MODELO FÍSICO I	DE LA RÁPIDA ESCALONADA	
HORA:		15:00	FECHA:	17/02/2016
		6	-	
Ecuación experimental - Curva de descarga:		- Curva de descarga:	Q = 0.0176*h ^{2.4434}	
			Margen Izquierda	Margen Derecha
Lectura	cero limnímetr	o: h ₀ (cm)=	29.44	20.58
Lectura medida limnímetro: h _{lim} (cm)= Caudal medido en modelo: Q _m (1/s)=			53.20	44.9 42.85
	40 40 View	2008 197 941	CINTAS DE MEDIDA	
No.	Altura de a	gua h _{medido} (cm)	Ubicación	Observaciones
1	16,4		Tramo curvo túnel	
	MI	MD		
2	16	16,7	Final túnel	
3	5,4	5,7	Final transición	
4	5,8-6,3	~	Final cuenco disipador 1	MD: imposible medir flujo impacta en pared intermedia
5	7,5-14	14,22	Inicio rápida escalonada	Impacta en 1era grada y salta hasta la 4ta grada
6	10,4	9,5	Tramo medio rápida escalonada	Formación skimming flow
7	10,4	9,5	Final rápida escalonada	
8	5,9	5,6	Cuenco disipador 2 / final perfil circular	Resalto en ambas celdas MI y MD: Longitud resalto 24cm
9	5,5-8	6,4-9	Cuenco disipador 2 / inicio grada de subida	
10	15,3	16,1	Tramo medio canal conexión 2	MI: Flujo impacta en pared superior, cae a 90cm. MD: Flujo impacta en pared superior, cae a 85cm.
ANEXO 4

CÁLCULOS

ANÁLISIS DIMENSIONAL

- i. Identificar todas las variables (n) que intervienen en el fenómeno hidráulico
 - Variables dependientes
 - V =Velocidad. [m/s]
 - q =Caudal unitario $[m^3/s/m]$
 - y = Calado [m]
 - Variables independientes
 - h = Altura de grada (contrahuella). [m]
 - l = Longitud de grada (huella). [m]
 - b = Ancho del canal. [m]
 - $\theta =$ Ángulo de inclinación de la rápida. [°]
 - g = Aceleración de la gravedad. $[m/s^2]$
 - γ = Peso específico del agua. [kg/m^3]

Número total de variables: n= 9

- Las dimensiones primarias (j) son: Longitud (L), masa (M) y tiempo (T).
 Número de dimensiones primarias: n= 3
- iii. Teorema Pi Buckingham. k=n-j Número de parámetros adimensionales: k= 6 ($\Pi_1, \Pi_2, \Pi_3, \Pi_4, \Pi_5, \Pi_6$)
- iv. Establecer las variables repetitivas para la determinación de las variables Π en la matriz característica, su determinante no debe ser nulo.

Variables Repetitivas	L	М	т
V	1	0	-1
Y	1	0	0
Y	-3	1	0

ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

Matriz característica:

Variables	L	М	т
V	1	0	-1
Y	1	0	0
Y	-3	1	0
h	1	0	0
I	1	0	0
b	1	0	0
θ	0	0	0
g	1	0	-2
q	2	0	-1

ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

v. Determinación de los parámetros Π adimensionales

Π1					Π1	
	a b c h				Resulta	ados
L	1	1	-3	-1	a =	0
М	0	0	1	0	b =	-1
Т	-1	0	0	0	c =	0

ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

$$\Pi_1 = \frac{h}{y}$$

П2				П2		
	a b c l				Resulta	ados
L	1	1	-3	-1	a =	0
М	0	0	1	0	b =	-1
Т	-1	0	0	0	c =	0

ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

$$\Pi_2 = \frac{l}{y}$$

П3						ПЗ	
a b c b					Resulta	ados	
L	1	1	-3	-1	l	a =	0
М	0	0	1	0		b =	-1
Т	-1	0	0	0		c = 0	

ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

$\Pi_3 = \frac{b}{y}$									
		П4				П4			
	а	b	С	θ		Resultad	los		
L	1	1	-3	0		a =	0		
М	0	0	1	0		b =	0		
т	-1	0	0	0		с =	0		

ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

 $\Pi_4 = \Theta$

П5					П5	
	a b c g				Resulta	ndos
L	1	1	-3	-1	a =	-2
М	0	0	1	0	b =	1
Т	-1	0	0	2	c =	0

ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

$$\Pi_5 = \frac{gy}{V^2} = \frac{V}{\sqrt{gy}} = Fr$$

П6					П6	
a b c q					Resulta	ados
L	1	1	-3	-2	a =	-1
М	0	0	1	0	b =	-1
т	-1	0	0	1	с =	0

ELABORADO POR: José López Peñafiel, Karen Soto Morales

$$\Pi_6 = \frac{q}{Vy} = Cd$$

vi. Verificar que todos los parámetros Π sean adimensionales y escribir la función final de la forma de la ecuación 3.1.

$$Cd = f\left(\frac{h}{y}, \frac{l}{y}, \frac{b}{y}, \Theta, Fr\right)$$

Predominan las fuerzas de gravedad.

CALIBRACIÓN DE VERTEDEROS

Parámetros obtenidos al aplicar la fórmula expuesta por la Hegly para obtener la curva de descarga

h' (m)	С	Q (l/s)
0.10	1.46	4.62
0.15	1.43	12.49
0.20	1.42	25.39
0.23	1.41	37.57

Parámetros obtenidos al aplicar la fórmula expuesta por la Universidad Católica de Chile para obtener la curva de descarga

h' (m)	u	B/h'	K	С	Q (l/s)
0.05	0.600	12.00	1.000	1.42	0.79
0.10	0.592	6.00	1.000	1.40	4.42
0.15	0.589	4.00	1.015	1.41	12.31
0.20	0.589	3.00	1.039	1.45	25.86
0.23	0.589	2.56	1.048	1.46	38.74

NÚMEROS ADIMENSIONALES

Determinación de Fr, Re, We y λ del flujo de aproximación para modelo y prototipo. Prueba P-2 (Q prototipo = 20.76 m3/s)

PARÁMETRO	PROTO	ГІРО	MODE	LO
Caudal:	$Q_{P}(m3/s) =$	20.76	$Q_m (l/s) =$	11.61
Calado:	h _P (m)=	0.87	h _m (m)	0.0437
Perímetro mojado:	$P_p(m) =$	5.80	$P_{m}(m) =$	0.2905
Área mojada:	$A_{P}(m2)=$	3.70	$A_m(m2)=$	0.0093
Espejo de agua:	T _p (m)=	5.00	$T_m(m)=$	0.25
Profundidad hidráulica:	d _P (m)	0.74	d _m (m)	0.0372
Radio hidráulico:	$Rh_{P}(m)=$	0.64	$Rh_m(m)=$	0.0320
Velocidad:	$v_{P}(m/s) =$	5.62	v _m (m/s) =	1.25
Número de Froude:	Fr _P =	2.09	Fr _m =	2.07
Viscosidad cinemática:	$U_p(m2/s) =$	1.00E-06	$U_{\rm m}({\rm m2/s}) =$	1.00E-06
Número de Reynolds:	Re _P =	1.43E+07	Re _m =	1.60E+05
Rugosidad absoluta:	ε _p (mm)=	1.00	ε _m (mm)=	0.0015
Factor de fricción (valor iterado)	$\lambda_{\rm p}$ =	1.59E-02	$\lambda_{\rm m}$ =	1.64E-02
Factor de fricción:	$\lambda_{\rm p} =$	1.59E-02	$\lambda_{\rm m} =$	1.64E-02
Tensión superficial:	$\sigma_{\rm p}$ (kg/m) =	7.39E-03	σ _m (kg/m)	7.39E-03
Densidad:	$\rho_{\rm p} ({\rm kg/m3}) =$	1000.00	$\rho_{\rm m}$ (kg/m3) =	1000.00
Número de Weber:	We _p =	1928.30	We _m =	95.98

Determinación de Fr, Re, We y λ del flujo de aproximación para modelo y prototipo. Prueba P-3 (Q prototipo = 8.98 m3/s)

PARÁMETRO	PROTO	ГІРО	MODE	LO
Caudal:	$Q_{P}(m3/s) =$	8.98	$Q_m (l/s) =$	5.02
Calado:	h _P (m)=	0.52	h _m (m)	0.0271
Perímetro mojado:	$P_{p}(m) =$	4.88	$P_m(m) =$	0.2467
Área mojada:	$A_{P}(m2)=$	2.06	$A_m(m2)=$	0.0053
Espejo de agua:	T _p (m)=	4.45	T _m (m)=	0.2242
Profundidad hidráulica:	d _P (m)	0.46	d _m (m)	0.0236
Radio hidráulico:	$Rh_{P}(m)=$	0.42	Rh _m (m)=	0.0215
Velocidad:	$v_{P}(m/s) =$	4.36	v _m (m/s) =	0.95
Número de Froude:	Fr _P =	2.05	Fr _m =	1.97
Viscosidad cinemática:	$U_p(m2/s) =$	1.00E-06	U _m (m2/s) =	1.00E-06
Número de Reynolds:	Re _P =	7.35E+06	Re _m =	8.14E+04
Rugosidad absoluta:	ε _p (mm)=	1.00	ε _m (mm)=	0.0015
Factor de fricción (valor iterado)	$\lambda_{\rm p}$ =	1.74E-02	$\lambda_{\rm m}$ =	1.89E-02
Factor de fricción:	$\lambda_{\rm p}$ =	1.74E-02	$\lambda_{\rm m} =$	1.89E-02
Tensión superficial:	$\sigma_p (kg/m) =$	7.39E-03	$\sigma_{\rm m}$ (kg/m)	7.39E-03
Densidad:	$\rho_p (kg/m3) =$	1000.00	$\rho_{\rm m}$ (kg/m3) =	1000.00
Número de Weber:	We _p =	1156.55	We _m =	57.33

LÍNEA DE ENERGÍA

Cálculos de energía por secciones. Prueba P-2 (Q prototipo = 46.606 m3/s)

Prueba No. 2:	QTOTAL m (m ³ /s) =	0.026 QT		TOTAL P $(m^3/s) =$		46.606	
	SECCIÓN 0		SECCIÓN 1		SECCIÓN 2			
Dimensiones			Celda Izquierda	Celda Derecha		Celda Izquierda	Celda Derecha	
z(m) =	4.704		4.666	4.66	66	4.526	Z	4.526
y(m) =	0.07	2	0.068	0.076		0.01977	(0.023
v (m/s) =	1.60	0	1.550	1.63	80	2.406	4	2.481
α =	1.15	0	1.150	1.150		1.100		1.100
α*hv (m)	0.15	50	0.141	0.156		0.324	().345
E (m) =	4.92	6	4.874	4.897		4.871	Z	1.894
Fr =	1.99	5	2.000	1.98	31	5.463	[5.239
	SECCIO	SECCIÓN 3 SECCIÓN 4			SECCIÓN 5		5	
Dimensiones	Celda	Celda	Celda	Celo	la	Celda	(Celda
	Izquierda	Derecha	Izquierda	Dere	cha	Izquierda	De	erecha
z(m) =	4.526	4.526	4.614	4.61	4	0.146	().146
y(m) =	0.175	0.185	0.082	0.08	37	0.045	().049
v (m/s) =	0.272	0.306	0.580	0.65	51	1.511	1	1.639
α =	1.100	1.100	1.100	1.10	00	1.116	1	l.116
α*hv (m)	0.004	0.005	0.019	0.02	24	0.130	().153
E (m) =	4.71	4.72	4.71	4.7	2	0.30		0.32
Fr =	0.207	0.227	0.647	0.70)5	2.716		3.237
	SECCIO	ÓN 6	SECCI	SECCIÓN 7		SECCIÓN 8		8
Dimensiones	Celda	Celda	Celda	Celo	la	Celda	(Celda
	Izquierda	Derecha	Izquierda	Dere	cha	Izquierda	De	erecha
z(m) =	0.000	0.000	0.000	0.00)0	0.099	().099
y(m) =	0.0213	0.025	0.190	0.02	25	0.063	(0.071
v (m/s) =	2.232	2.295	0.250	2.29	95	0.757	().797
α =	1.100	1.100	1.100	1.10	0	1.100		1.100
α*hv (m)	0.279	0.295	0.004	0.29	95	0.032	().036
E (m) =	0.30	0.32	0.19	0.3	2	0.19		0.21
Fr =	4.881	4.663	0.183	4.66	53	0.965	().955

Prueba No. 3:	QTOTAL n	n (m3/s) =	0.032	QTOTAL P (m3/s) =		56.554	
	SECCIÓN 0		SECCI	ÓN 1	SECCIÓN 2		
Dimensiones			Celda Izquierda	Celda Derecha	Celda Izquierda	Celda Derecha	
z(m) =	4.7	04	4.666	4.666	4.526	4.526	
y(m) =	0.0	81	0.077	0.086	0.02340	0.027	
v (m/s) =	1.6	90	1.640	1.720	2.467	2.559	
α =	1.1	50	1.150	1.150	1.100	1.100	
α*hv (m)	0.1	.67	0.158	0.173	0.341	0.367	
E (m) =	4.9	53	4.900	4.925	4.891	4.920	
Fr =	1.9	66	1.979	1.951	5.149	4.987	
	SECC	IÓN 3	SECCIÓN 4		SECCIÓN 5		
Dimensiones	Celda	Celda	Celda	Celda	Celda	Celda	
	Izquierda	Derecha	Izquierda	Derecha	Izquierda	Derecha	
z(m) =	4.526	4.526	4.614	4.614	0.146	0.146	
y(m) =	0.193	0.205	0.085	0.090	0.052	0.054	
v (m/s) =	0.300	0.335	0.679	0.764	1.582	1.803	
α =	1.100	1.100	1.100	1.100	1.116	1.116	
α*hv (m)	0.005	0.006	0.026	0.033	0.142	0.185	
E (m) =	4.72	4.74	4.72	4.74	0.31	0.36	
Fr =	0.218	0.236	0.744	0.813	3.298	3.925	
	SECC	IÓN 6	SECCI	ÓN 7	SECCI	ÓN 8	
Dimensiones	Celda	Celda	Celda	Celda	Celda	Celda	
	Izquierda	Derecha	Izquierda	Derecha	Izquierda	Derecha	
z(m) =	0.000	0.000	0.000	0.000	0.099	0.099	
y(m) =	0.0256	0.028	0.212	0.028	0.056	0.070	
v(m/s) =	2.252	2.433	0.272	2.433	1.031	0.982	
α =	1.100	1.100	1.100	1.100	1.100	1.100	
α*hv (m)	0.284	0.332	0.004	0.332	0.060	0.054	
E (m) =	0.31	0.36	0.22	0.36	0.22	0.22	
Fr =	4.491	4.621	0.189	4.621	1.391	1.185	

Cálculos de energía por secciones. Prueba P-3 (Q prototipo = 56.554 m3/s)

Prueba No. 4:	QTOTAL m	(m3/s) =	0.045	QTOTA	QTOTAL P (m3/s) =		
	SECCIÓN 0		SECCIÓN 1		SECCIÓN 2		
Dimensiones			Celda Izquierda	Celda Derecha	Celda Izquierda	Celda Derecha	
z(m) =	4.7	04	4.666	4.666	4.526	4.526	
y(m) =	0.1	03	0.099	0.108	0.03179	0.035	
v (m/s) =	1.8	50	1.820	1.880	2.641	2.698	
α =	1.1	50	1.150	1.150	1.100	1.100	
α*hv (m)	0.2	01	0.194	0.207	0.391	0.408	
E (m) =	5.0	08	4.959	4.981	4.949	4.970	
Fr =	1.89	98	1.911	1.884	4.730	4.582	
	SECCIÓN 3		SECCIÓN 4		SECCIÓN 5		
Dimensiones	Celda	Celda	Celda	Celda	Celda	Celda	
	Izquierda	Derecha	Izquierda	Derecha	Izquierda	Derecha	
z(m) =	4.526	4.526	4.614	4.614	0.146	0.146	
y(m) =	0.225	0.230	0.110	0.125	0.064	0.063	
v (m/s) =	0.373	0.415	0.764	0.763	1.864	2.141	
α =	1.100	1.100	1.100	1.100	1.116	1.116	
α*hv (m)	0.008	0.010	0.033	0.033	0.198	0.261	
E (m) =	4.76	4.77	4.76	4.77	0.38	0.44	
Fr =	0.251	0.276	0.736	0.689	4.795	5.446	
	SECCI	ÓN 6	SECCI	ÓN 7	SECCIÓN 8		
Dimensiones	Celda Izquierda	Celda Derecha	Celda Izquierda	Celda Derech a	Celda Izquierda	Celda Derecha	
z(m) =	0.000	0.000	0.000	0.000	0.099	0.099	
y(m) =	0.0338	0.035	0.040	0.045	0.094	0.103	
v (m/s) =	2.485	2.687	2.099	2.119	0.893	0.925	
α =	1.100	1.100	1.100	1.100	1.100	1.100	
α*hv (m)	0.346	0.405	0.247	0.252	0.045	0.048	
E (m) =	0.38	0.44	0.29	0.30	0.24	0.25	
Fr =	4.317	4.553	3.351	3.189	0.930	0.920	

Cálculos de energía por secciones. Prueba P-4 (Q prototipo = 80.191 m3/s)

Prueba No. 5:	QTOTAL m ((m3/s) =	0.057	7 QTOTAL P (m3/s) = 101.778		
	SECCIÓN O		SECCIÓN 1		SECCIÓN 2	
Dimensiones			Celda Izquierda	Celda Derecha	Celda Izquierda	Celda Derecha
z(m) =	4.704	4	4.666	4.666	4.526	4.526
y(m) =	0.122	2	0.115	0.129	0.03808	0.043
v (m/s) =	1.96	0	1.920	2.000	2.751	2.829
α =	1.15	0	1.150	1.150	1.100	1.100
α*hv (m)	0.22	5	0.216	0.234	0.424	0.449
E (m) =	5.052	2	4.997	5.030	4.989	5.018
Fr =	1.839	9	1.860	1.817	4.501	4.333
	SECCIÓN 3		SECCIÓN 4		SECCIÓN 5	
Dimensiones	Celda	Celda	Celda	Celda	Celda	Celda
	Izquierda	Derecha	Izquierda	Derecha	Izquierda	Derecha
z(m) =	4.526	4.526	4.614	4.614	0.146	0.146
y(m) =	0.238	0.267	0.137	0.158	0.073	0.080
v (m/s) =	0.440	0.460	0.765	0.779	2.040	2.160
α =	1.100	1.100	1.100	1.100	1.116	1.116
α*hv (m)	0.011	0.012	0.033	0.034	0.237	0.265
E (m) =	4.78	4.81	4.78	4.81	0.42	0.45
Fr =	0.288	0.284	0.660	0.627	5.983	7.016
	SECCIÓ	N 6	SECCIÓN '		ÓN 7 SECO	
Dimensiones	Celda	Celda	Celda	Celda	Celda	Celda
	Izquierda	Derecha	Izquierda	Derecha	Izquierda	Derecha
z(m) =	0.000	0.000	0.000	0.000	0.099	0.099
y(m) =	0.0402	0.046	0.040	0.046	0.111	0.125
v (m/s) =	2.604	2.687	2.604	2.687	0.948	0.987
α =	1.100	1.100	1.100	1.100	1.100	1.100
α*hv (m)	0.380	0.405	0.380	0.405	0.050	0.055
E (m) =	0.42	0.45	0.42	0.45	0.26	0.28
Fr =	4.146	4.013	4.146	4.013	0.911	0.893

Cálculos de energía por secciones. Prueba P-5 (Q prototipo = 101.778 m3/s)

Prueba No. 5:	QTOTAL m ((m3/s) =	0.057	7 QTOTAL P (m3/s) = 101.778		
	SECCIÓN O		SECCIÓN 1		SECCIÓN 2	
Dimensiones			Celda Izquierda	Celda Derecha	Celda Izquierda	Celda Derecha
z(m) =	4.704	4	4.666	4.666	4.526	4.526
y(m) =	0.122	2	0.115	0.129	0.03808	0.043
v (m/s) =	1.96	0	1.920	2.000	2.751	2.829
α =	1.15	0	1.150	1.150	1.100	1.100
α*hv (m)	0.22	5	0.216	0.234	0.424	0.449
E (m) =	5.052	2	4.997	5.030	4.989	5.018
Fr =	1.839	9	1.860	1.817	4.501	4.333
	SECCIÓN 3		SECCIÓN 4		SECCIÓN 5	
Dimensiones	Celda	Celda	Celda	Celda	Celda	Celda
	Izquierda	Derecha	Izquierda	Derecha	Izquierda	Derecha
z(m) =	4.526	4.526	4.614	4.614	0.146	0.146
y(m) =	0.238	0.267	0.137	0.158	0.073	0.080
v (m/s) =	0.440	0.460	0.765	0.779	2.040	2.160
α =	1.100	1.100	1.100	1.100	1.116	1.116
α*hv (m)	0.011	0.012	0.033	0.034	0.237	0.265
E (m) =	4.78	4.81	4.78	4.81	0.42	0.45
Fr =	0.288	0.284	0.660	0.627	5.983	7.016
	SECCIÓ	N 6	SECCIÓN '		ÓN 7 SECO	
Dimensiones	Celda	Celda	Celda	Celda	Celda	Celda
	Izquierda	Derecha	Izquierda	Derecha	Izquierda	Derecha
z(m) =	0.000	0.000	0.000	0.000	0.099	0.099
y(m) =	0.0402	0.046	0.040	0.046	0.111	0.125
v (m/s) =	2.604	2.687	2.604	2.687	0.948	0.987
α =	1.100	1.100	1.100	1.100	1.100	1.100
α*hv (m)	0.380	0.405	0.380	0.405	0.050	0.055
E (m) =	0.42	0.45	0.42	0.45	0.26	0.28
Fr =	4.146	4.013	4.146	4.013	0.911	0.893

Cálculos de energía por secciones. Prueba P-5 (Q prototipo = 101.778 m3/s)

ANEXO 5

PLANOS





